

سلسلة الأعمال الموجهة رقم 4

التمرين الأول

- 1 إذا كان n عدد طبيعي فأحسب بواقي قسمة 4^n و 3^n على 7
- 2 برهن أن العدد $78 \cdot 4^{3n+1} + 3^{6n+1}$ يقبل القسمة على 7 مهما يكن العدد n

التمرين الثاني

أوجد العدد الطبيعي n بحيث يكون العدد $y = n^3 - N + 1$ قابلاً للقسمة على 7

التمرين الثالث

حل في المجموعة $\mathbb{Z}/6\mathbb{Z}$ المعادلات التالية :

$$1 \mid 2x = 4 \quad , \quad 2 \mid 3x = 2 \quad , \quad 3 \mid 2x + 3 = 0$$

$$4 \mid x^2 = 4 \quad , \quad 5 \mid (x + 1)^2 = 3 \quad , \quad 6 \mid x^2 + 2x + 4 = 0$$

التمرين الرابع

نفرض أن E مجموعة الثنائيات (x, y) من \mathbb{Z}^2 المحققة للعلاقة : $13x - 7y = 1$

- 1 أوجد عنصر (b, c) من E حيث $0 < b < 7$

- 2 صف المجموعة E' حيث

$$E' = \{(x - b, y - c) / (x, y) \in E\}$$

- 3 صف المجموعة E

- 4 صف المجموعة G حيث

$$G = \{(x, y) / (x, y) \in \mathbb{Z}^2, 13x - 7y = 2\}$$