



سلسلة تمارين في البرمجة بالأعداد الصحيحة

التمرين الأول: ليكن نموذج البرمجة الخطية التالي:

$$\text{Max} Z = 40 x_1 + 60 x_2$$

$$\begin{cases} x_1 + 20x_2 \leq 11 \\ 7x_1 + x_2 \leq 21 \\ 2x_1 + 2x_2 \leq 13 \\ x_1, x_2 \geq 0 \\ x_1, x_2 \text{ entier} \end{cases}$$

المطلوب: البحث عن قيمة x_1 و x_2 لتعظيم دالة الهدف باستخدام طريقتي قطع المستوي ،التفريع و التحديد

التمرين الثاني: ليكن النموذج الخطي الخاص بمسألة إنتاج منتوجين بالاعتماد على مادتين أوليتين:

$$\text{Max} Z = 5 x_1 + 4 x_2$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 5 \\ 10 x_1 + 6x_2 \leq 45 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

المطلوب: 1. ايجاد الحل الأمثل باستخدام طريقة السمبلاكس.

2. بافتراض x_1, x_2 وحدات غير قابلة للتجزئة ، فأوجد الحل الأمثل بطريقة Gomory مع التوضيح

من خلال التمثيل البياني.

التمرين الثالث: ليكن النموذج الخطي الخاص بمسألة إنتاج منتوجين بالاعتماد على مادتين أوليتين:

$$\text{Max} Z = 5 x_1 + 4 x_2$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 5 \\ 10 x_1 + 6x_2 \leq 45 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

المطلوب: 1. ايجاد الحل الأمثل باستخدام الطريقة البيانية.

2. اشرح النتائج المتحصل عليها.

3. بافتراض x_1, x_2 وحدات غير قابلة للتجزئة ، فأوجد الحل الأمثل بطريقة التفرع والتحديد مع التوضيح من خلال التمثيل البياني.

التمرين الرابع: ليكن لدينا البرنامج الخطي التالي:

$$\text{Max } Z = 2x_1 + 3x_2$$

$$\begin{cases} 1/2 x_1 + x_2 \leq 5/4 \\ x_1, x_2 \geq 0 \\ x_1, x_2 \text{ entier} \end{cases}$$

المطلوب: 1. حل هذا النموذج باستخدام طريقة المستوى القاطع . ماذا تلاحظ؟

2. ماذا نفعل لتجاوز هذه المشكلة؟

التمرين الخامس: ليكن نموذج البرمجة الخطية التالي:

$$\text{Max } Z = 4x_1 + 3x_2$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 \leq 12 \\ -4x_1 - 2x_2 \geq -9 \\ 10x_1 \leq 22 \\ x_1, x_2 \geq 0 \\ x_1 \text{ entier} \end{cases}$$

المطلوب: 1. أوجد الحل باستخدام طريقة التفرع والتحديد.

2. مثل بيانيا منطقة الحلول المقبولة للحل الأمثل