

امتحان نهاية السداسي في مقياس الإحصاء 02.

الاسم واللقب.....	الفوج:.....	العلامة: / 20	العلامة بعد إعادة النظر: / 20
-------------------	-------------	---------------------	-------------------------------------

التمرين الأول: (3ن) ضمن معركة "طوفان الأقصى"، تتكون غرفة العمليات في "كتيبة جنين" بالصفة الغربية في فلسطين المحتلة من ثلاثة فصائل مقاومة هي: كتاب الشهيد عز الدين القسام (A)، سرايا القدس (B)، وألوية الناصر صلاح الدين (C). وفي كل فصيل من هذه الفصائل عناصر سبق أن شاركوا في معارك حقيقية ضد الاحتلال الصهيوني (Z)، وذلك وفقا للجدول الآتي:

النسب	الفصيل المقاوم	كتائب القسام (الحدث A)	سرايا القدس (الحدث B)	ألوية الناصر (الحدث C)
نسب المقاتلين في كتيبة جنين (حسب كل فصيل)		50%	30%	20%
نسب المشاركين في معارك حقيقية سابقة (الحدث Z)		60%	50%	30%

سحبنا عشوائيا أحد هؤلاء المقاومين ليكون متحدثا رسميا عن كتيبة جنين:

1. ما هو احتمال أن يكون هذا المقاوم المسحوب من المشاركين من قبل في معارك حقيقية؟ (أي ما هو احتمال تحقق الحدث Z)؟

.....

.....

.....

2. ما هو احتمال أن يكون هذا المقاوم المسحوب مقاتلا من كتائب القسام، إذا علمنا أنه قد شارك فعلا في معارك حقيقية سابقة؟

.....

.....

.....

3. ماذا نسمي القانون الذي استخدمناه للإجابة عن السؤال الأول؟ وماذا نسمي القانون الذي استخدمناه للإجابة عن السؤال الثاني؟

.....

.....

التمرين الثاني: (2.5 ن) من خلال دراسة إحصائية أجرتها إحدى المنظمات الإنسانية في قطاع غزة، وُجد أن توقيت حدوث غارة صهيونية يتبع توزيعا أسيا بمتوسط 40 دقيقة من توقيت آخر غارة. لنفرض أن إحدى الغارات قد وقعت الآن:

1. أحسب احتمال أن تحدث الغارة القادمة بعد 20 دقيقة أو أقل.

.....

.....

.....

2. أحسب احتمال أن تحدث الغارة القادمة بعد أكثر من هذه المدة.

.....

.....

التمرين الثالث: (3.5 ن) ضمن معركة "طوفان الأقصى"، احتمال تدمير دبابة صهيونية من نوع "ميركافا" بقذيفة "الياسين 105" يساوي 0.7، فإذا هجمت 5 دبابات، وكان X متغيرا عشوائيا يمثل عدد الدبابات الصهيونية المدمرة.

1. أحسب احتمال تدمير 4 دبابات صهيونية على الأقل.

.....

.....

.....

2. أحسب احتمال تدمير دبابة صهيونية واحدة على الأكثر.

التمرين الرابع: (3ن) لتكن الدالة f معرفة كما يلي: حيث a عدد حقيقي ثابت.
1. حدد قيمة الثابت a لتكون f دالة كثافة احتمالية للمتغير X .

$$f(x) = \begin{cases} \frac{ax}{2} & 1 \leq X \leq 3 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

2. أحسب الاحتمال $P(2 \leq X \leq 3)$.

التمرين الخامس: (5ن) إذا كانت درجات 400 طالب في الإحصاء تتبع توزيعا طبيعيا بمتوسط 13 درجة وانحراف معياري 1 درجة.
1. أحسب عدد الطلبة الذين تتراوح درجاتهم بين 11 درجة و 16 درجة. (مع التوضيح برسم بسيط).

2. لو فرضنا أن الأستاذ سيكافئ أحسن 10% من الطلبة، ما هي أدنى علامة يمكن أن يحصل عليها الطالب ليحظى بالمكافأة؟

التمرين السادس: (3 ن) استعانةً بالجداول الإحصائية، استخرج القيم المجهولة وضعها في أماكنها في الجدول الآتي:

$F(p; v_1=12; v_2=10) = 2,91.$ ($p = \dots\dots\dots$)	$\chi_p^2(p = 0,95; v = 20).$ ($\chi_{0.95}^2 = \dots\dots\dots$)	$T(p = 0,995; v = 18).$ ($T = \dots\dots\dots$)
$\chi_p^2(p, v = 25) = 40,6$ ($p = \dots\dots\dots$)	$T(p; v = 11) = 1,36.$ ($p = \dots\dots\dots$)	$F(p = 0,01; 8; 12)$ ($F = \dots\dots\dots$)

انتهى... بالتوفيق

التصحيحي النموذجي.

مجال العلوم الاقتصادية والتسيير
العلوم التجارية LMD-SEGC
السنة الأولى 2024/2023

جامعة محمد خيضر بسكرة
كلية العلوم الاقتصادية والتجارية
وعلوم التسيير

امتحان نهاية السداسي في مقياس الإحصاء 02.

الاسم واللقب.....	الفوج:.....	العلامة: 20 /	العلامة بعد إعادة النظر: 20/.....
-------------------	-------------	---------------------	-----------------------------------

التمرين الأول: (3ن) ضمن معركة "طوفان الأقصى"، تتكون غرفة العمليات في "كتيبة جنين" بالصفة الغربية في فلسطين المحتلة من ثلاثة فصائل مقاومة هي: كتاب الشهيد عز الدين القسام (A)، سرايا القدس (B)، وألوية الناصر صلاح الدين (C). وفي كل فصل من هذه الفصائل عناصر سبق أن شاركوا في معارك حقيقية ضد الاحتلال الصهيوني (Z)، وذلك وفقا للجدول الآتي:

النسب	الفصيل المقاوم	كتائب القسام (الحدث A)	سرايا القدس (الحدث B)	ألوية الناصر (الحدث C)
نسب المقاتلين في كتيبة جنين (حسب كل فصل)		%50	%30	%20
نسب المشاركين في معارك حقيقية سابقة (الحدث Z)		%60	%50	%30

سحبنا عشوائيا أحد هؤلاء المقاومين ليكون متحدثا رسميا عن كتيبة جنين:

1. ما هو احتمال أن يكون هذا المقاوم المسحوب من المشاركين من قبل في معارك حقيقية؟ (أي ما هو احتمال تحقق الحدث Z)؟

$$\begin{aligned}
 P(Z) &= P(A \cap Z) + P(B \cap Z) + P(C \cap Z) \\
 &= P(A) \cdot P(Z/A) + P(B) \cdot P(Z/B) + P(C) \cdot P(Z/C) \\
 &= (0.5)(0.6) + (0.3)(0.5) + (0.2)(0.3) \\
 &= [0.3] + [0.15] + [0.06] = 0.51 \quad (1)
 \end{aligned}$$

2. ما هو احتمال أن يكون هذا المقاوم المسحوب مقاتلا من كتائب القسام، إذا علمنا أنه قد شارك فعلا في معارك حقيقية سابقة؟

$$P(A/Z) = \frac{P(A \cap Z)}{P(Z)} = \frac{0.30}{0.51} = 0.5882 \quad (1)$$

3. ماذا نسمي القانون الذي استخدمناه للإجابة عن السؤال الأول؟ وماذا نسمي القانون الذي استخدمناه للإجابة عن السؤال الثاني؟

✓ نسمي القانون الأول "قانون الاحتمال الكلي" (0.5)
✓ نسمي القانون الثاني "قانون الاحتمال الشرطي" (0.5)

التمرين الثاني: (2.5 ن) من خلال دراسة إحصائية أجرتها إحدى المنظمات الإنسانية في قطاع غزة، وُجد أن توقيت حدوث غارة صهيونية يتبع توزيعا أسيا بمتوسط 40 دقيقة من توقيت آخر غارة. لنفرض أن إحدى الغارات قد وقعت الآن:

1. أحسب احتمال أن تحدث الغارة القادمة بعد 20 دقيقة أو أقل.

$$\begin{aligned}
 E(X) &= \frac{1}{\lambda} = 40 \Rightarrow \lambda = \frac{1}{40} \quad X \sim e\left(\frac{1}{40}\right) \\
 P(X \leq 20) &= F(20) = 1 - e^{-\left(\frac{20}{40}\right)} = 1 - e^{-(0.5)} \\
 &= 0.3935 \quad (1)
 \end{aligned}$$

2. أحسب احتمال أن تحدث الغارة القادمة بعد أكثر من هذه المدة.

$$P(X > 20) = 1 - F(20) = 1 - 0.3935 = 0.6065 \quad (1)$$

التمرين الثالث: (3.5 ن) ضمن معركة "طوفان الأقصى"، احتمال تدمير دبابة صهيونية من نوع "ميركافا" بقذيفة "الياسين 105" يساوي 0.7، فإذا هجمت 5 دبابات، وكان X متغيرا عشوائيا يمثل عدد الدبابات الصهيونية المدمرة.

$$\begin{aligned}
 1. \text{ أحسب احتمال تدمير 4 دبابات صهيونية على الأقل.} \\
 X \sim B(n=5, p=0.7) \quad (0.5) \\
 P(X \geq 4) &= P(X=4) + P(X=5) \\
 &= C_5^4 (0.7)^4 (0.3)^1 + C_5^5 (0.7)^5 (0.3)^0 \\
 &= 0.5 \quad (0.5)
 \end{aligned}$$

أقلب الورقة .../...

$$5(0,7)^4(0,3)^1 + (0,7)^5 = 0,36015 + 0,16807 = 0,52822$$

2. أحسب احتمال تدمير دبابة صهيونية واحدة على الأكثر.

$$P(X \leq 1) = P(X=0) + P(X=1) \\ = C_5^0 (0,7)^0 (0,3)^5 + C_5^1 (0,7)^1 (0,3)^4 \\ = (0,3)^5 + 5(0,7)(0,3)^4 = 0,00243 + 0,02835 = 0,03078$$

التمرين الرابع: (3ن) لتكن الدالة معرفة كما يلي: حيث a عدد حقيقي ثابت. حدد قيمة الثابت a لتكون f دالة كثافة احتمالية للمتغير X .

$$f(x) = \begin{cases} \frac{ax}{2} & 1 \leq x \leq 3 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

$$\int_1^3 f(x) dx = 1 \Rightarrow \int_1^3 \frac{ax}{2} dx = 1 \Rightarrow \left(\frac{a}{2} \left| \frac{x^2}{2} \right|_1^3 \right) = 1 \Rightarrow \left(\frac{a}{2} \left(\frac{3^2}{2} - \frac{1^2}{2} \right) \right) = 1$$

$$\Leftrightarrow \left(4 \left(\frac{a}{2} \right) = 1 \right) \Leftrightarrow \left(\frac{4a}{2} = 1 \right) \Rightarrow a = \frac{1}{2} \quad (f(x) = \frac{x}{4})$$

$$P(2 \leq X \leq 3) = \int_2^3 \frac{x}{4} dx = \frac{1}{4} \left| \frac{x^2}{2} \right|_2^3 = \frac{1}{4} \left(\frac{3^2}{2} - \frac{2^2}{2} \right) \\ = \frac{1}{4} \left(\frac{9-4}{2} \right) = \frac{1}{4} \left(\frac{5}{2} \right) = \frac{5}{8} = 0,625$$

التمرين الخامس: (5ن) إذا كانت درجات 400 طالب في الإحصاء تتبع توزيعاً طبيعياً بمتوسط 13 درجة وانحراف معياري 1 درجة.

$$P(11 \leq X \leq 16) = P\left(\frac{11-13}{1} \leq Z \leq \frac{16-13}{1}\right) = P(-2 \leq Z \leq 3) \\ Z_1 = 11 - 13 = -2, Z_2 = 16 - 13 = 3 \\ P(-2 \leq Z \leq 3) = P(0 \leq Z \leq 2) + P(0 \leq Z \leq 3) \\ = 0,4772 + 0,4987 = 0,9759$$

ومن عدد الطلبة في هذا المجال يساوي $0,9759 \times 400 = 390,36 \approx 390$

2. لو فرضنا أن الأستاذ سيكافئ أحسن 10% من الطلبة، ما هي أدنى علامة يمكن أن يحصل عليها الطالب ليحظى بالمكافأة؟

$$P(X > X_3) = 10\% \Rightarrow P(13 \leq X \leq X_3) = P(0 \leq Z \leq Z_3) = 0,4 \\ \text{من جداول التوزيع الطبيعي المعياري نجد } Z_3 = 1,28 \text{ و } 1,29 \\ \text{بممكن أن نأخذ } Z_3 = 1,285 \\ Z_3 = \frac{X_3 - 13}{1} \Rightarrow X_3 = Z_3 + 13 = 1,285 + 13 = 14,285 \approx 14,28$$

التمرين السادس: (3ن) استعانةً بالجدول الإحصائية، استخراج القيم المجهولة وضعها في أماكنها في الجدول الآتي:

$F(p; v_1=12; v_2=10) = 2,91$ $(p = 0,95 \dots)$	$\chi_p^2 (p = 0,95; v = 20)$ $(\chi_{0,95}^2 = \dots 31,4 \dots)$	$T(p = 0,995; v = 18)$ $(T = \dots 2,88 \dots)$
$\chi_p^2 (p = 0,975; v = 25) = 40,6$ $(p = \dots 0,975 \dots)$	$T(p; v = 11) = 1,36$ $(p = \dots 0,90 \dots)$	$F(p = 0,01; 8; 12)$ $F = \frac{1}{F_{12,8}^{0,99}} = \frac{1}{5,67} = 0,176 \approx 0,18$

انتهى... بالتوفيق