

سلسلة رقم -4-

التمرين 01: اوجد مجموعة تعريف الدوال التالية :

$$f_1(x) = 1 + \frac{1+2\ln x}{x^2}, \quad f_2(x) = 3x - 3\ln(e^x + 1), \quad f_3(x) = \ln \frac{x+1}{x-1}$$
$$f_4(x) = x^2 + 3x + \ln(x^2), \quad f_5(x) = e^{\frac{1}{x}} + x + 1, \quad f_6(x) = x + 1 - \frac{3}{e^{x+1}}$$
$$f_7(x) = \ln\left(\frac{e^x-1}{x}\right), \quad f_8(x) = \frac{1}{x-2} + \ln x$$

التمرين 02: أحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x}{\ln(x^2)}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x-1}{x}, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2-1}{\ln x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln x, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x}{x^3}, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2-1}{\ln x}$$

التمرين 03: الدالة العددية المعرفة كما يلي: $f(x) = 2x + 6 - e^{2x+1}$

- (1) أوجد مجموعة تعريف الدالة f
- (2) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
- (3) ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $] -\infty; 0]$ ، ثم شكل جدول تغيرتها
- (4) بين أن المعادلة: $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $-3 < \alpha < -2.9$
- (5) استنتج إشارة $f(x)$ على المجال $] -\infty; 0]$
- (6) ارسم بيان

التمرين 04: لتكن الدالة العددية f المعرفة بـ $f(x) = \frac{x^2}{x+1} e^{\frac{1}{x}}$

- 1- أوجد مجموعة تعريف f
- 2- أحسب نهاية الدالة f عند حدود مجال تعريفها
- 3- ادرس اتجاه تغير الدالة f ، شكل جدول تغيراتها ثم عين القيم الحدية
- 4- أرسم بيان f

التمرين 05: نفس أسئلة تمرين 4 بالنسبة لدالة التالية $f(x) = x + \ln(x^2 - 1)$