

Exercises on : The Keynesian Model of General Economic Equilibrium

تمارين خاصة بال: النموذج الكينزي في التوازن الاقتصادي العام

هذا الحل يقدم أهم الأجوبة لكن الأساس والتفاصيل تم التركيز عليها في الحصة وأهم ما تم التركيز عليه

التنبيه عليه:

- الشرح الاقتصادي لكل متغير يتم ذكره أو أي معادلة، أو نتيجة.
- يتم تقريب النتائج عددين بعد الفاصلة في حالة احتجنا لذلك.
- دالة الطلب الكلي تضم الأربع قطاعات لكن التعويض يكون بما هو متاح في معطيات التمرين.
- ضرورة إدراج كامل بيانات الشكل البياني في حال طلب منك ذلك.
- وغيرها من الملاحظات التي تم ذكرها والتنويه عنها في المحاضرات أولا والاعمال الموجهة ثانيا.

Exercise 01:

1. نبرهن على أن الميل الحدي لدالة الاستهلاك هو 0.8: نفترض مستويين للاستهلاك عند مستويين مختلفين للدخل وذلك لأن الميل الحدي للاستهلاك هو التغير في الاستهلاك نتيجة للتغير في الدخل:

$$C_1 = 100 + 0.8Y_1 \dots\dots\dots(1)$$

$$C_2 = 100 + 0.8Y_2 \dots\dots\dots(2)$$

وبطرح المعادلة 1 من المعادلة 2 نجد:

$$C_2 - C_1 = \Delta C = 100 + 0.8Y_2 - 100 - 0.8Y_1 = 0.8(Y_2 - Y_1) = \Delta C \Rightarrow 0.8(\Delta Y) = \Delta C \Rightarrow \frac{\Delta C}{\Delta Y} = 0.8$$

2. calculate the equilibrium income Y^* حساب مستوى الدخل التوازني Y^*

$$APC = \frac{C}{Y} = 0.9, \text{ WE KNOW THAT: } MPC = \frac{\Delta C}{\Delta Y} = b = 0.8$$

$$C = 100 + 0.8Y$$

$$\frac{C}{Y} = \frac{100}{Y} + \frac{0.8Y}{Y} \text{ since } \frac{C}{Y} = APC = 0.9, \text{ THEN:}$$

$$0.9 = \frac{100}{Y} + 0.8 \Rightarrow 0.9 - 0.8 = \frac{100}{Y} \Rightarrow 0.1 Y = 100 \Rightarrow Y = 100/0.1 = 1000$$

3. Find the savings function, and prove that the marginal propensity to save (MPS) equals to: 1-b:

بما أن الدخل Y ينقسم بين الاستهلاك C والادخار S أي: $Y = C + S$ فإن $S = Y - C$ أي:

$$Y = C + S \Rightarrow S = Y - C \Rightarrow S = Y - (a + by) \Rightarrow S = Y - a - bY \Rightarrow S = -a + (1-b)Y$$

وهي دالة الادخار. $S = -100 = 0.2Y$

It can be proven as follows: يمكن اثبات ان ميل دالة الادخار هو 1-b

$$S_1 = -a + (1-b)Y_1$$

$$S_2 = -a + (1-b)Y_2$$

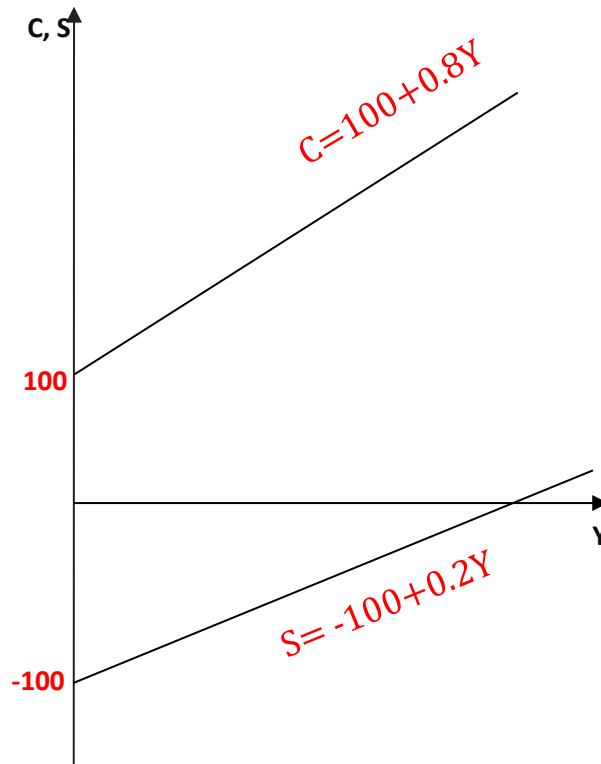
the change in savings denoted by ΔS , is the difference between S_2 and S_1 :

$$\Delta S = [-a + (1-b)Y_2] - [-a + (1-b)Y_1]$$

Simplifying :

$$\Delta S = -a + (1-b)Y_2 + a - (1-b)Y_1 \Rightarrow \Delta S = (1-b) (Y_2 - Y_1) \Rightarrow \frac{\Delta S}{\Delta Y} = (1-b) \text{ وهو المطلوب}$$

Graphic: التمثيل البياني



Exercise 02:

- Find exactly the numbers of the consumption function $C=a+bY$? استخراج دالة الاستهلاك من الشكل البياني

$a = 10$: حسب الشكل البياني

لأن a هي قيمة الاستهلاك لما يندم الدخل وبالتالي تمثيلها البياني محدد عن القيمة 10

الان لحساب قيمة b نعلم أنه الميل الحدي للاستهلاك أي نسبة التغير في الاستهلاك ΔC الى التغير في الدخل ΔY أي:

$$\frac{\Delta C}{\Delta Y} = \frac{46-10}{60-0} = \frac{36}{60} = 0.6 = b$$

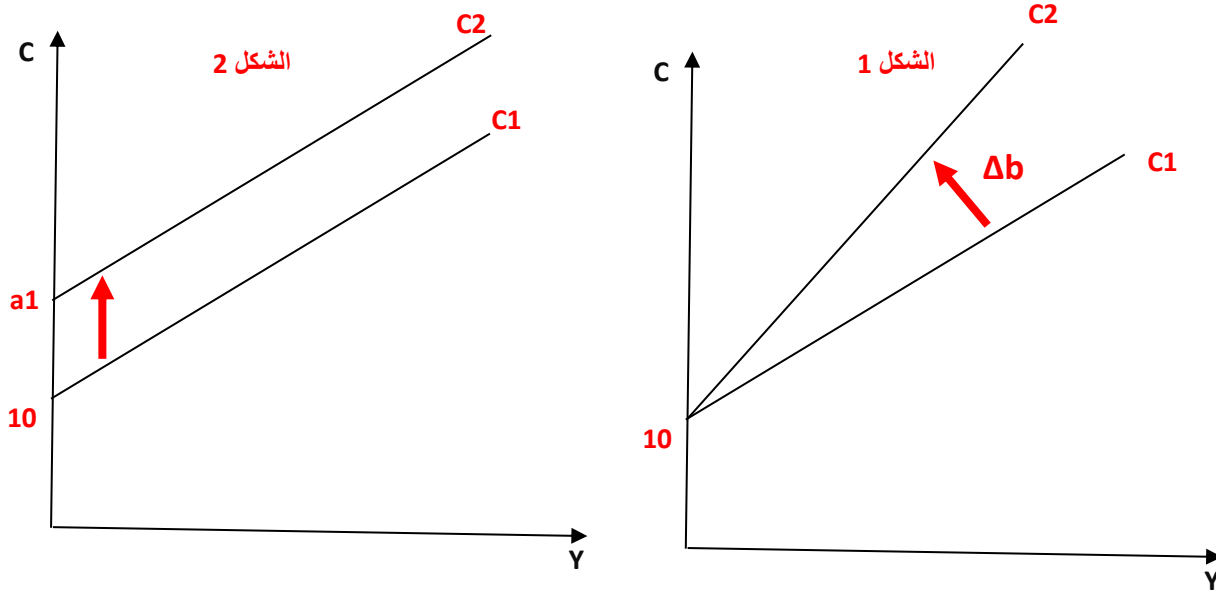
$$C = 10 + 0.6 Y$$

وبذلك يكون شكل دالة الاستهلاك كما يلي:

Explain the marginal propensity to consume (MPC). شرح الميل الحدي للاستهلاك

هو ميل دالة الاستهلاك، هو نسبة التغير في الاستهلاك الناتج عن تغير في قيمة الدخل، ويكون محصورا بين 0 و 1 لأسباب وتفسير تم شرحه في المحاضرة بالتفصيل الممل.

اشرح بيانيا ماذا يحدث إذا زادت قيمة كل من a أو b



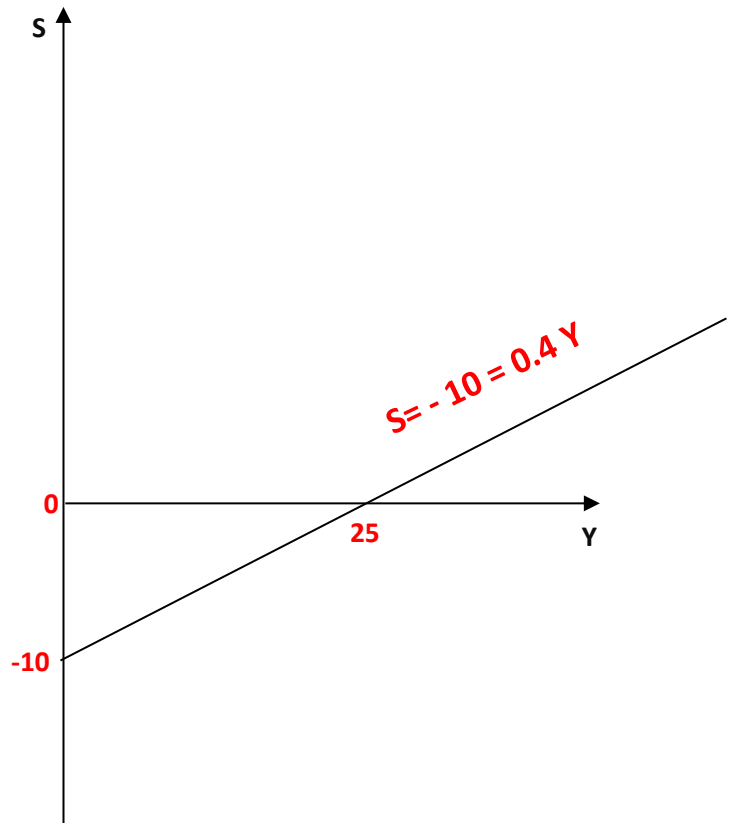
في الشكل 1 يمثل $C2$ دالة الاستهلاك لما تزيد قيمة b بما أنه ميل الدالة وبما أنه زادت قيمته فإنه يرسم أعلى الدالة $C1$ أكمل تفسير التمثيل البياني في الشكل 2 حسب الشرح في الحصة.

How much is the marginal propensity to save (MPS)? احسب الميل الحدي لدالة الادخار

$$Y = C + S \Rightarrow S = Y - C \Rightarrow S = Y - (a + by) \Rightarrow S = Y - a - bY \Rightarrow S = -a + (1-b)Y$$

لا تنسوا تفسير أي معادلة يتم استخدامها الجواب الرياضي لوحده لا يعتبر صحيحا ويعتبر اجابة ناقصة، تم شرح ذلك تفصيلا في الحصة

$$S = -10 = 0.4Y$$



- Explain why the sum of MPC and MPS equals to 1.

بما أن الدخل Y ينقسم بين الادخار S والاستهلاك C فإن (لن يتم كتابة هذا الشرح لاحقا في أي حل من الحلول اختصارا فقط لكنكم مطالبون بتقديمه دائما عند الحاجة لذلك)

لماذا أدخلنا التغير في الدخل والاستهلاك؟؟؟ يجب شرح لماذا طبعنا وليس حل رياضي $Y = C + S \Rightarrow \Delta Y = \Delta C + \Delta S$ مباشرة

By dividing both sides by ΔY we obtain :

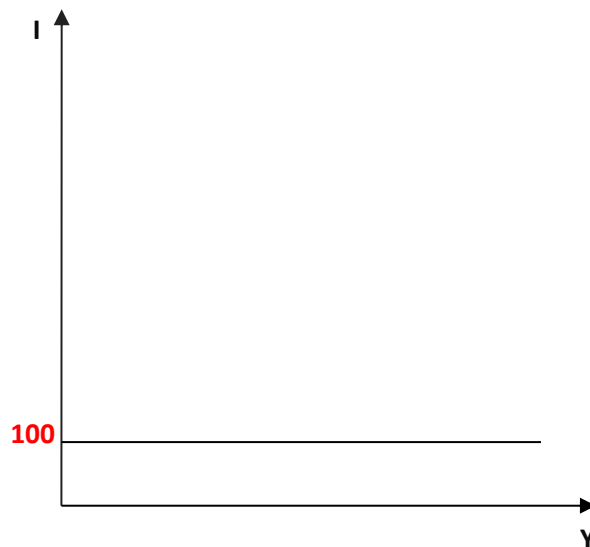
$$\Rightarrow \frac{\Delta Y}{\Delta Y} = \frac{\Delta C}{\Delta Y} + \frac{\Delta S}{\Delta Y} \Rightarrow \frac{\Delta C}{\Delta Y} = MPC, \frac{\Delta S}{\Delta Y} = MPS \Rightarrow MPC + MPS = 1$$

Exercise 03 :

Using the data from the exercise 01: **باستعمال بيانات التمرين الأول وهي فقط دالة الاستهلاك شكلها:**

$$C = 100 + 0.8Y$$

- **assume that $I = 100$, illustrate this in a graph ?**

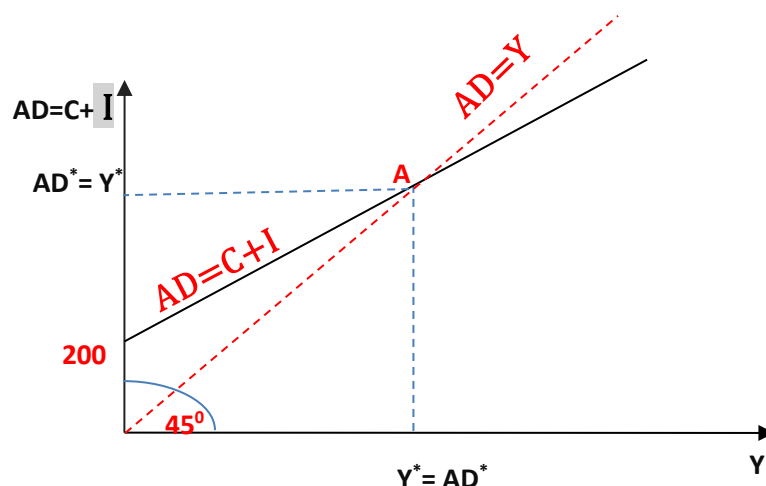


Find the agregate demand ? graph it ? **ايجاد دالة الطلب الكلي وتمثيلها بيانيا:**

The agregate demand with two sectors $AD = C + I \Rightarrow AD = a + bY + I_0$

دالة الطلب الكلي تضم أربع طلب أربع قطاعات $C + I + G + X - M$ لكن بما أن التمرين يفترض وجود قطاعي فقط هما قطاع العائلات وقطاع الاعمال فإن الطلب الكلي يضم $C + I$ فقط نعوض قيم كل متغير ضمن معادلة الطلب الكلي فنجد:

$$AD = 100 + 0.8Y + 100 \Rightarrow AD = 200 + 0.8Y \quad (1) \quad \text{وهي معادلة الطلب الكلي}$$



- **تمثيل خط 45 درجة وماذا يعني ? Draw the line 45°, and explain it ?**
يمثل تمثيلاً بيانياً مساعداً لنقاط يتساوى فيها القيم على المحورين أي تتساوى فيها قيم الدخل Y و الطلب AD
- **illustrate the equilibrium graphically ? التمثيل البياني لوضعية التوازن**
النقطة A في الشكل البياني أعلاه هي نقطة التوازن حيث يتقاطع منحنى الطلب الكلي AD مع خط 45 درجة.
- **calculate the equilibrium income Y* using the method of Aggregate Supply = Aggregate Demand حساب الدخل التوازني بطريقة العرض الكلي/طلب كلي**

بما أن شرط التوازن عند كينز هو تساوي العرض الكلي AS مع الطلب الكلي AD وبما أن العرض الكلي AS هو الدخل Y فإن شرط التوازن أصبح: $AD = Y$ وبما أن AD في حالة قطاعين تضم الاستهلاك والاستثمار $C+I$ فإنه في حالة التوازن يكون:

$$Y = C + I \Rightarrow Y = a + bY + I_0 \Rightarrow Y - bY = a + I_0 \Rightarrow (1-b)Y = a + I_0 \Rightarrow Y^* = \frac{a+I_0}{1-b}$$

وهي الصيغة الحرفية للدخل التوازني بطريقة العرض الكلي/طلب كلي بالتعويض نجد:

$$200 + 0.8Y = Y \Rightarrow Y - 0.8Y = 200 \Rightarrow (1-0.8)Y = 200 \Rightarrow Y^* = 200/0.2 = 1000$$

calculate the equilibrium income Y* using the method of investment=saving :I=S
حساب الدخل التوازني بطريقة الاستثمار/ادخار

بما أن شرط التوازن عند كينز هو تساوي الادخار S مع الاستثمار I

$$I = S \Rightarrow I_0 = -a + (1-b)Y \Rightarrow (1-b)Y = I_0 + a \Rightarrow Y^* = \frac{a+I_0}{1-b}$$

وهي الصيغة الحرفية للدخل التوازني بطريقة استثمار/ادخار
نقوم بالتعويض فنجد $Y^* = 200/0.2 = 1000$

- **If I increases to 200, calculate the multiplier? Calculate the new Y***
في حالة زيادة الاستثمار الى 200 نقوم بحساب قيمة المضاعف وإيجاد مستوى الدخل التوازني الجديد
- **بما أن المضاعف يتعلق بالتغير في قيمة الدخل الناتج عن تغير قيمة احد مكونات الطلب الكلي الفعال فمن أجل حسابه واستخراجه يتوجب علينا استعمال طريقة التغيرات في الدخل**

$$\Delta I = 100$$

$$Y_2 - Y_1 = \frac{a+I_2}{1-b} - \frac{a+I_1}{1-b} = \frac{a+I_1+\Delta I}{1-b} - \frac{a+I_1}{1-b} \Rightarrow \frac{a+I_1}{1-b} + \frac{\Delta I}{1-b} - \frac{a+I_1}{1-b} \Rightarrow \Delta Y = \frac{\Delta I}{1-b}$$

هي الصيغة الحرفية لمضاعف الاستثمار $\frac{1}{1-b}$

$$\Delta Y = \frac{1}{1-b} * \Delta I \Rightarrow \Delta Y = \frac{1}{0.2} * 100 = 500$$

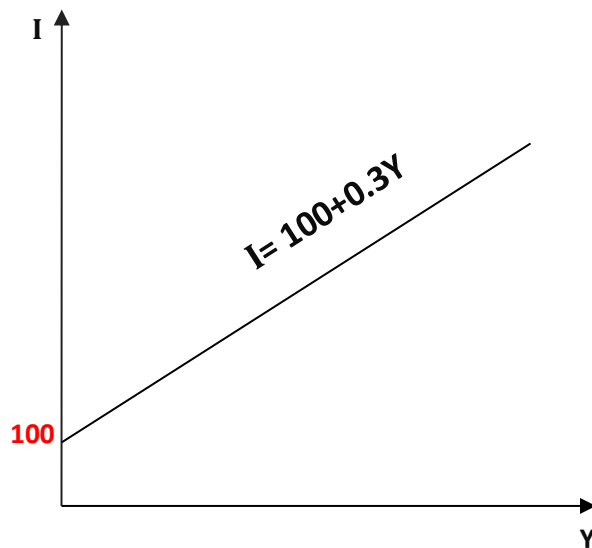
$$\frac{1}{1-b} = \frac{1}{0.2} \text{ is the multiplier}$$

$$Y_2 = Y^* + \Delta Y \Rightarrow Y_2 = 1000 + 500 = 1500$$

Exercise 04: هذا الحل يعتبر مختصرا في عديد من النقاط الرجاء الالتزام بالتفصيل والشرح كما فعلنا في التمرين السابق وكما وضعنا في الحصة

Using the data from the exercise 02: $C = 10 + 0.6 Y$

- Assume that the investment: $I = 100 + 0.3Y$, illustrate this in a graph?



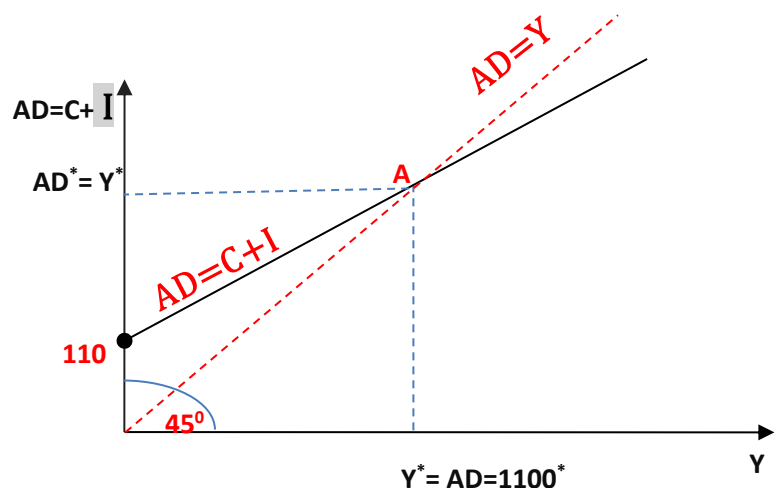
find the agregate demand ? graph it ?

$$AD = C + I \Rightarrow AD = a + bY + I_0 + rY$$

$$\Rightarrow AD = a + I_0 + (b+r)Y$$

$$\Rightarrow AD = 10 + 100 + (0.6 + 0.3)Y$$

$$\Rightarrow AD = 110 + (0.9)Y$$



- Draw the line 45° , and explain it ?

The 45° -line shows equal values for planned AD and Y (output, income).

- illustrate the equilibrium graphically ?

The point A on the graph is the equilibrium point, when $AD = AS = Y$, the aggregate demand equal the aggregate supply.

- calculate the equilibrium income Y^* using the method of Aggregate Supply = Aggregate Demand

$$AD = AS = Y \Rightarrow Y = a + I_0 + (b+r)Y \Rightarrow Y - (b+r)Y = a + I_0 \Rightarrow (1-b-r)Y = a + I_0$$

$$\Rightarrow Y^* = \frac{a + I_0}{1-b-r} \Rightarrow Y^* = \frac{10 + 100}{1-0.6-0.3}$$

$$Y^* = 1100$$

calculate the equilibrium income Y^* using the method of investment=saving : $I=S$

$$I=S \Rightarrow I_0+rY = -a + (1-b)Y \Rightarrow (1-b)Y - rY = I_0 + a \Rightarrow Y^* = \frac{a+I^0}{1-b-r}$$

- if I increases by 50, calculate the multiplier? Calculate the new Y^*

$$\Delta I = 50$$

$$Y_2 - Y_1 = \Delta Y = \frac{a+I^1}{1-b-r} - \frac{a+I^0}{1-b-r} = \frac{a+I^0+\Delta I}{1-b-r} - \frac{a+I^0}{1-b-r} \Rightarrow \frac{a+I^0}{1-b-r} + \frac{\Delta I}{1-b-r} - \frac{a+I^0}{1-b-r}$$

$$\Rightarrow \Delta Y = \frac{\Delta I}{1-b-r}$$

$$\Rightarrow \Delta Y = \frac{1}{1-b-r} * \Delta I \Rightarrow \Delta Y = \frac{1}{0.1} * 50 = 500$$

$$\frac{1}{1-b-r} = \frac{1}{0.1} \text{ is the multiplier}$$

$$\Rightarrow Y_2 = Y^* + \Delta Y \Rightarrow Y_2 = 1100 + 500 = 1600$$