

سلسلة الأعمال الموجهة رقم 2

التمرين الأول

1. أوجد في \mathbb{N}^3 حل الجملة التالية :

$$\begin{cases} 2x = y + z \\ x + y + z = xyz \end{cases}$$

2. أوجد في \mathbb{N}^2 حل الجملة التالية :

$$\begin{cases} xy \leq 2x \\ x + y = 4 \end{cases}$$

التمرين الثاني

1. بقسمة عدد طبيعي a على العدد الطبيعي 64 ، نحصل على الباقي k^3 و الحاصل k . عين a .
2. أوجد كل الأعداد الطبيعية المحصورة بين 1000 و 2000 و التي باقي قسمتها و حاصل قسمتها على 127 متساويان .

التمرين الثالث

1. أكتب بالكلمات الأعداد الآتية ، المكتوبة في النظام العشري : 9999 ، 11111111 ، 202002 .
2. أكتب مجموعة الأعداد الطبيعية المؤلفة من ثلاثة أرقام متمايزة حيث الأرقام تنتمي إلى المجموعة $\{1, 2, 3, 4\}$.
3. أكتب في النظام الثنائي ثم النظام الثلاثي كلا من الأعداد المكتوبة في النظام العشري الآتية : 19, 25, 31, 45, 70 .
4. أكتب في النظام العشري العدد 3421 المكتوب في النظام الخماسي .
5. العدد 6400 مكتوب في النظام السباعي ، و العدد 4600 مكتوب في النظام الثماني . قارن بينهما .
6. ليكن $x = \overline{(3421)}_5$ ، $y = \overline{(230)}_5$ ، أحسب $x + y$ و xy في الأساس الخماسي .

التمرين الأول

أوجد عددا طبيعيا x ، إذا علم أن باقي قسمة 644 على x هو 15 و أن باقي قسمة 1095 على x هو 22 .

التمرين الثاني

نأخذ عددين $x = 2n + 3$ و $y = 5n - 2$ حيث $n \in \mathbb{N}$.

1. أوجد عددين طبيعيين b, c أوليين فيما بينهما بحيث يكون $bx - cy$ مستقلا عن n .
2. أثبت انه إذا لم يكن x, y أوليين فيما بينهما فإن قاسم مشترك الأكبر للعددين x, y هو 19 ، أي $\text{pgcd}(x, y) = 19$.
3. أوجد مجموعة الأعداد n بحيث يكون $\text{pgcd}(x, y) = 19$

التمرين الثالث

1. ماهي المضاعفات المشتركة للأعداد $b = 90, c = 75, d = 12$ و المحصورة بين 10000 و 20000
2. أوجد عددين طبيعيين x, y أذ أن قاسمهما المشترك الأكبر $\text{pgcd} = 6$ و مضاعفهما المشترك الأصغر هو $\text{ppcm} = 24$
3. إذا فرضنا $n \in \mathbb{N}^*$ ، أثبت أن :

$$\text{ppcm}(n, n + 1, n(n + 2)) = n(n + 1)(n + 2)$$

التمرين الرابع

1. أوجد مجموعة الأعداد الطبيعية تقسم العدد 276
2. أوجد ثنائية الأعداد الطبيعية (x, y) إذا علم ان :

$$276 = 3d + m \quad , \quad 10 < d < 30$$

حيث

$$\text{pgcd}(x, y) = d \quad , \quad \text{ppcm}(x, y) = m$$

التمرين الخامس

1. إذا كان c, d عددين أوليين فيما بينهما ، فاثبت أن مجموعهما $(c + d)$ أولي مع جدائهما (cd) .
2. أوجد الثنائية (x, y) من $\mathbb{N}^* \times \mathbb{N}^*$ إذا كان $x + y = 55$. علما أن $\text{ppcm}(x, y) = 105$