

Exercises on : The Keynesian Model of General Economic Equilibrium

تمارين خاصة بالـ: النموذج الكينزي في التوازن الاقتصادي العام

هذا الحل يقدم أهم الأجهزة لكن الأساس والتفاصيل تم التركيز عليها في الحصص وأهم ما تم التركيز عليه

التنبيه عليه:

- الشرح الاقتصادي لكل متغير يتم ذكره أو أي معادلة، أو نتيجة.
 - يتم تقرير النتائج عددين بعد الفاصلة في حالة احتاجنا لذلك.
 - دالة الطلب الكلي تضم الأربع قطاعات لكن التعويض يكون بما هو متاح في معطيات التمرن.
 - ضرورة إدراج كامل بيانات الشكل البياني في حال طلب منك ذلك.
- وغيرها من الملاحظات التي تم ذكرها والتنبيه عنها في المحاضرات أولاً والاعمال الموجهة ثانياً.

Exercise 01:

1. نبرهن على أن الميل الحدي لدالة الاستهلاك هو 0.8: نفترض مستويين للاستهلاك عند مستويين مختلفين للدخل وذلك لأن الميل الحدي للاستهلاك هو التغيير في الاستهلاك نتيجة للتغيير في الدخل:

$$C_1 = 100 + 0.8Y_1 \quad \dots \dots \dots (1)$$

$$C_2 = 100 + 0.8Y_2 \quad \dots \dots \dots (2)$$

وبطريق المعادلة 1 من المعادلة 2 نجد:

$$C_2 - C_1 = \Delta C = 100 + 0.8Y_2 - 100 - 0.8Y_1 = 0.8(Y_2 - Y_1) = \Delta C \Rightarrow 0.8(\Delta Y) = \Delta C \Rightarrow \frac{\Delta C}{\Delta Y} = 0.8$$

2. حساب مستوى الدخل التوازني Y^*

$$APC = \frac{C}{Y} = 0.9, \text{ WE KNOW THAT: } MPC = \frac{\Delta C}{\Delta Y} = b = 0.8$$

$$C = 100 + 0.8Y$$

$$\frac{C}{Y} = \frac{100}{Y} + \frac{0.8Y}{Y} \text{ since } \frac{C}{Y} = APC = 0.9, \text{ THEN:}$$

$$0.9 = \frac{100}{Y} + 0.8 \Rightarrow 0.9 - 0.8 = \frac{100}{Y} \Rightarrow 0.1Y = 100 \Rightarrow Y = 100/0.1 = 1000$$

3. Find the savings function, and prove that the marginal propensity to save (MPS) equals to: $1-b$:

بما أن الدخل Y ينقسم بين الاستهلاك C والادخار S أي: $Y = C + S$ فإن $S = Y - C$ أي:

$$Y = C + S \Rightarrow S = Y - C \Rightarrow S = Y - (a + by) \Rightarrow S = Y - a - bY \Rightarrow S = -a + (1-b)Y$$

$$S = -100 = 0.2Y \text{ وهي دالة الادخار.}$$

يمكن اثبات ان ميل دالة الادخار هو $b-1$ It can be proven as follows:

$$S_1 = -a + (1-b)Y_1$$

$$S_2 = -a + (1-b)Y_2$$

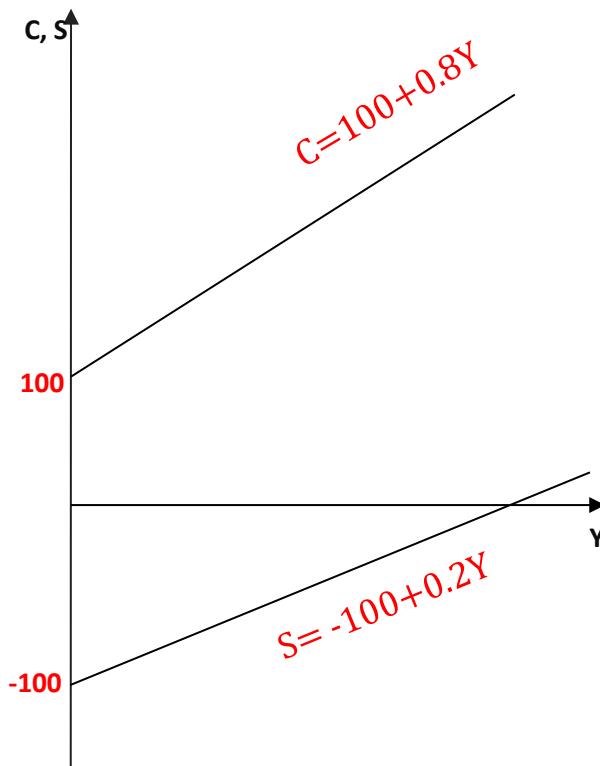
the change in savings التغيير في الادخار denoted by ΔS , is the difference between S_2 and S_1 :

$$\Delta S = [-a + (1-b)Y_2] - [-a + (1-b)Y_1]$$

Simplifying :

$$\Delta S = -a + (1-b)Y_2 + a - (1-b)Y_1 \Rightarrow \Delta S = (1-b)(Y_2 - Y_1) \Rightarrow \frac{\Delta S}{\Delta Y} = (1-b)$$

وهو المطلوب التمثيل البياني Graphic:



Exercise 02:

- Find exactly the numbers of the consumption function $C=a+bY$?
استخراج دالة الاستهلاك من الشكل البياني
- $a = 10$: حسب الشكل البياني
لأن a هي قيمة الاستهلاك لما ينعدم الدخل وبالتالي تمثيلها البياني محدد عن القيمة 10

الآن لحساب قيمة b نعلم أنه الميل الحدي للإسهام في الاستهلاك ΔC إلى التغير في الدخل ΔY أي:

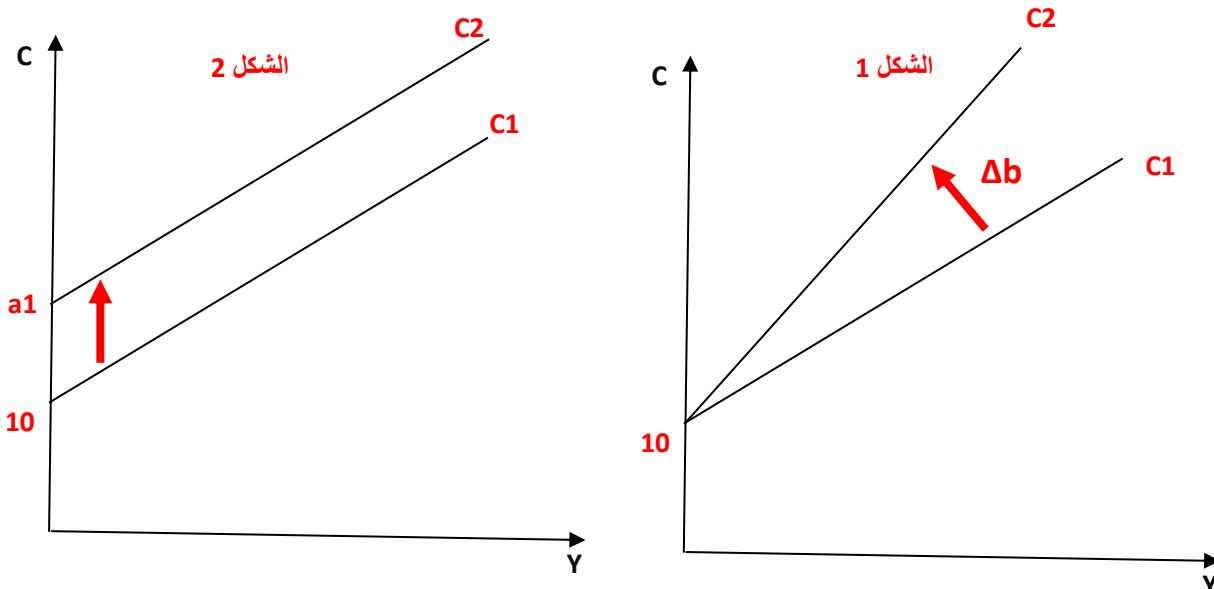
$$\frac{\Delta C}{\Delta Y} = \frac{46 - 10}{60 - 0} = \frac{36}{60} = 0.6 = b$$

وبذلك يكون شكل دالة الاستهلاك كما يلي: $C = 10 + 0.6 Y$

- **شرح الميل الحدي للاستهلاك** Explain the marginal propensity to consume (MPC).

هو ميل دالة الاستهلاك، هو نسبة التغير في الاستهلاك الناتج عن تغير في قيمة الدخل، ويكون محصوراً بين 0 و 1 لأسباب وتفصيل المثل.

- اشرح بيانياً ماذا يحدث إذا زادت قيمة كل من a أو b



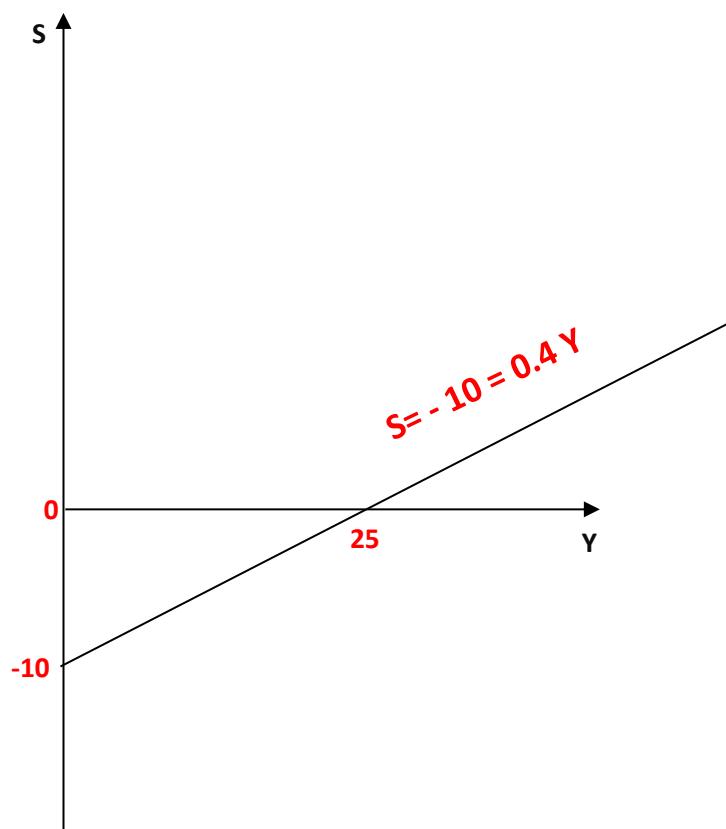
في الشكل 1 يمثل C_2 دالة الاستهلاك لما تزيد قيمة b بما أنه ميل الدالة وبما أنه زادت قيمته فإنه يرسم أعلى الدالة C_1 .
أكمل تفسير التمثيل البياني في الشكل 2 حسب الشرح في الحصة.

- **احسب الميل الحدي لدالة الادخار** How much is the marginal propensity to save (MPS)?

$$Y = C + S \Rightarrow S = Y - C \Rightarrow S = Y - (a + by) \Rightarrow S = Y - a - bY \Rightarrow S = -a + (1-b)Y$$

لا تنسوا تفسير أي معادلة يتم استخدامها الجواب الرياضي لوحده لا يعتبر صحيحاً ويعتبر اجابة ناقصة، تم شرح ذلك تفصيلاً في الحصة

$$S = -10 = 0.4Y$$



- Explain why the sum of MPC and MPS equals to 1.

بما أن الدخل Y ينقسم بين الادخار S والاستهلاك C فإن (لن يتم كتابة هذا الشرح لاحقاً في أي حل من الحلول اختصاراً فقط لكنكم مطلوبون بتقديمه دائمًا عند الحاجة لذلك)

لماذا أدخلنا التغير في الدخل والاستهلاك $???$ يجب شرح لماذا طبعاً وليس حل رياضي
مباشرة

By dividing both sides by ΔY we obtain :

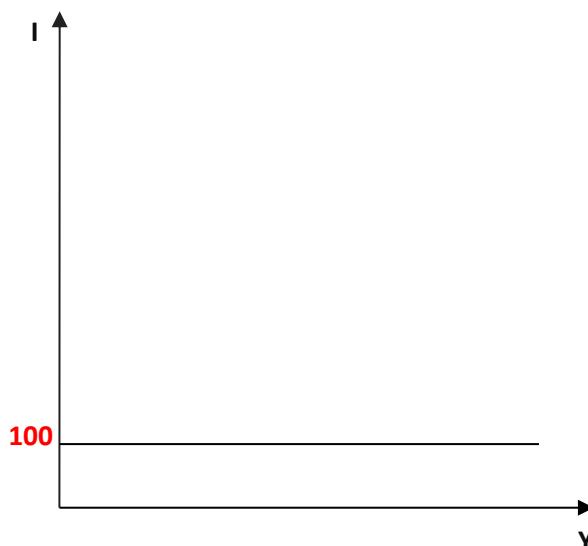
$$\Rightarrow \frac{\Delta Y}{\Delta Y} = \frac{\Delta C}{\Delta Y} + \frac{\Delta S}{\Delta Y} \Rightarrow \frac{\Delta C}{\Delta Y} = MPC, \frac{\Delta S}{\Delta Y} = MPS \Rightarrow MPC + MPS = 1$$

Exercise 03 :

Using the data from the exercise 01:
باستعمال بيانات التمرين الأول وهي فقط دالة الاستهلاك شكلها:

$$C = 100 + 0.8Y$$

- وبافتراض أن الاستثمار موجود لكنه مستقل assume that $I=100$, illustrate this in a graph ?

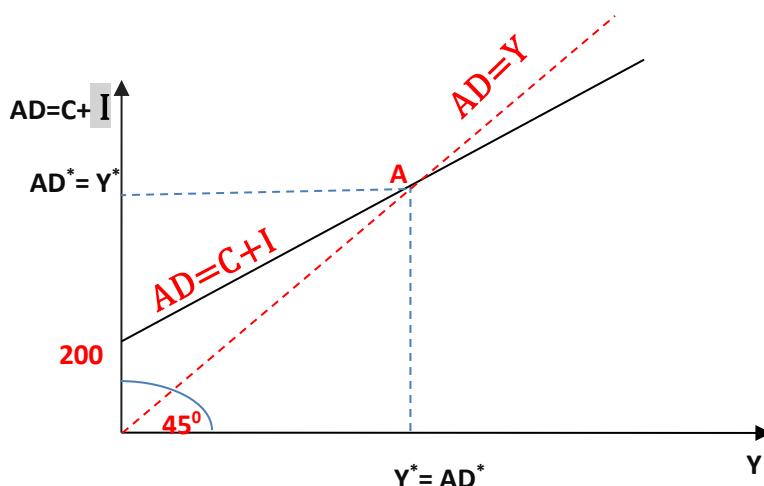


ايجاد دالة الطلب الكلي وتمثيلها بيانياً: Find the aggregate demand ? graph it ?

The aggregate demand with two sectors $AD = C + I \Rightarrow AD = a + bY + I_0$

دالة الطلب الكلي تضم أربع طلب أربع قطاعات $C + I + G + X - M$ لكن بما أن التمرين يفترض وجود قطاعي فقط هما قطاع العائلات وقطاع الاعمال فإن الطلب الكلي يضم I فقط
نعرض قيم كل متغير ضمن معادلة الطلب الكلي فنجد:

$$AD = 100 + 0.8Y + 100 \Rightarrow AD = 200 + 0.8Y \quad \text{وهي معادلة الطلب الكلي (1)}$$



- **Draw the line 45°, and explain it ?**

يمثل تمثيلاً بيانيًا مساعداً لنقطتين يتساوي فيهما القيم على المحورين أي تتساوى فيها قيمة الدخل Y والطلب AD

- **التمثيل البياني لوضعية التوازن illustrate the equilibrium graphically ?**

النقطة A في الشكل البياني أعلاه هي نقطة التوازن حيث يتقاطع منحني الطلب الكلي AD مع خط 45 درجة.

- **حساب الدخل التوازي بطريقة العرض الكلي/طلب كلي calculate the equilibrium income Y^* using the method of Aggregate Supply = Aggregate Demand**

بما أن شرط التوازن عند كينز هو تساوي العرض الكلي AS مع الطلب الكلي AD وبما أن العرض الكلي AS هو الدخل Y فإن شرط التوازن أصبح: $Y = AD$ وبما أن $AD = C + I$ في حالة قطاعين تضم الاستهلاك والاستثمار

حالات التوازن يكون :

$$Y = C + I \Rightarrow Y = a + bY + I_0 \Rightarrow Y - bY = a + I_0 \Rightarrow (1-b)Y = a + I_0 \Rightarrow Y^* = \frac{a + I_0}{1-b}$$

وهي الصيغة الحرفية للدخل التوازي بطريقة العرض كلي/طلب كلي

بالتعويض نجد:

$$200 + 0.8Y = Y \Rightarrow Y - 0.8Y = 200 \Rightarrow (1 - 0.8)Y = 200 \Rightarrow Y^* = 200 / 0.2 = 1000$$

حساب الدخل التوازي بطريقة الاستثمار/ادخار calculate the equilibrium income Y^* using the method of investment=saving : $I=S$

بما أن شرط التوازن عند كينز هو تساوي الادخار I مع الاستثمار S

$$I = S \Rightarrow I_0 = -a + (1-b)Y \Rightarrow (1-b)Y = I_0 + a \Rightarrow Y^* = \frac{a + I_0}{1-b}$$

وهي الصيغة الحرفية للدخل التوازي بطريقة استثمار/ادخار

$$Y^* = 200 / 0.2 = 1000$$

- If في حالة زيادة الاستثمار إلى 200 نقوم بحساب قيمة المضاعف وايجاد مستوى الدخل التوازي الجديد

I increases to 200, calculate the new Y^*

- بما أن المضاعف يتعلق بالتغير في قيمة الدخل الناتج عن تغير قيمة أحد مكونات الطلب الكلي الفعال فمن أجل حسابه واستخراجها يتوجب علينا استعمال طريقة التغيرات في الدخل

$$\Delta I = 100$$

$$Y_2 - Y_1 = \frac{a + I'}{1-b} - \frac{a + I^*}{1-b} = \frac{a + I^* + \Delta I}{1-b} - \frac{a + I^*}{1-b} \Rightarrow \cancel{\frac{a + I^*}{1-b}} + \frac{\Delta I}{1-b} - \cancel{\frac{a + I^*}{1-b}} \Rightarrow \Delta Y = \frac{\Delta I}{1-b}$$

$\frac{1}{1-b}$ هي الصيغة الحرفية لمضاعف الاستثمار

$$\Delta Y = \frac{1}{1-b} * \Delta I \Rightarrow \Delta Y = \frac{1}{0.2} * 100 = 500$$

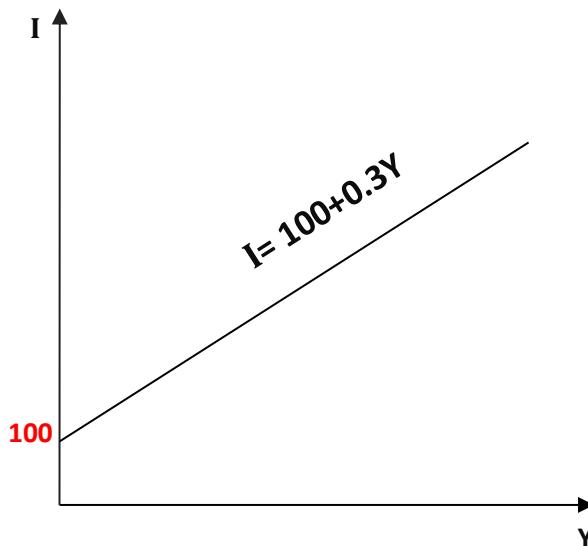
$$\frac{1}{1-b} = \frac{1}{0.2} \text{ is the multiplier}$$

$$Y_2 = Y^* + \Delta Y \Rightarrow Y_2 = 1000 + 500 = 1500$$

Exercise 04: هذا الحل يعتبر مختصراً في عديد من النقاط الرجاء الالتزام بالتفصيل والشرح كما فعلنا في التمرين السابق وكما وضمنا في الحصص

Using the data from the exercise 02: $C = 10 + 0.6 Y$

- Assume that the investment: $I = 100 + 0.3Y$, illustrate this in a graph?



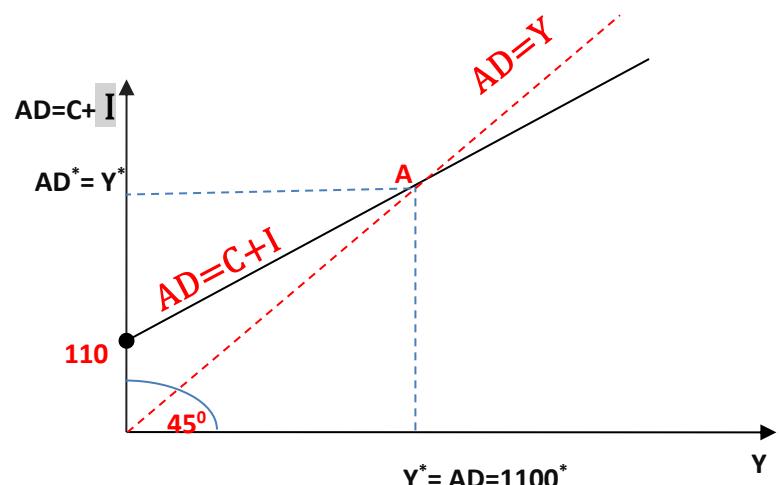
find the aggregate demand ? graph it ?

$$AD = C + I \Rightarrow AD = a + bY + I_0 + rY$$

$$\Rightarrow AD = a + I_0 + (b+r)Y$$

$$\Rightarrow AD = 10 + 100 + (0.6 + 0.3)Y$$

$$\Rightarrow AD = 110 + (0.9)Y$$



- Draw the line 45° , and explain it ?

The 45° -line shows equal values for planned AD and Y (output, income).

- illustrate the equilibrium graphically ?

The point A on the graph is the equilibrium point, when $AD=AS=Y$, the aggregate demand equal the aggregate supply.

- calculate the equilibrium income Y^* using the method of Aggregate Supply = Aggregate Demand

$$AD = AS = Y \Rightarrow Y = a + I_0 + (b+r)Y \Rightarrow Y - (b+r)Y = a + I_0 \Rightarrow (1-b-r)Y = a + I_0$$

$$\Rightarrow Y^* = \frac{a + I^*}{1-b-r} \Rightarrow Y^* = \frac{10 + 100}{1-0.6-0.3}$$

$$Y^* = 1100$$

calculate the equilibrium income Y^* using the method of investment=saving : $I=S$

$$I=S \Rightarrow I_0 + rY = -a + (1-b)Y \Rightarrow (1-b)Y - rY = I_0 + a \Rightarrow Y^* = \frac{a+I^o}{1-b-r}$$

- if I increases by 50, calculate the multiplier? Calculate the new Y^*

$$\Delta I = 50$$

$$Y_2 - Y_1 = \Delta Y = \frac{a+I^o}{1-b-r} - \frac{a+I^o}{1-b-r} = \frac{a+I^o + \Delta I}{1-b-r} - \frac{a+I^o}{1-b-r} \Rightarrow \frac{a+I^o}{1-b-r} + \frac{\Delta I}{1-b-r} - \frac{a+I^o}{1-b-r}$$

$$\Rightarrow \Delta Y = \frac{\Delta I}{1-b-r}$$

$$\Rightarrow \Delta Y = \frac{1}{1-b-r} * \Delta I \Rightarrow \Delta Y = \frac{1}{0.1} * 50 = 500$$

$$\frac{1}{1-b-r} = \frac{1}{0.1} \text{ is the multiplier}$$

$$\Rightarrow Y_2 = Y^* + \Delta Y \Rightarrow Y_2 = 1100 + 500 = 1600$$