

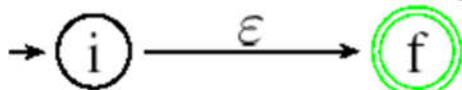
**TP1 : Construction d'un AFN à partir d'une expression régulière**

Il existe de nombreuses stratégies pour construire de façon automatique un automate fini à partir d'une expression régulière. Parmi ces stratégies, on va réaliser dans ce TP l'algorithme suivant :

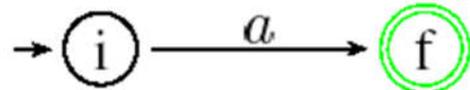
A partir d'une expression  $r$  sur un alphabet  $A$ , on cherche à construire un AFN  $T(r)$  qui reconnaît le langage reconnu par  $r$ .

1. Si l'expression est réduite à un symbole  $s$  alors on construit l'automate :

- Cet automate reconnaît alors le langage  $\{\epsilon\}$ .

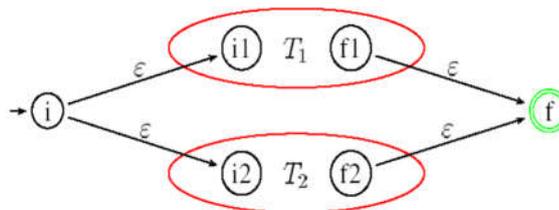


- Cet automate reconnaît alors le langage  $\{a\}$ .

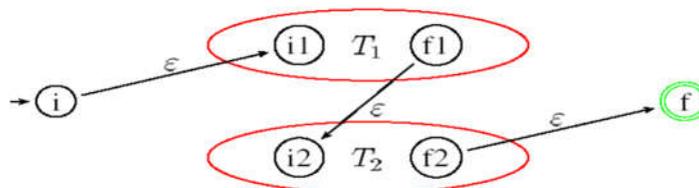


2. Si l'expression n'est pas un symbole, il faut alors la décomposer selon l'opérateur utilisé puis construire les automates  $T(r_1)$  et  $T(r_2)$  associés aux opérandes  $r_1$  et  $r_2$ . Enfin, selon le type d'expression :

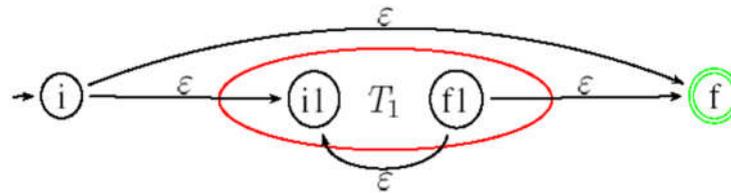
- $r_1|r_2$  : on construit l'automate  $T(r_1|r_2)$  avec un nouvel état de départ ( $i$ ) et un nouvel état final ( $f$ ). Il y a une  $\epsilon$ -transition depuis ( $i$ ) vers les états de départ de  $T(r_1)$  et  $T(r_2)$  et depuis les états finaux de  $T(r_1)$  et  $T(r_2)$  vers ( $f$ ).



- $r_1r_2$  : on construit l'automate  $T(r_1r_2)$  avec un nouvel état de départ ( $i$ ) et un nouvel état final ( $f$ ). Il y a une  $\epsilon$ -transition depuis ( $i$ ) vers l'état de départ de  $T(r_1)$  et depuis l'état final de  $T(r_1)$  vers l'état initial de  $T(r_2)$  et depuis l'état final de  $T(r_2)$  vers ( $f$ ). L'état final de  $T(r_1)$  et celui de départ de  $T(r_2)$  peuvent être fusionnés.



- $r_1^*$  : on construit l'automate  $T(r_1^*)$  avec un nouvel état de départ (i) et un nouvel état final (f). On peut aller soit directement de (i) à (f) en suivant une  $\epsilon$ -transition qui représente le fait que  $\epsilon \in L(r_1^*)$  soit aller de (i) à (f) en traversant  $T(r_1)$  une ou plusieurs fois.



3. Avant d'appliquer l'algorithme, il faut construire tout d'abord l'arbre associé à l'expression régulière.

### Travail Demandé

1. Ecrire une fonction C : **CreateArbre** permettant de présenter une expression régulière sous forme d'un arbre correspond. Vous pouvez représenter l'arbre avec une liste où chaque maillon a quatre champs : chaîne de caractères qui représente l'expression, un pointeur vers fils gauche (opérande 1), un pointeur vers fils droit (opérande 2) et caractère qui représente l'opérateur. Si l'opérateur est \*, il a donc un seul opérande. L'opérateur de concaténation est représenté par un point.
2. Ecrire une fonction C : **GenererSym** qui permet de générer un automate à partir d'un seul symbole passé en paramètre.
3. Ecrire une fonction C : **GenererUnion** qui permet de générer un automate qui représente l'union de deux automates passés en paramètre.
4. Ecrire une fonction C : **GenererConc** qui permet de générer un automate qui représente la concaténation de deux automates passés en paramètre.
5. Ecrire une fonction C : **GenererEtoile** qui permet de générer un automate qui représente l'étoile de Kleene de l'automate passé en paramètre.
6. Ecrire une fonction C : **ConvertExpAut** qui permet de parcourir récursivement l'arbre d'une expression régulière passée en paramètre afin de construire l'automate qui reconnaît le langage reconnu par cette expression.
7. Ajouter la fonction **main** pour tester ces fonctions.

**Bon Courage**