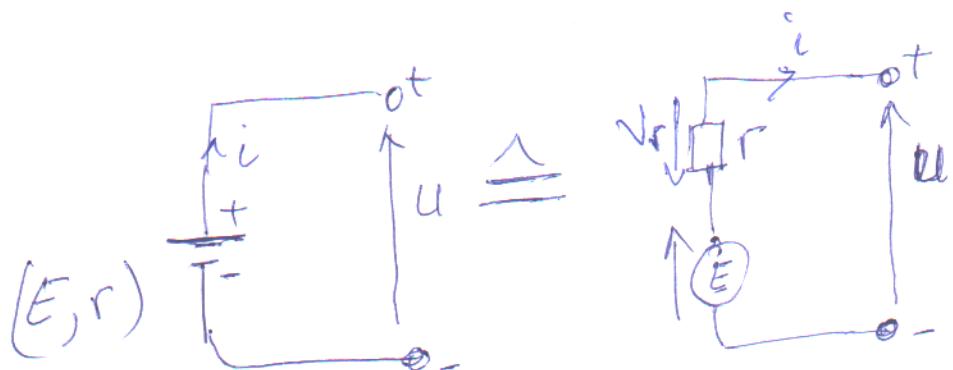


## • Les dipôles actifs

### - le dipôle générateur

Un générateur électrique est un système capable de transformer une énergie autre forme

Grandeurs caractéristiques d'un générateur



$$\text{d'où } \cancel{E - V_r - u = 0}$$

$$\Rightarrow u = E - ri$$

avec  $E$ : force électromotrice f.e.m.

$r$ : résistance interne

$V_r = ri$ : chute de tension

$$u = f(i)$$

$$\bullet \cancel{i = 0} \\ \Rightarrow u = E$$



(I)

## Bilan des puissances

$$U = E - ri \Rightarrow U i = E \cdot i - R i^2$$

$$\Rightarrow P_u = P_a - P_p \text{ ou}$$

ou  $P_u = U i ; P_a = E \cdot i ; P_p = R i^2$

$\left. \begin{array}{l} P_a : \text{puissance absorbée} \\ \text{par le générateur} \\ P_u : \text{puissance utile} \\ \text{fournie par le} \\ \text{générateur} \\ P_p : \text{puissance perdue} \\ \text{par effet-Joule} \\ \text{dans le générateur} \end{array} \right\}$

Rendement du générateur :

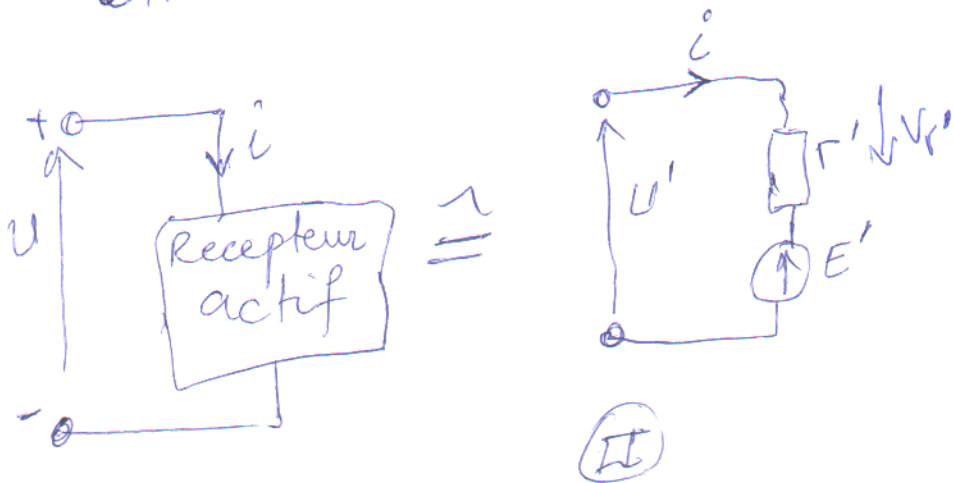
$$\text{Rendement} = \frac{\text{Puissance utile}}{\text{Puissance absorbée}}$$

$$\eta = \frac{P_u}{P_a} = \frac{U \cdot i}{E \cdot i} = \frac{U}{E}$$

## Le dipôle récepteur

Un dipôle récepteur actif est un dipôle capable de recevoir l'énergie électrique et la transformant en énergie mécanique.

Grandeurs caractéristiques d'un récepteur



- Donner la nomenclature des éléments et but de l'électricité industrielle
- Contacteurs (définition, principe, schéma et explication)-symbole.
- Relais (définitions, principe schéma et son objectif)-symbole.
- Séctionneur (principe et schéma avec explication).
- appareils de mesures avec explication
- Disjoncteurs (schéma explication)
- Temporisateur avec explication
- Installation électriques (exemple)
- Armoire électrique.

mini-projet

# Propriétés des circuits R, L, C.

Résistance  
R

- 1) La valeur de la résistance est indépendante de la fréquence
- 2) Le courant résistif est en phase avec la tension
- 3) La puissance dissipée est une puissance active (Watt)

Inductance

- Y La réactance inductive  $X_L$  s'exprime en ohm, elle augmente avec la fréquence.
- 2) Le courant inductif est déphasé de  $90^\circ$  en arrière de la tension
- 3) La puissance réactive s'exprime volts-ampères (var)
- 4) L'inductance d'une bobine ne varie pas avec la fréquence

capacitance

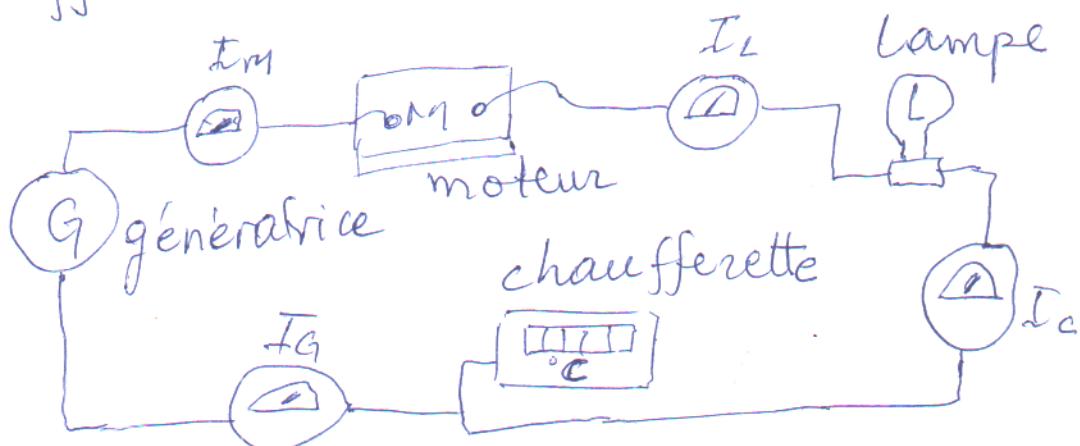
- Y La réactance  $X_C$  s'exprime en ohms, elle diminue avec la fréquence  $X_C = \frac{1}{2\pi f C}$  (juste)
- 2) Le courant capacatif est de  $90^\circ$  en avance de la tension
- 3) La puissance réactive (var)
- 4) La capacité d'un condensateur ne varie pas avec la fréquence.

## Circuits à courant continu

La plupart des circuits électriques sont raccordés soit en série, soit en parallèle, soit en série-parallèle.

Groupement en série.

La figure suivante montre des appareils électriques sont raccordés en série formé d'une génératrice, d'un moteur, d'une lampe, et d'une chauffette.



Groupement en série - mesure des courants à l'aide d'ampèremètre

Les circuits séries possèdent trois propriétés :

1) les courants est le même dans tous les éléments : (les 4 ampèremètres donnent la même lecture)

$$I_{\text{moteur}} = I_{\text{lampe}} = I_{\text{chauffette}} = I_{\text{générateur}}$$

$$I_m = I_L = I_c = I_G$$

①

2) la somme des tensions aux bornes des charges est égale à la tension aux bornes de la source (par expérience)

$$E_{\text{moteur}} + E_{\text{lampe}} + E_{\text{chaufferette}} = E_{\text{générateur}}$$

$$E_M + E_L + E_C = E_G.$$

3) la somme des puissances absorbées par les charges est égale à la puissance fournie par la source.

$$P_{\text{moteur}} + P_{\text{lampe}} + P_{\text{chaufferette}} = P_{\text{générateur}}.$$

$$\text{soit } E_M I_M + E_L I_L + E_C I_C = E_G I_G.$$

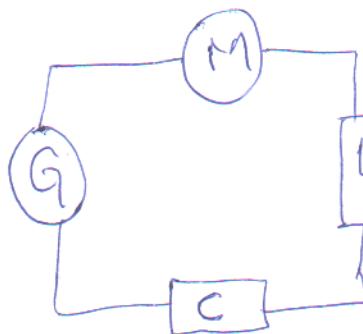


Diagramme schématique du montage précédent

Remarque: ces trois règles s'appliquent à tout circuit série, quelle que soit la nature des charges

## Groupement de résistances en série ;

La résistance de l'ensemble de ces résistances est égale à la somme des résistances individuelles (fig) :

un groupe de résistance  $R_1, R_2, R_3, \dots, R_n$   
par une seule résistance équivalente  $R_{eq}$ .

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_n \quad \xrightarrow{\text{voir verso}}$$

Exemple :

$$(a) R_{eq} = 4 + 6 + 12 = 22 \Omega$$

la tension de 220V

donne un courant :

$$I = \frac{E}{R_1 + R_2 + R_3}$$

$$\Rightarrow I = \frac{220}{4 + 6 + 22} = 10A$$

$$(b) I = \frac{E}{R_{eq}} = \frac{220}{22} = 10A$$

la puissance dépendue par effet Joule dans chacune des résistances sont : ( $P = RI^2$ )

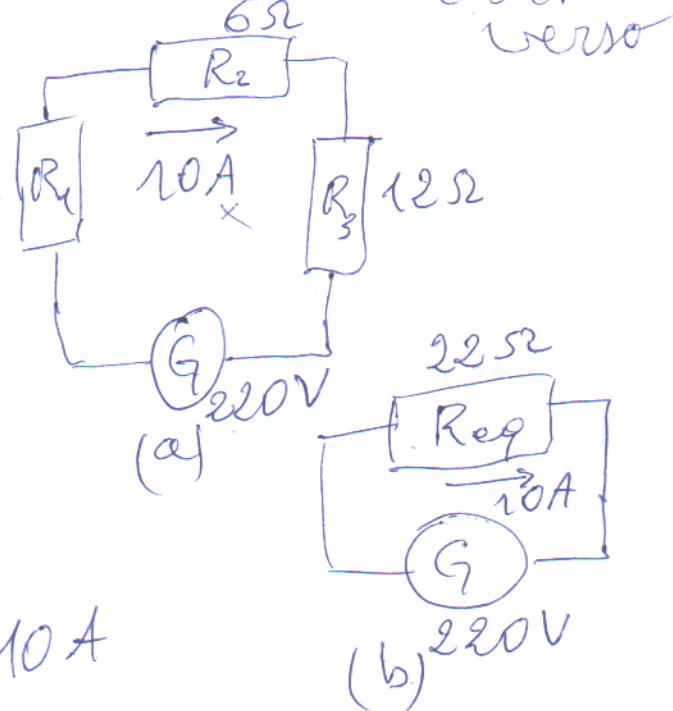
$$\text{dans } R_1 : P_1 = R_1 I^2 = 4 \times 10^2 = 400W$$

$$P_2 = 6 \times 10^2 = 600W$$

$$P_3 = 12 \times 10^2 = 1200W$$

sont au total : 2200W

(3)



la puissance débitée dans la résistance équivalente:  $P = 22 \times 10 = 2200 \text{ W}$ .

la puissance débitée par la génératrice:  $P = E \cdot I = 220 \times 10 = 2200 \text{ W}$ .

- la tension aux bornes de chaque

$$\text{résistance est } E = R I$$

$$\text{pour } R_1: E_1 = 4 \times 10 = 40 \text{ V}$$

$$R_2: E_2 = 6 \times 10 = 60 \text{ V}$$

$$R_3: E_3 = 12 \times 10 = 120 \text{ V}$$

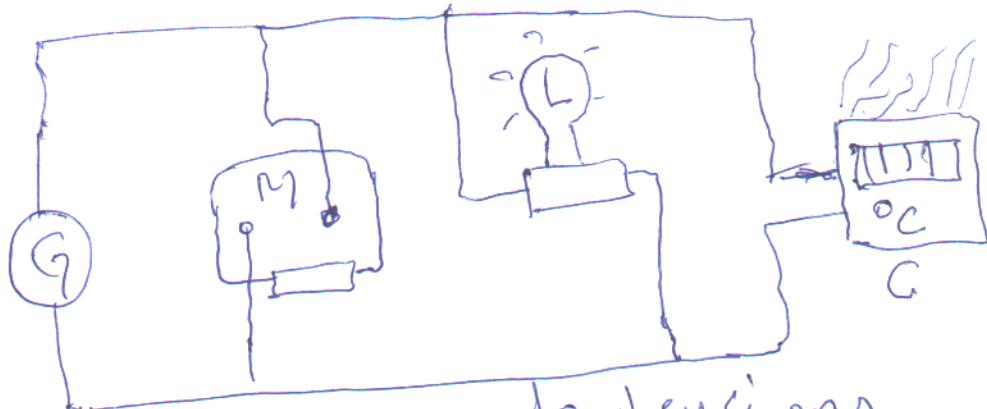
$$R_3: E_3 = 12 \times 10 = 120 \text{ V}$$

$$\text{en total: } 220 \text{ V}$$

- Groupement en parallèle

La figure suivante montre un groupement en parallèle formé d'un moteur, d'une lampe, et d'une chaudière branchés aux bornes A et B d'une génératrice.

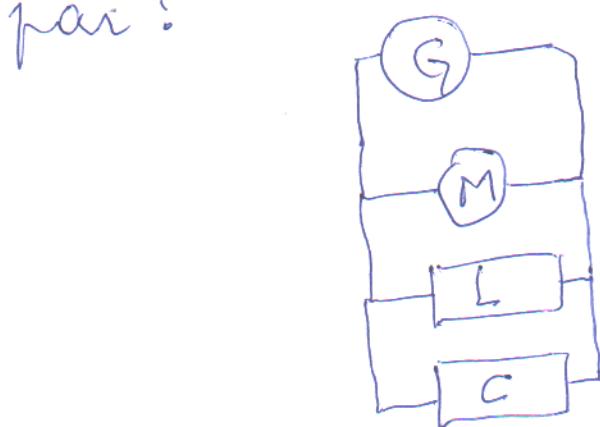
appareil de mesure  $E_g, E_M$ ,  
 $E_L, E_C$   
entre les bornes



(4)

mesure des tensions  
aux bornes des éléments

on peut schématisé la figure précédente par :



groupement en parallèle

les circuits parallèle possèdent trois propriétés :

per

1) La tension est la même aux bornes de chaque élément.

$$E_{\text{moteur}} = E_{\text{lampe}} = E_{\text{chauffeuse}} = E_{\text{générateur}}$$

$$\Rightarrow E_M = E_L = E_C = E_G$$

2) La somme des courants par les charges est égal au courant délivré par la source:

$$I_{\text{moteur}} + I_{\text{lampe}} + I_{\text{chauffeuse}} = I_{\text{générateur}}$$

$$\Rightarrow I_M + I_L + I_C = I_G$$

3) La somme ~~soit~~ des puissances consommées par les charges est égale à la puissance fournie par la source.

$$P_{\text{moteur}} + P_{\text{lampe}} + P_{\text{chauffeuse}} = P_{\text{générateur}}$$

$$\Rightarrow E_{\text{M}} I_M + E_{\text{L}} I_L + E_{\text{C}} I_C = E_g \cdot I_g$$

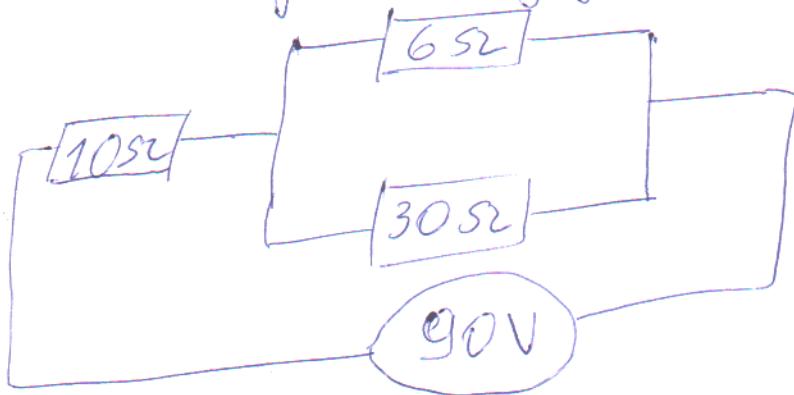
Ces trois règles s'appliquent à tout circuit parallèle.

Remarque: si les R sont en série la R<sub>éq</sub> s'achemine  
 $\parallel R \parallel \parallel \text{parallèle} \parallel \parallel r \parallel \parallel$

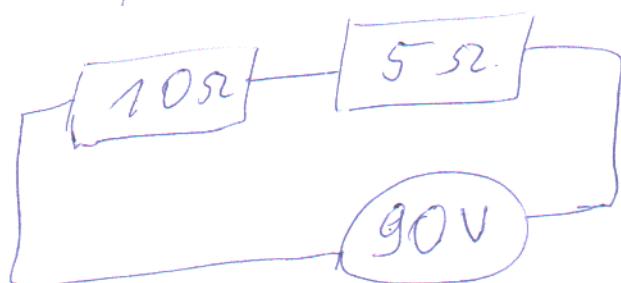
~~Groupe de résistances parallèles~~

Exemple:

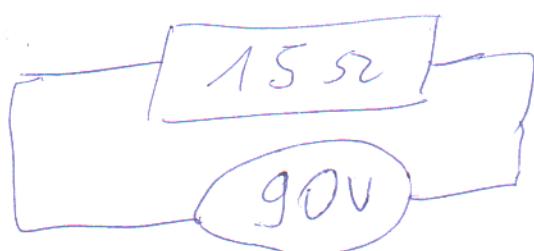
Soit le montage de la figure suivante.



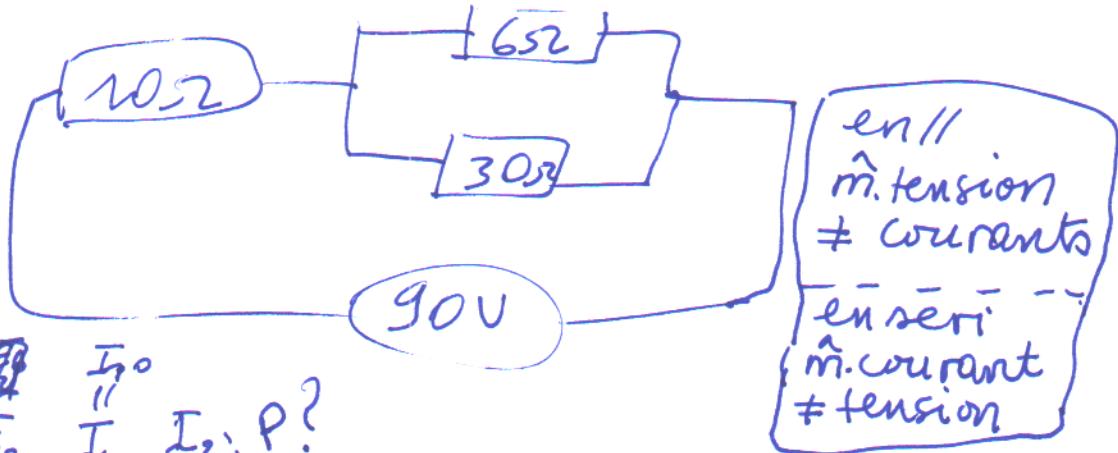
Determiner  $E_1, E_2, I_1, I_2, R_{\text{éq}}$ .  
 les courants, les tensions et  
 on a: puissance aux bornes R?



$$R_{\text{éq}} = \frac{6+30}{6+30} = \frac{180}{36} = 5\Omega$$

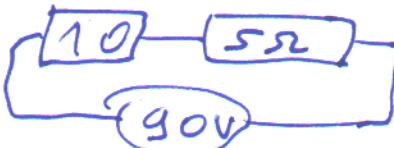


$$10+5=15\Omega$$



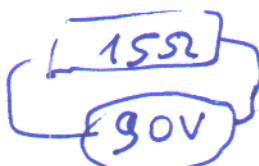
$I, E_1, E_2, I_1, I_2; P?$

$$\underline{\underline{I}}? R_{\parallel} = \frac{6 \cdot 3}{6 + 3} = 2 \Omega$$

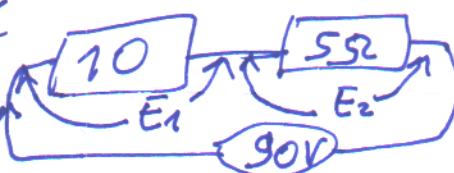


$$(R_{\text{paral}}): R_s = 10 + 5 = 15 \Omega$$

$$\text{donc } I = \frac{90}{15} = 6 \text{ A}$$



$$E_1 \text{ et } E_2 ? \\ = 6A$$

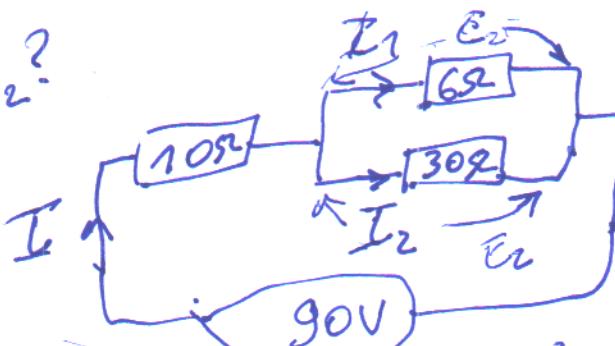


$$E_1 = 10 \times 6 = 60 \text{ V}$$

$$E_2 = 5 \times 6 = 30 \text{ V}$$

$$\text{soit au total: } 60 + 30 = 90 \text{ V}$$

$I_1 \text{ et } I_2 ?$



$$I_1 = \frac{E_2}{6} = \frac{30}{6} = 5 \text{ A}$$

$$I_2 = \frac{E_2}{30} = \frac{30}{30} = 1 \text{ A}$$

$P?$  puissance ( $P = EI = RI^2$ )

$$10\Omega \rightarrow P_1 = R_1 I_1^2 = 10 \cdot 6^2 = 360 \text{ W}$$

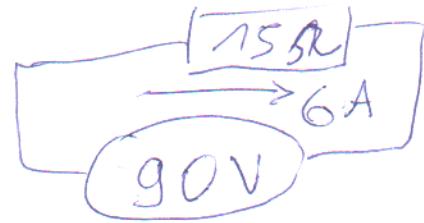
$$6\Omega \rightarrow P_2 = R_2 I_2^2 = 6 \cdot 1^2 = 6 \text{ W}$$

$$30\Omega \rightarrow P_3 = R_3 I^2 = 30 \cdot 6^2 = 180 \text{ W}$$

$$\text{au total } 360 + 6 + 180 = 546 \text{ W}$$

$P_{\text{du générateur}}: P = EI = 90 \cdot 6 = 540 \text{ W}$

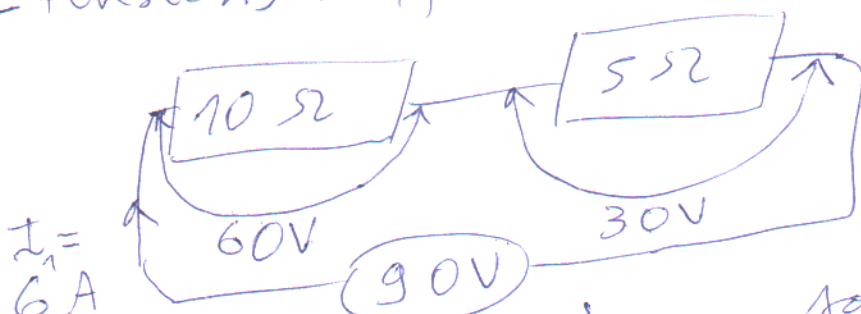
- le courant  $I$ :



$$E = R_0 I$$

$$I = \frac{90}{15} = 6A$$

- tensions :  $E_1, E_2$  (~~et~~ même courant d.d.p.f.)



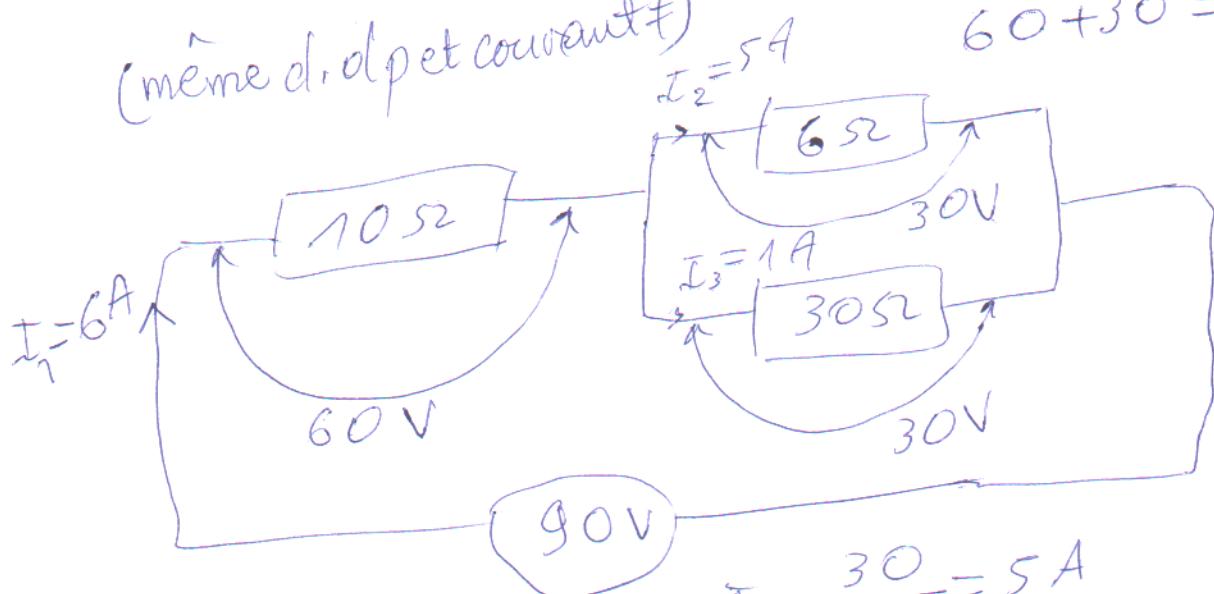
$$10 \times 6 = 60V = E_1$$

$$5 \times 6 = 30V = E_2$$

(même d.d.p.f et courant  $I$ )

soit au total :

$$60 + 30 = 90V$$



$$I_2 = \frac{30}{6} = 5A$$

$$I_3 = \frac{30}{30} = 1A$$

soit au total :  $5 + 1 = 6A$

- Puissances : ( $P = EI = RI^2$ )

$$10\Omega \rightarrow P_1 = R_1 I_1^2 = 10 \cdot 6^2 = 360W$$

$$6\Omega \rightarrow P_2 = R_2 I_2^2 = 6 \cdot 5^2 = 150W$$

$$30\Omega \rightarrow P_3 = R_3 I_3^2 = 30 \cdot 1^2 = 30W$$

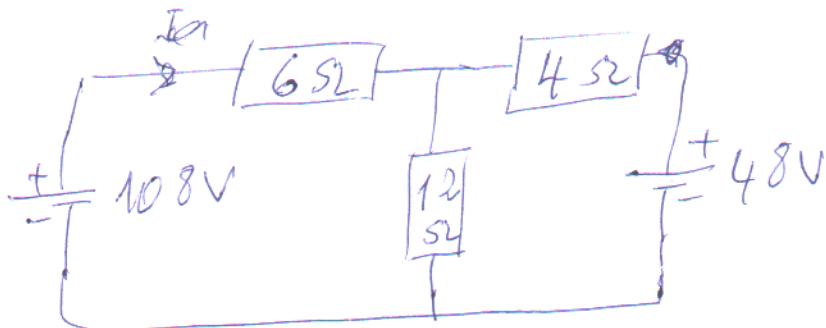
soit au total  $360 + 150 + 30 = 540W$

Pôle génératrice :  $P = EI = 90 \cdot 6 = 540W$ .

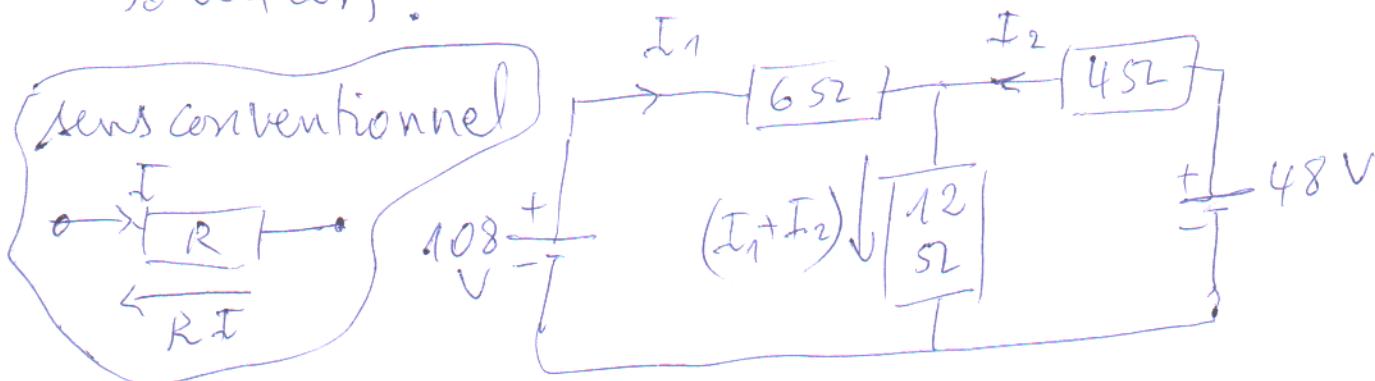


# Solution des circuits à courant continu

Calculer les courants et les tensions pour chacune des résistances



Solution :



• boucle fermée par deux sources et les résistances de 6 $\Omega$  et 12 $\Omega$

en utilisant la ~~108 - 6 I<sub>1</sub>~~

• boucle fermée par la source de 108V et les résistances de 6 $\Omega$  et 12 $\Omega$ :

$$108 - 6I_1 - 12(I_1 + I_2) = 0$$

$$\Rightarrow 18I_1 + 12I_2 = 108$$

• En utilisant la boucle fermée par la source 48V et les résistances 4 $\Omega$  et 12 $\Omega$ :

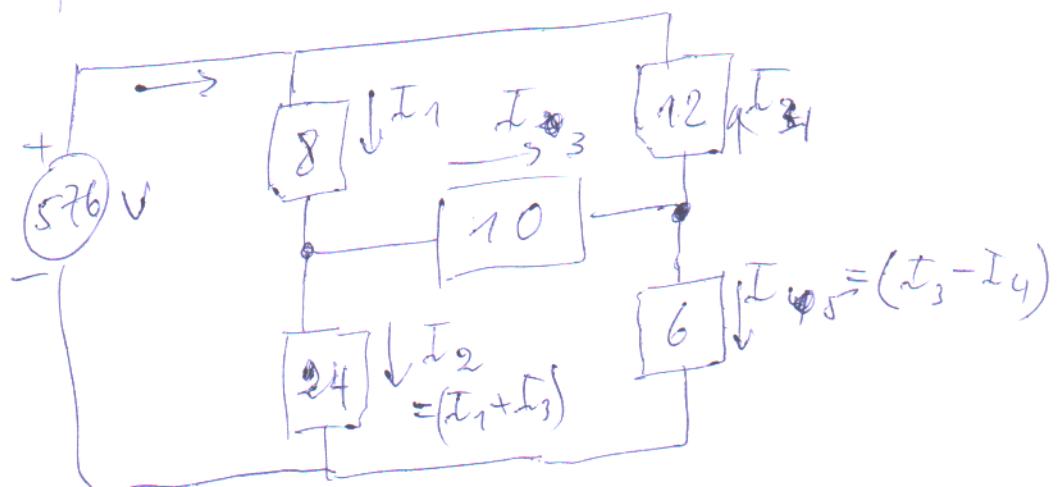
$$48 - 4I_2 - 12(I_1 + I_2) = 0$$

$$12I_1 + 16I_2 = 48$$

2 équations à 2 inconnues:

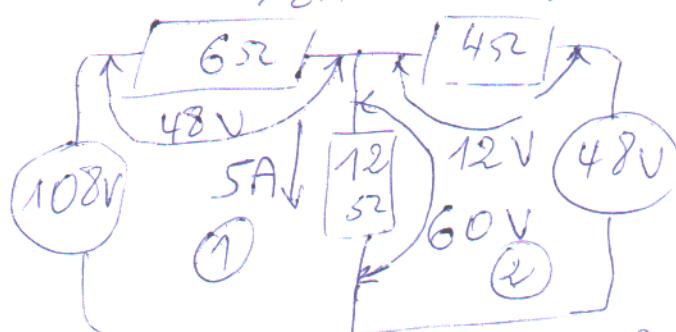
$$\begin{cases} 18I_1 + 12I_2 = 108 \\ 12I_1 + 16I_2 = 48 \end{cases} \Rightarrow I_1 \text{ et } I_2 ?$$

autre exemple: trouver les courants?



$$\begin{aligned} & 18I_1 + 12I_2 = 108 \quad | : 6 \Rightarrow \begin{cases} 3I_1 + 2I_2 = 18 \\ 3I_1 + 4I_2 = 12 \end{cases} \\ & 12I_1 + 16I_2 = 48 \quad | : 4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \Rightarrow \begin{cases} -3I_1 - 2I_2 = -18 \\ 3I_1 + 4I_2 = 12 \end{cases} \rightarrow \textcircled{1} \quad \text{et} \quad \textcircled{1} \Rightarrow 3I_1 + 4(-3) = 12 \\ & \underline{2I_2 = -6} \Rightarrow \boxed{I_2 = -3A} \quad \rightarrow 8A \quad \rightarrow 3A \quad \text{et} \quad I_1 + I_2 \\ & \rightarrow 8A - 3A = 5A \end{aligned}$$



$$\textcircled{1} \Rightarrow 48 + 60 = 108V \Leftrightarrow 8 \cdot 6 + 5 \cdot 12$$

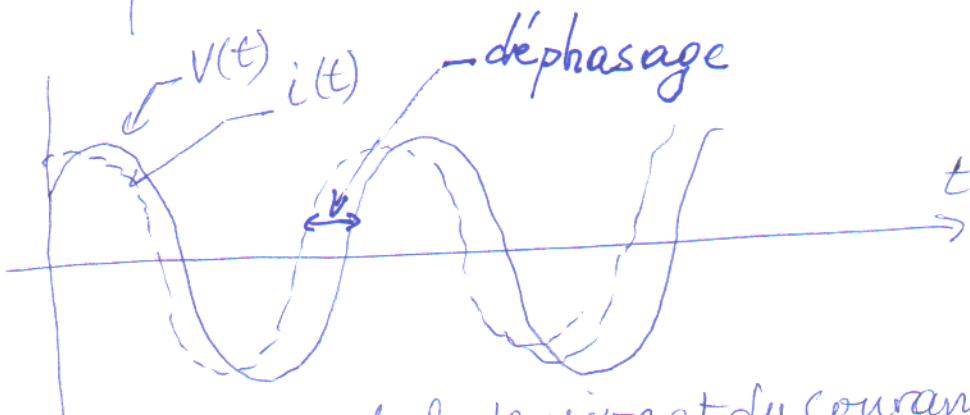
$$\textcircled{2} \Rightarrow 60 - 12 = 48V \Leftrightarrow 12 \cdot 5 + 4(-3)$$

## circuits à courant alternatif

Nous décrivons les propriétés des ondes sinusoïdales. Dans ce cas on va voir l'onde du courant, résultant (provoyons) de l'application d'une tension sinusoïdale à un ~~un~~ circuit résistif; un circuit capacitatif et un circuit inductif.

Cela nous amène aux notions de réactance inductive, réactance capacitive, puissance active et puissance réactive.

Lorsque un courant traverse un circuit ou impédance complexe, ce courant est dans la plupart des cas en déphasage par rapport à la tension appliquée à ce circuit ou à cette impédance (voir figure)



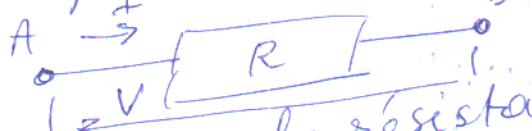
déphasage de la tension et du courant dans un circuit présentant une impédance complexe.

## Tension au borne d'une résistance

La tension au borne d'une résistance,

lorsqu'elle est traversée par un courant

alternatif



dipôle résistance

loi d'Ohm :  $V = RI$

si le courant est type sinusoïdale :

$$I = I_m e^{j\omega t}$$

$$\text{donc } V = RI \Rightarrow V = RI_m e^{j\omega t}$$

on peut écrire  $Z = RI_m$

ou  $Z$  : impédance

d'où :  $I$  et  $V$  sont en phase (voir figure)

La valeur efficace d'une tension sinusoïdale  
ou d'un courant sinusoïdale est toujours  
égal à  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  fois sa valeur crête (max)

$$E_{\text{eff}} = \frac{E_m}{\sqrt{2}} = 0,707 \cdot E_m$$

$$I_{\text{eff}} = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 0,707 \cdot I_m$$



~~La valeur efficace d'une tension sinusoidale ou d'un courant sinusoidal est toujours égale à  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  fois sa valeur crête~~

$$E_{\text{eff.}} = \frac{E_m}{\sqrt{2}} = 0,707 E_m$$

$$\text{et } I_{\text{eff.}} = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 0,707 I_m$$

Remarque: Presque tous les instruments de mesure sont calibrés de façon à indiquer la valeur efficace d'une tension ou d'un courant et non la valeur crête.  
Si on donne la valeur d'une tension alternative ou d'un courant alternative, il est entendu que c'est la valeur efficace.

Exemple 1 .

Un voltmètre à courant alternatif indique la tension dans une résidence et de 120V 60Hz. Calculer:

- la valeur ~~moyenne~~ efficace de la tension.
- la valeur minimal de la tension.
- le taux de variation maximal.

(12)

$$\left( \frac{dE}{dt} \right) = 2\pi f E_{\text{eff.}} [\text{kV/s}]$$

a) l'instrument indique la valeur efficace de la tension:  $\frac{120}{\sqrt{2}} \Rightarrow 169,7 \text{ V}$   
~~120 : 0,70 = 169,7 V~~

b) la valeur minimale de la tension est à zéro

c) le taux de variation maximal est

$$\left(\frac{\Delta E}{\Delta t}\right)_{\max} = 2\pi f E_{\text{eff}}$$

$$= 2 \cdot 3,1416 \cdot 60 \cdot 169,7 \\ = 63977 \text{ V/s} \approx 64 \text{ KV/s}$$

Exemple 2:  
 une tension efficace de 100V est appliquée  
 à une résistance de 50Ω.

Calculer:

- a) le courant efficace  
 b) la puissance dissipée par la résistance

$$\text{on a: } I_{\text{eff}} = \frac{E_{\text{eff}}}{R} = \frac{100}{50} = 2A$$

$$\text{b) } P = E_{\text{eff}} \cdot I_{\text{eff}} = 100 \cdot 2 = 200 \text{ W}$$

circuit capacitif alternatif de type sinusoïdale

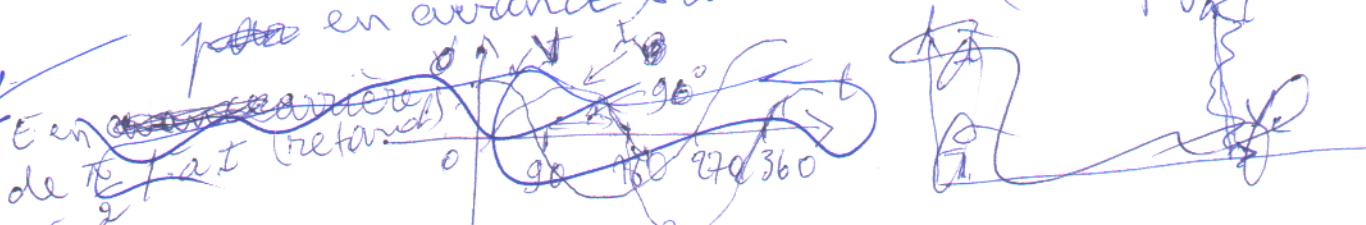
lorsqu'un courant traversant un circuit capacitif, il se produit une tension sinusoïdale soit par définition:

$$V_c = \frac{1}{C} \int I dt \quad \text{si } I = I_m e^{j\omega t}$$

$$\Rightarrow V_c = \frac{1}{C} \int I_m e^{j\omega t} dt = \frac{I_m}{j \cdot \omega} e^{j\omega t} ; j^2 = -1.$$

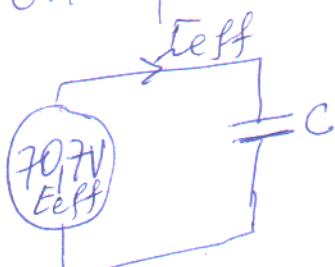
$$\Rightarrow V_c = \frac{-j I_m}{\omega C} e^{j\omega t} = \frac{I_m}{\omega C} \left( \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) + j \sin\left(\frac{\pi}{2}\right) \right) e^{j\omega t}$$

le courant est déphasé d'un angle  $+\frac{\pi}{2}$  en avance sur la tension



Réactance capacitif.

Ex. On va prendre un exemple suivant:



$$V_{eff} = 70,7 \text{ V}$$

$$I_{eff} = 2,62 \text{ A}$$

$$R_{condensateur} = \frac{V_{eff}}{I_{eff}} = \frac{70,7}{2,62} = 26,55 \Omega$$

pour éviter la confusion avec les circuits résistifs en appelant réactance capacitif.

on le définit par définition:

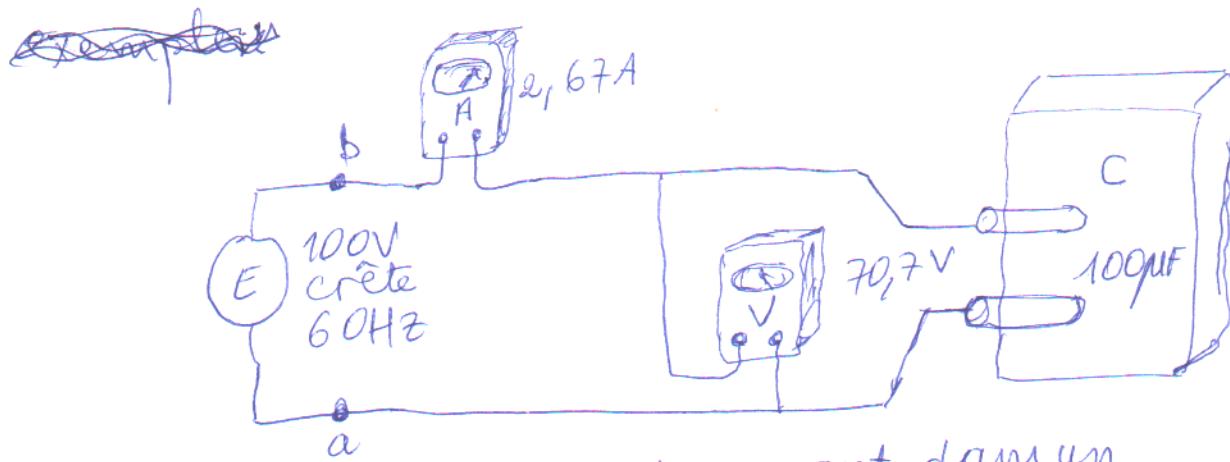
$$X_C = \frac{1}{2\pi f C} ;$$

$X_C$ : réactance capacitif  
en [S $\Omega$ ]

$f$ : fréquence de la source

$C$ : capacité du condensateur  
[F]

par sa valeur  
change à la fréquence  
de la source.



Tension et courant dans un circuit capacitif.

$$X_C = \frac{1}{2\pi f C} = \frac{1}{2 \cdot 3,14 \cdot 60 \cdot 100 \cdot 10^{-6}} = 26,55 \Omega$$

$$\Rightarrow X_C = 26,55 \Omega$$

Exemple : un condensateur de 10μF est raccordé à une source de tension dont la valeur efficace est de 100V. Si la fréquence est de 200 Hz. quel est le courant efficace dans ce circuit

$$X_C = \frac{1}{2\pi f C} = \frac{1}{2 \cdot 3,14 \cdot 200 \cdot 10 \cdot 10^{-6}} = 79,6 \Omega$$

$$\text{et } I = \frac{E}{X_C} = \frac{100}{79,6} = 1,26 A.$$

$X_C$  : résistance du condensateur

Puissance réactive dans un condensateur : var capacitif.

- Dans un circuit où  $E$  et  $I$  sont en phase ( $\varphi = 0$ )  
on parle de puissance active  $P = EI$  (c'est le cas d'un circuit contenant  $E, I, R$ . car  $\varphi$  déphasage nul).
- Dans un circuit où  $E$  et  $I$  sont déphasés ( $\varphi \neq 0$ )  
on parle de puissance réactive ~~et capacitive~~  
( $E$  et  $I$  sont unidirectionnelles).  
puissance réactif  $E$  et  $I$  sont déphasés ( $\varphi \neq 0$ ) donne une puissance réactive.

circuit inductif.

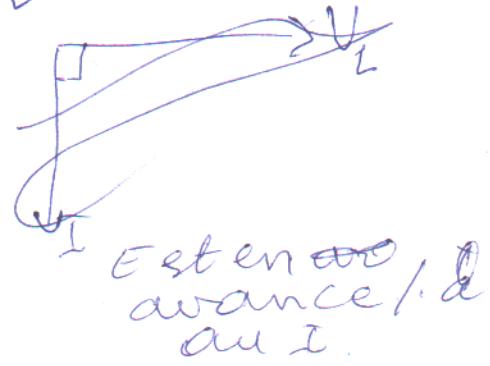
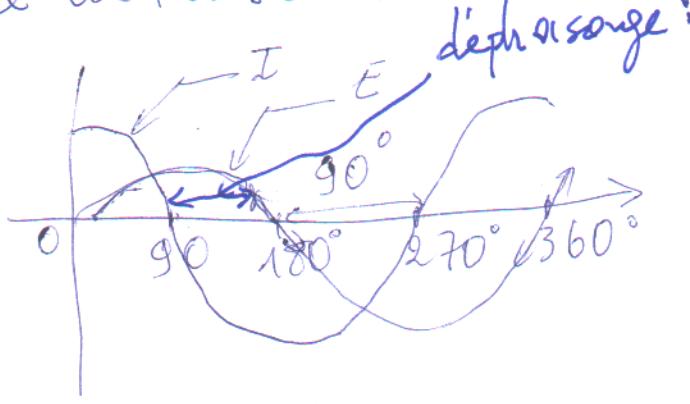
Lorsqu'un courant alternatif sinusoidal traversant un circuit inductif, il se produit une tension sinusoidale.

par définition

$$V_L = L \frac{di}{dt} ; \text{ et } I = \text{Im } e^{j\omega t}$$

$$\Rightarrow V_L = L \text{Im } j\omega e^{j\omega t} = \text{Im } \omega ( \cos \frac{\pi}{2} + j \sin \frac{\pi}{2} )$$

Ce courant est déphasé de  $\frac{\pi}{2}$  (en arrière)  
de la tension



Tension instantanée :

à 0V, 20V, 30V, 40V, ...

16

instantanée : c-a-d :

1h, 2h, 3h, ..., 12h

puissance réactive dans une induction :  
var inductif.

Puisque il ~~y a~~ existe un déphasage entre  $E$  et  $I$ , donc  $Q_L = EI$   
et la puissance actif est nul.

Exemple :

Une bobine ayant une inductance de  $2H$  est raccordée à une source de  $100V$  efficace dont la fréquence est de ~~400~~  $60Hz$ .

~~la résistance de la bobine~~

calculer : le courant qui la parcourt

$$X_L = 2\pi f \cdot L = 2 \cdot 3,14 \cdot 60 \cdot 2 = 754 \Omega$$

$$\text{et } I = \frac{E}{X_L} = \frac{100}{754} = 0,133A \text{ (efficace)}$$

La puissance active est  $P_a = E_{eff} I_{eff}$  sans une  $R$  réactive fournie à la bobine:

$$Q_L = E_{eff} \cdot I_{eff} \cdot [var]$$

" " réactive absorbée par la bobine

$$Q_R = E_{eff} I_{eff}$$

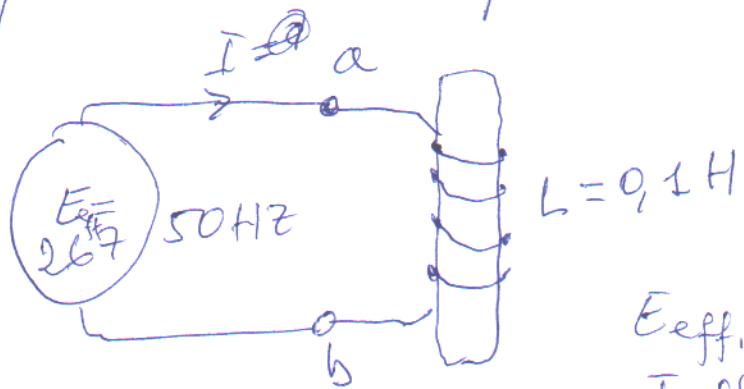
" " réactive du condensateur

$$Q_C = E_{eff} I_{eff}$$

$R_L$  : résistance de l'induction ce

# Réactance ~~opposée~~ inductive

on va prendre l'exemple suivant :



$$E_{eff} = 267\text{V}$$

$$I_{eff} = 7,07\text{A}$$

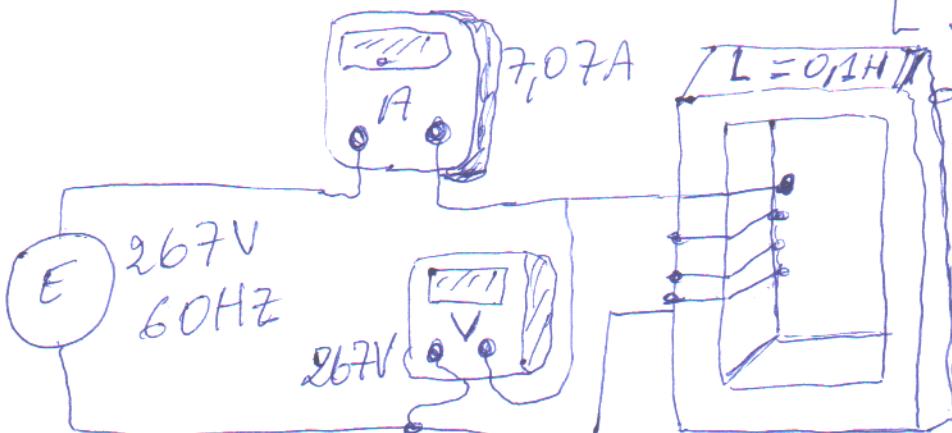
$$R_{inductance} = \frac{E_{eff}}{I_{eff}} = \frac{267}{7,07} = 37,75\Omega$$

pour éviter tout confusion avec les circuits résistifs, en appelant réactance inductive  
on le définit par :

$$X_L = 2\pi f L$$

$X_L$ : réactance inductive [ $\Omega$ ]  
f : fréquence de la source [Hz]

L : inductance de la bobine [H]



$$X_L = 2 \cdot 3,14 \cdot 60 \cdot 0,1 = 37,7\Omega$$

Exemple:

Une bobine de  $0,2\text{H}$  est reliée à une source de  $110\text{V}$  ayant une fréquence de  $60\text{Hz}$ .

Calculer :

- la réactance inductive de la bobine
- le courant efficace
- la puissance réactive pour la bobine.

on a :  $\chi_L = 2\pi fL = 2 \cdot 3,14 \cdot 60 \cdot 0,2 = 75,452$

a)  $\chi_L = 2\pi fL = 2 \cdot 3,14 \cdot 60 \cdot 0,2 = 75,452$  (éfficace)

b)  $I = \frac{E}{\chi_L} = \frac{110}{75,4} = 1,46\text{A}$

c)  $Q_L = EI = 110 \cdot 1,46 = 160\text{var}$

## • Solution des circuits par la méthode graphique.

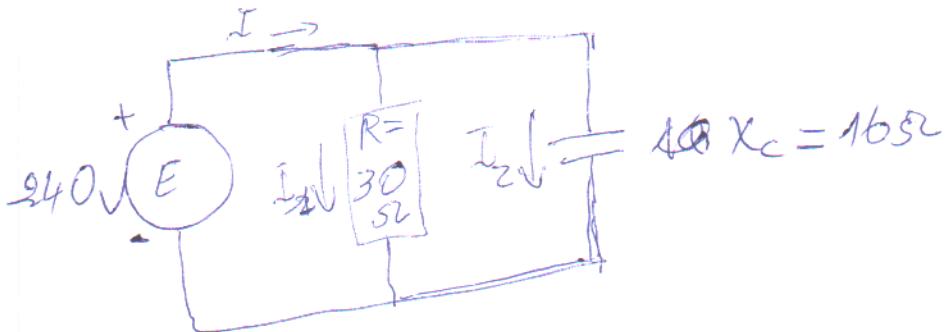
capacitif

Exemple :

Le circuit de la fig. suivante comprend une résistance de  $30\Omega$  et une réactance de  $16\Omega$  raccordées en parallèle sur une source de  $240\text{V}$ .

Déterminer :

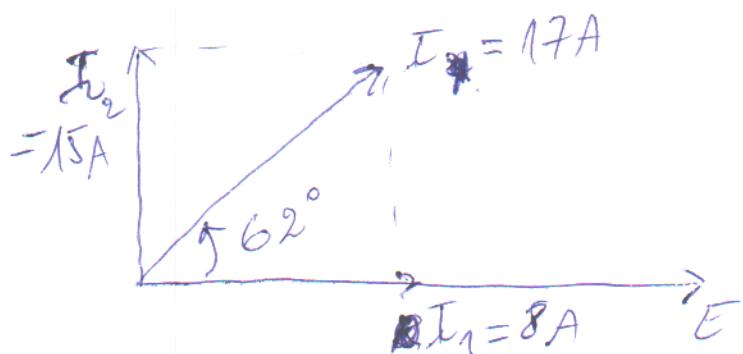
- le courant  $I$  et son déphasage par rapport à la tension  $E$
- l'impédance du circuit
- les puissances active, réactive et apparente du circuit.



1) On a:  $I_1 = \frac{E}{R} = \frac{240}{30} = 8A$  (tension est le même pour R et  $X_c$  car ils sont en parallèle)

$$I_2 = \frac{E}{X_c} = \frac{240}{16} = 15A.$$

on choisit comme référence ( $E$ ) ✓  
 $E, R$  car le déphasage  $\varphi = 0$



Or  $I_2$  est en avance de  $\frac{\pi}{2}$  par rapport à  $E$

$$I = \sqrt{I_1^2 + I_2^2} = \sqrt{8^2 + 15^2} = 17A$$

$$\tan \varphi = \frac{15}{8} \Rightarrow \varphi = 62^\circ$$

2)  $Z = \frac{E}{I} = \frac{240}{17} = 14,152$ .

3). puissance active consommée par R

$$P = EI_1 = 240 \cdot 8 = 1920 \text{ W}$$

• puissance réactive pour C

$$Q_C = EI_C = 240 \cdot 15 = 3500 \text{ var}$$

R7: la puissance apparente par définition est  $S = P + Q_C$ .

$S$  n'est pas égal à  $\sum$  de  $P + Q_C$

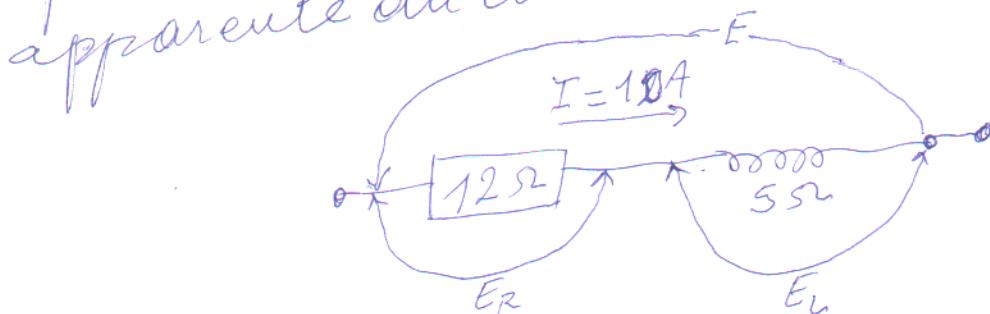
Exemple:

soit un circuit (voir figure) formé d'une résistance de  $12\Omega$  en série avec une réactance inductive et parcourue par un courant  $I$  de  $10A$  de  $5\Omega$ . Déterminer:

1) la tension  $E$  et son déphasage par rapport au courant  $I$

2) L'impédance du circuit

3) les puissances active, réactive et apparente du circuit.



on a:  
 tension au borne de R ( $I$  est le même dans le circuit car sont branché en série et tensions ≠)

$$E_R = R \cdot I = 12 \cdot 10 = 120 \text{ V}$$

Prenons comme référence  $E_R$  et  $I$  car il sont en phase ( $\varphi = 0^\circ$ )

tension au borne de l'inductif L

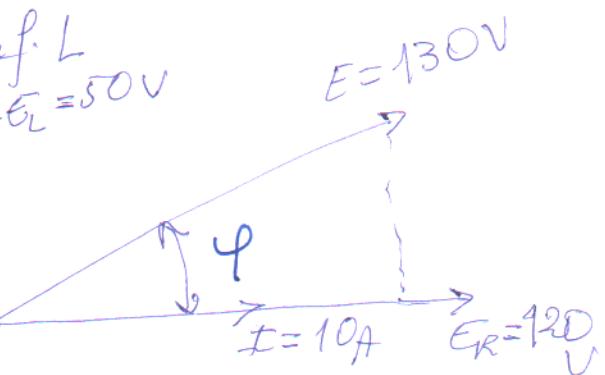
$$E_L = X_L \cdot I = 5 \cdot 10 = 50 \text{ V}$$

donc  $E_L$  est en avance de  $\frac{\pi}{2}$  par rapport à  $I$

$$\text{d'où } E = \sqrt{E_R^2 + E_L^2} = \sqrt{120^2 + 50^2} = \sqrt{14400 + 2500}$$

$$\Rightarrow E = \sqrt{19600} = 130 \text{ V}$$

$$\text{déphasage: } \tan \varphi = \frac{E_L}{E_R} = \frac{50}{120} = 22,6^\circ$$



pourquoi  
 $E_R + E_L = 170 \text{ V}$   
 n'est égal à ~~130~~  
 la tension  $E = 130$   
 car il ne port  
 pas en phase

by l'impédance  $Z$ .

$$Z = \frac{E}{I} = \frac{130}{10} = 13 \Omega$$

c) puissance apparente du circuit:

$$S = EI = 130 \cdot 10 = 1300 \text{ W.V.A}$$

puissance active:

$$P = E_R \cdot I = 120 \cdot 10 = 1200 \text{ W}$$

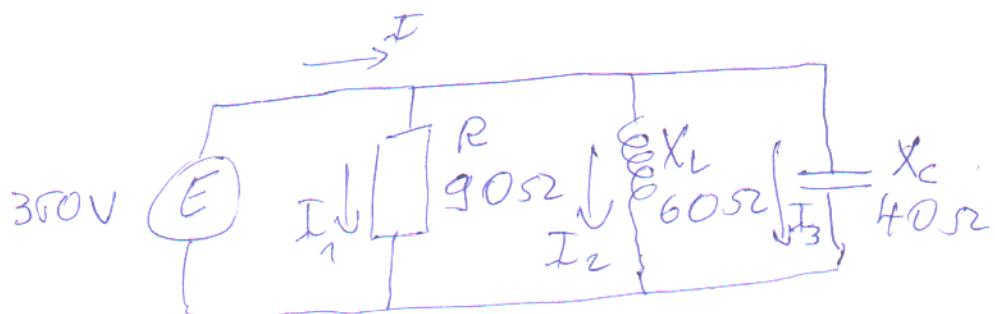
puissance réactive:

$$Q_L = E_L \cdot I = 50 \cdot 10 = 500 \text{ var.}$$

Exemple :

Tracer le diagramme vectoriel pour le circuit de la figure ci-dessous.

Trouver la valeur efficace du courant  $I_T$  et son déphasage par rapport à la tension  $E$ . La tension de la source est de 360 V efficace.



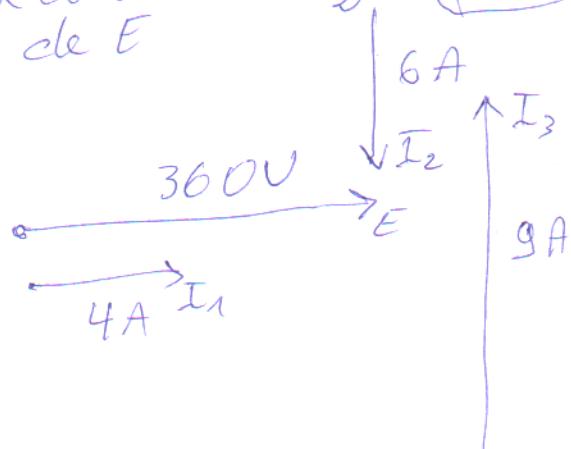
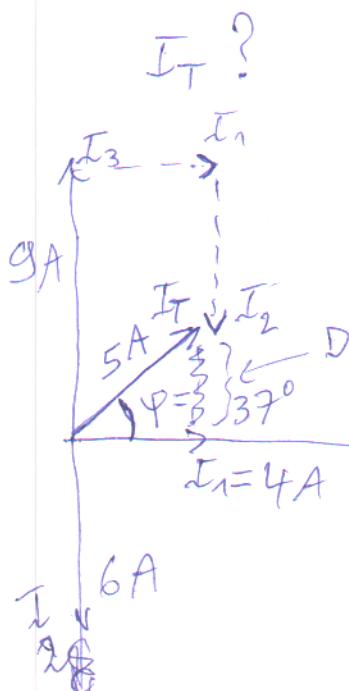
On a : (même tension aux 3 éléments)

$$\circ I_1 = \frac{E}{R} = \frac{360}{90} = 4\text{ A en phase avec } E$$

$$\circ I_2 = \frac{E}{X_L} = \frac{360}{60} = 6\text{ A en arrière de } \frac{\pi}{2} \text{ de } E$$

$$\circ I_3 = \frac{E}{X_C} = \frac{360}{40} = 9\text{ A en avance de } \frac{\pi}{2} \text{ de } E$$

Échelle :  
1mm = 6V  
3mm = 1A



D?

$$D^2 + I_1^2 = I_T^2 \Rightarrow I_T^2 = (I_3 - I_2)^2 + I_1^2$$

$$\Rightarrow I_T^2 = (9-6)^2 + 4^2$$

$$\Rightarrow I_T = \sqrt{3^2 + 4^2} = \sqrt{9+16} = \sqrt{25}$$

$$\Rightarrow I_T = 5A$$

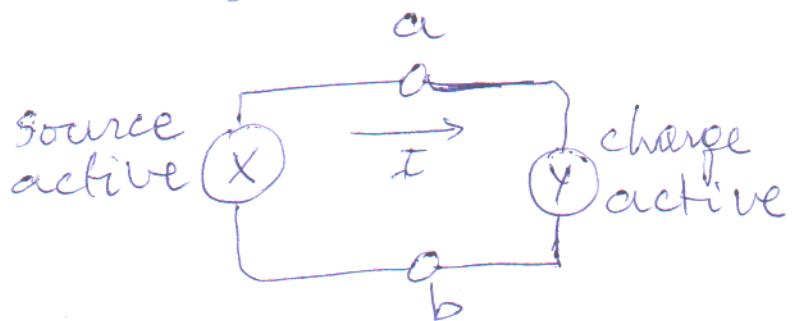
$$\tan \varphi = \frac{D}{I_1} = \frac{I_3 - I_2}{I_1} = \frac{9-6}{4} = \frac{3}{4} \Rightarrow \varphi = 37^\circ$$

# Puissance active, réactive et apparente

## • Sources et charge actives.

- Par définition : Un dispositif ayant deux bornes a et b absorbe une puissance active, lorsque le courant I entrant dans la borne a du dispositif est en phase avec la tension  $E_{ab}$ . Le dispositif est une charge active.

- Un dispositif ayant deux bornes a et b débite une puissance active, lorsque le courant I sortant de la borne a du dispositif est en phase avec la tension  $E_{ab}$ . Le dispositif est une source active ; [LW]; [kw], [mw]



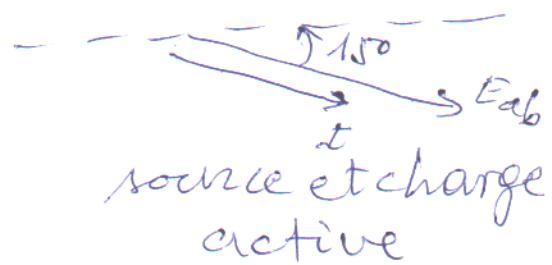
Par exemple : supposons qu'on trouve :

$$E_{ab} = 80V \text{ avec } \varphi = -15^\circ$$

et  $I = 6A$  avec  $\varphi = -15^\circ$

selon nos définition

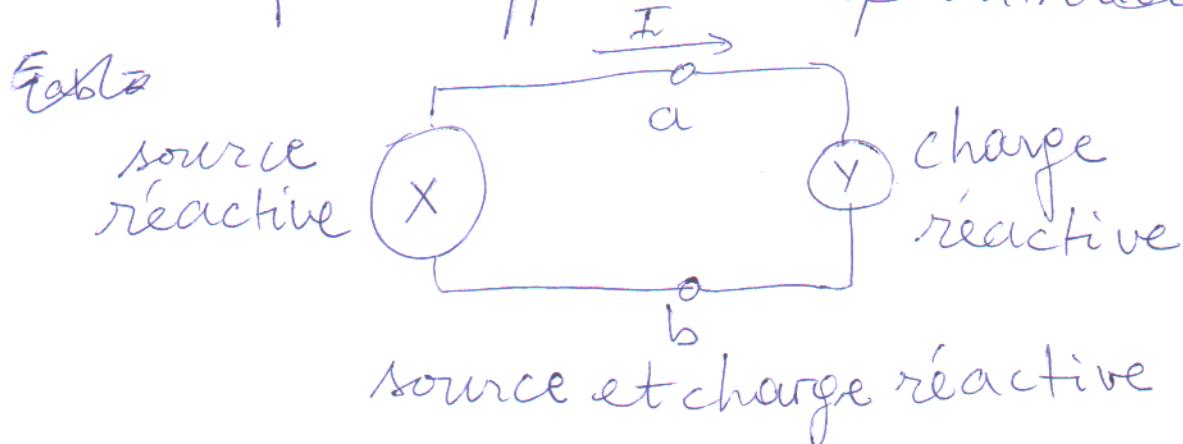
Y est une charge active  
et X // source //



## • Source et charges réactives

- Par définition: Un dispositif ayant deux bornes a et b absorbe une puissance réactive lorsque le courant I entrant dans la borne a du dispositif est  $90^\circ$  en arrière de la tension  $E_{ab}$ . Le dispositif est alors une charge réactive.
- Un dispositif ayant deux bornes a et b débite une puissance réactive lorsque le courant I sortant de la borne a du dispositif est  $90^\circ$  en arrière de la tension  $E_{ab}$ . Le dispositif est une ~~charge~~ source réactive

~~par exemple: supposons qu'on trouve~~

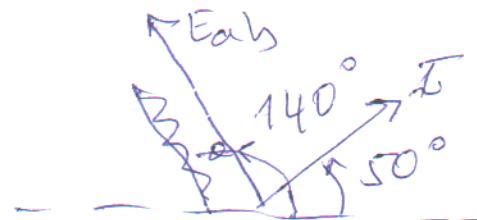


Exemple: supposons qu'on trouve :

$$E_{ab} = 60 \text{ V}; \varphi = 140^\circ$$

$$I = 7 \text{ A}; \varphi = 50^\circ$$

et [Var]; [kilovars]; [Mvar]



Exemple :

Un dispositif D raccordé à montage M porte un courant I de 7A déphasé de  $130^\circ$  en avance sur la tension  $E_{ab}$  (voir figure).

Déterminer :

la nature des puissances actives et réactives.

voir p. 28

on a :

$$I = 7A$$



$$I_p = -4,5A$$

$$\bullet I_p = \cancel{7} \cos(\cancel{\pi}) \cos \alpha$$

$$\alpha = \pi - 130^\circ$$

$$I_p = 7 \cos(\pi - 130^\circ)$$

$$\cos(\pi - 130^\circ) = \cos \pi \cos 130^\circ - \sin \pi \sin 130^\circ$$

$$= -\cos 130^\circ$$

$$I_p = -7 \cos 130^\circ = -4,50A$$

ce courant est déphasé de  $180^\circ$  par rapport  $E_{ab}$

• selon la définition  $I_p$  est en phase avec  $E_{ab}$

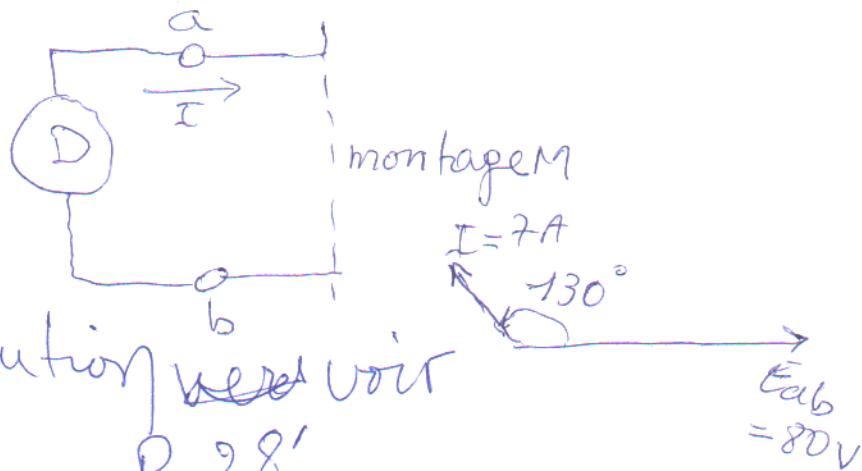
le montage M : est une charge active, par

conséquent D est une charge active

la puissance absorbée par D est :

$$P = E I_p = 80 \cdot \cancel{4,50} = 360W$$

Solution voir  
p. 28'

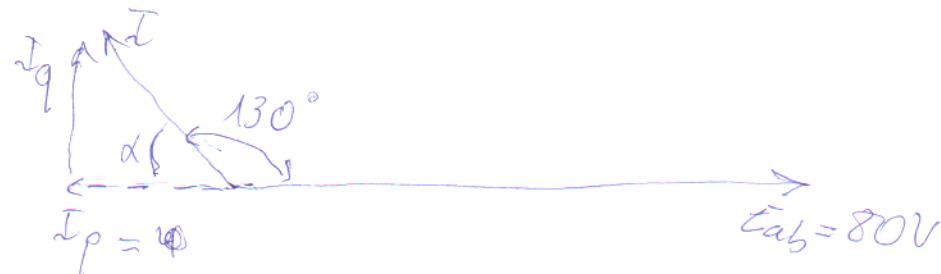


~~I vecteur~~

le courant I  
est décomposé  
en deux vecteurs  
 $I_p$  et  $I_q$

voir  
verso

Décomposons le courant  $I$  en deux vecteurs  $I_p$  et  $I_q$  respectivement, en ligne et en quadrature avec la tension  $E_{ab}$  (voir figure)



on obtient les résultats suivants :

a)  $I_p = 7 \cos \alpha$ ;  $\alpha = \pi - 130^\circ$ ; ce courant est déphasé de  $180^\circ$  par rapport à  $E_{ab}$ .  $I_p = 7 \cos(\pi - 30^\circ)$

$$\begin{aligned} I_p &= 7 \cos \pi \cos 130^\circ \xrightarrow{\text{suivi}} \\ &= -7 \cos 130^\circ = -4,50 \text{ A} \end{aligned}$$

b) selon la définition : si  $I_p$  était en phase avec  $E_{ab}$ ; le montage M serait une charge active. Comme c'est le cas contraire, M est une source active par conséquent D et une charge active.

la puissance active absorbée par D est :

$$P = EI = E_{ab} \cdot I_p = 80 \cdot 4,50 = 350 \text{ W}$$

3)  $I_q = 7 \sin \alpha$ ;  $\alpha = \pi - 130^\circ$ ; ce courant est déphasé de  $90^\circ$  en avance sur  $E_{ab}$

$$\begin{aligned} I_q &= 7 \sin(\pi - 30^\circ) = 7 \sin \pi \cos 130^\circ \xrightarrow{\text{suivi}} \\ &= 7 \sin 130^\circ = 5,36 \text{ A} \end{aligned}$$

4) selon la définition :

si  $I_q$  était  $90^\circ$  en arrière de  $E_{ab}$ ; le montage M serait une charge réactive.

Comme c'est le cas contraire; M est une source réactive, par conséquent D et une charge réactive :

$$I_q = \Phi I \sin \phi \alpha$$

$$\alpha = \pi - 130^\circ$$

$$I_q = 7 \sin(\pi - 130^\circ)$$

$$\sin(\pi - 130^\circ) = \sin \pi \cos 130^\circ + \sin 130^\circ \cos \pi$$

$$I_q = 7 \sin 130^\circ = 5,36 A$$

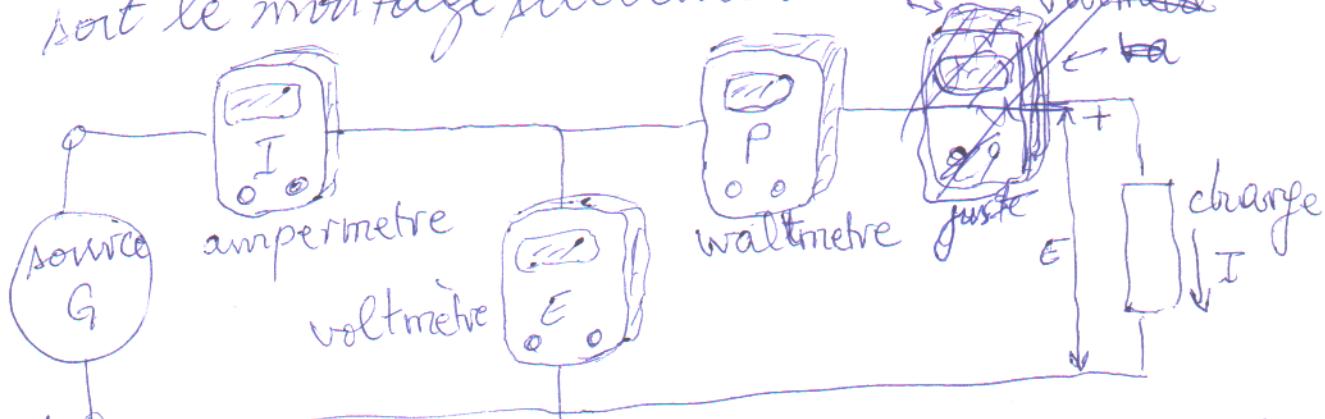
ce courant déphasé de  $90^\circ$  sur  $E_{ab}$

selon la définition  $I_q$  est en arrière de  $90^\circ$  sur  $E_{ab}$   
le montage M : est une réactive, par conséquent  
 $D$  est une charge réactive:

la puissance réactive absorbée par  $D$  est :

$$Q = E I_q = 80 \cdot 5,36 = 429 \text{ var}$$

Charge active et réactive - puissance apparente.  
soit le montage suivant :



composé de :

voltmètre  $E$  volts

ampèremètre  $I$  ampères

wattmètre  $P$  watts

varmetre  $Q$  var

Instruments utilisés  
pour mesurer les  
valeurs de  $E, I, P, Q$   
dans le circuit

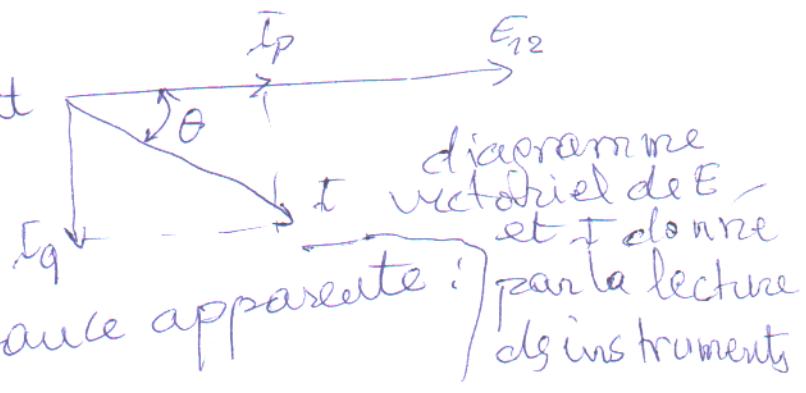
Role

Puisque les instruments donnent des puissances Pet Q, cela veut dire que la charge absorbe de la puissance active et réactive.

Par conséquent le courant I est déphasé par rapport à la tension. voir figure:

à partir de l'instrument

$$I_p = \frac{P}{E}; I_q = \frac{Q}{E}$$

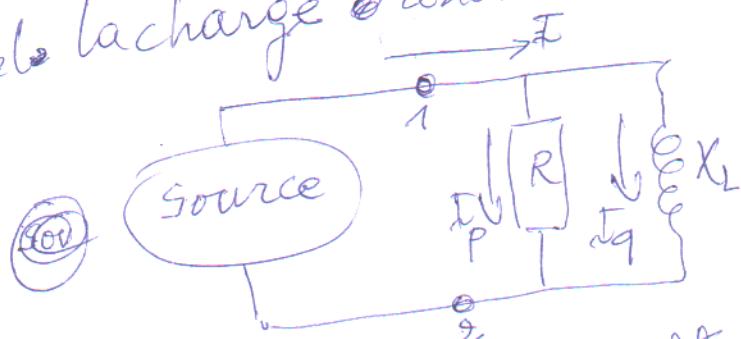


Par définition la puissance apparente : par la lecture des instruments

$$S = E \cdot I \Rightarrow$$

$$I = \frac{S}{E} \text{ or } I^2 = I_p^2 + I_q^2$$

Si on prend la charge constituée de  $R$ ,  $X_L$



la charge industrielle peut-être représentée par une résistance avec une réactance.

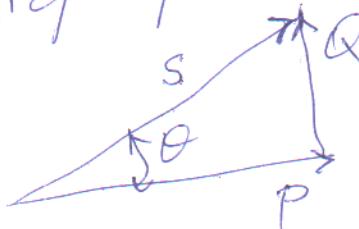
D'après les équations précédentes on a :

$$\boxed{\left(\frac{S}{E}\right)^2 = \left(\frac{P}{E}\right)^2 + \left(\frac{Q}{E}\right)^2 \Rightarrow S^2 = P^2 + Q^2}$$

$S$ : puissance apparente [V.A]  
 $P$ : " active [W]  
 $Q$ : " réactive [var]

$$\begin{cases} I^2 = I_p^2 + I_q^2 \\ \left(\frac{S}{E}\right)^2 = \left(\frac{P}{E}\right)^2 + \left(\frac{Q}{E}\right)^2 \end{cases}$$

représentation graphique entre les puissances  $P$ ,  $Q$ , et  $S$ .



Interprétation des puissances  $P$ ,  $Q$ , et  $S$ :

- 1) Dans le cas d'une charge qui absorbe une puissance active, le vecteur  $P$  est dirigé vers la droite ( $\rightarrow$ )
- 2) Dans le cas d'une charge qui absorbe une puissance réactive, le vecteur  $Q$  est dirigé vers le haut ( $\uparrow$ )
- 3) Dans le cas d'une source qui débite une puissance active, le vecteur  $P$  est dirigé vers la gauche ( $\leftarrow$ )
- 4) Dans le cas d'une source qui débite une puissance réactive, le vecteur  $Q$  est dirigé vers le bas. ( $\downarrow$ )

~~Exemple:~~

Un moteur à courant alternatif absorbe une puissance active de 40 kW et une puissance de 30 kvar

calculer : la valeur de la puissance apparente fournie au moteur.

$$\text{on a: } S = \sqrt{Q^2 + P^2} = \sqrt{40^2 + 30^2} = 50 \text{ kVA.}$$

(20) (20)

### • Facteur de puissance.

Par définition : le facteur de puissance d'un circuit alternatif est :

$$FP = \frac{P}{S} ; \quad FP : \text{facteur de puissance sans dimension}$$

P : puissance active

S : puissance apparente

→ le facteur de puissance indique la pourcentage de puissance apparente qui est active.

→ Le facteur de puissance donne une information utile ( $\theta$ ,  $V$  égale).

$$I_p = I \cos \theta / \times E \Rightarrow EI_p = ET \cos \theta$$

$$P = S \cos \theta \text{ et } \frac{P}{S} : \text{facteur de puissance}$$

$$\text{ou } |\theta| = \arccos(FP)$$

Exemple :

- un moteur à courant alternatif absorbe une puissance active de 40kW et une puissance réactive de 30kvar
- calculer
  - la puissance apparente fournie au moteur
  - le facteur de puissance du moteur (s'il est en retard ou en avance)
  - l'angle entre la tension et le courant

on a :

$$\bullet S = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{30^2 + 40^2} = 50 \text{ kVA}$$

$$\bullet F_P = \frac{P}{S} = \frac{40}{50} = 0,8 = 80\%$$

Donc 80% de la puissance apparente fournie au moteur

$$\bullet \theta = \arccos F_P = \arccos 0,8 = 36,9^\circ$$

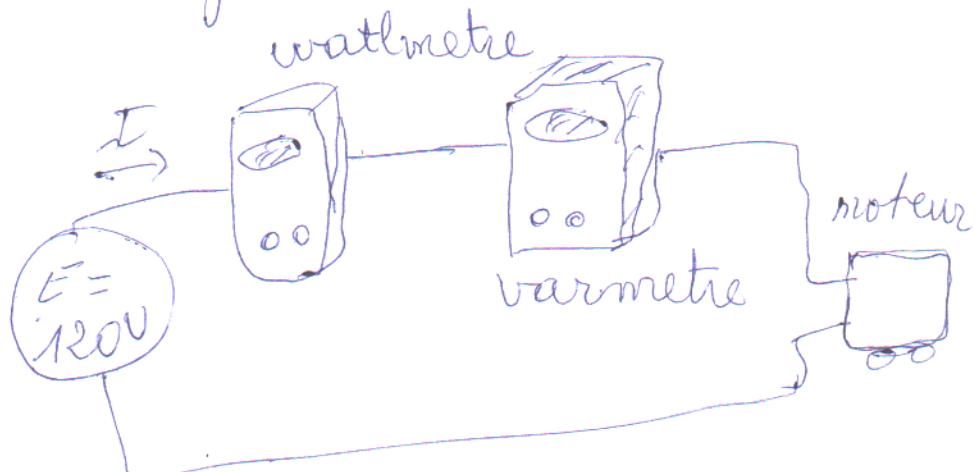
Exemple: ~~P 340~~

Un wattmètre et un varmètre sont raccordés dans une ligne à 120V alimente un moteur. Les instruments indiquent respectivement 1800W et 960var.

Calculer:

- a) les composants  $I_p$ ,  $I_q$  du moteur
- b) la valeur du courant dans la ligne
- c) la puissance apparente fournie au moteur
- d) le facteur de puissance du moteur
- e) l'angle de déphasage entre la tension et le courant de ligne.

on a:



~~La question~~: d'après la figure précédente  
on remplace la charge par le moteur.

a) d'où:  $I_p = \frac{P}{E} = \frac{1800}{120} = 15A$

$$I_q = \frac{Q}{E} = \frac{960}{120} = 8A$$

b) du diagramme vectoriel on tire:

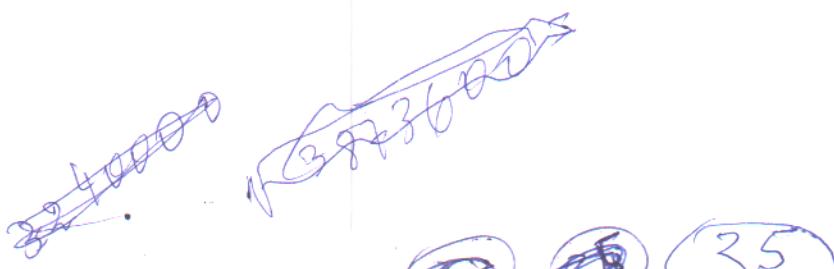
$$I = \sqrt{I_p^2 + I_q^2} = \sqrt{15^2 + 8^2}$$

$$\Rightarrow I = 17A$$

c) ~~la~~  $S = EI = 120 \cdot 17 = 2040 \text{ V.A}$

d)  $FP = \frac{P}{S} = \frac{1800}{2040} = 0,88 \text{ soit } 88,2\%$

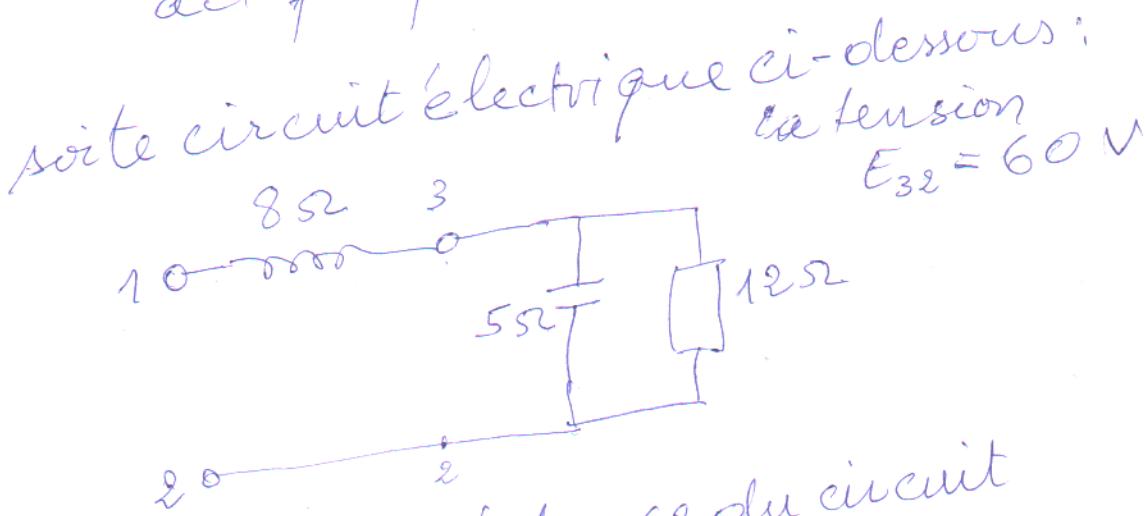
e)  $\theta = \arccos FP = \arccos 0,882$   
 $\Rightarrow \theta = 28,1^\circ$



## • Résolution des circuits par la méthode des puissances.

Remarque: le condensateur (conductance) (important) débite une puissance réactive négatif

- L'inductance absorbe une puissance réactive positif
- la résistance absorbe une puissance active positif.



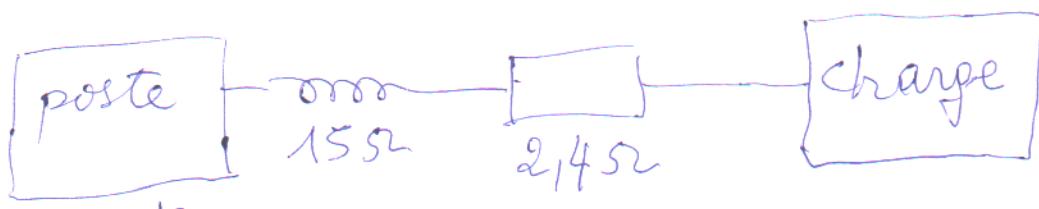
- Trouver l'impédance du circuit
- Déterminer le courant circulant dans la résistance lorsque:  $E_{12} = 300 \text{ V}$

Exemple :

Une ligne monophasée à 12,47 kV portant d'un poste de transformation alimente une charge, situé quelques kilomètres plus loin (voir figure).

La ligne possède une réactance inductive de  $15\Omega$  et une résistance de  $2,4\Omega$ .

au poste, les instruments indiquent qu'il débite une puissance active de 3 MW et une puissance réactive de 2 Mvar.



12,7 kV  
3 MW  
2 Mvar

ligne longue transportant  
une puissance.

- puissance active  
apparue Calculer : facteur de puissance du poste  
a) la valeur du courant de ligne et son déphasage  
du courant par rapport à la tension poste
- b) puissance active absorbée par la charge
- c) puissance réactive absorbée par la charge
- d) tension aux bornes de la charge
- e) L'angle entre tension poste et celle de charge.

dissipée, jw.  
ssin  
cén  
isles

en a :

a) puissance apparente fournie à la ligne

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{3^2 + 2^2} = 3,6 \text{ MVA}$$

(méga  
9 MV  
 $= 10^6$  V)

- courant de ligne :

$$I = \bar{I}_L = \frac{S}{E} = \frac{3600000 \text{ VA}}{12470 \text{ V}} \Rightarrow I = 289 \text{ A}$$

- Facteur de puissance au poste :

$$FP = \frac{P}{S} = \frac{3 \text{ MW}}{3,6 \text{ MVA}} = 0,833 \Rightarrow FP = 83,3\%$$

- Angle entre la tension et le courant au poste :

$$\varphi = \arccos 0,833 \Rightarrow \varphi = 33,6^\circ$$

b) puissance dissipée dans la ligne

$$P_R = P_{\text{Ligne}} = R I^2 = 2,4 \cdot 289^2 = 0,2 \cdot 10^6 = 0,2 \text{ MW}$$

- puissance active absorbée par la charge

$$P_{ch} = P_{\text{poste}} - P_{\text{ligne}} = 3 \text{ MW} - 0,2 \text{ MW} \Rightarrow P_c = 2,8 \text{ MW}$$

c) puissance réactive absorbée par la ligne

$$Q_{\text{ligne}} = X_L \cdot I^2 = 15 \cdot 289^2 = 1,25 \cdot 10^6 \Rightarrow Q_L = 1,25 \text{ MVar}$$

- puissance réactive absorbée par la charge

$$Q_{ch} = Q_{\text{poste}} - Q_{\text{ligne}} = 2 \text{ MVar} - 1,25 \text{ MVar} \Rightarrow Q_c = 0,75 \text{ MVar}$$

→

(33)

(40)

### d) Puissance apparente de la charge

$$S_c = \sqrt{P_c^2 + Q_c^2} = \sqrt{2,8^2 + 0,75^2}$$

$$\Rightarrow S_c = 2,9 \text{ MVA.}$$

### - Tension au borne de la charge

$$E_c = \frac{S_c}{I} = \frac{2,9 \text{ MVA}}{289 \text{ A}} \Rightarrow E_c = 10,03 \text{ kV}$$

### e) Facteur de puissance de la charge

$$F_p = \frac{P_c}{S_c} = \frac{2,8 \text{ MW}}{2,9 \text{ MVA}} = 0,965 \Rightarrow F_p = 96,5\%$$

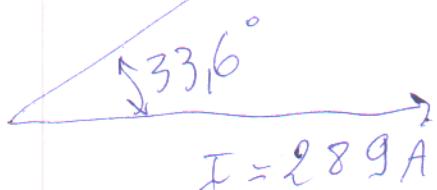
- déphasage (angle) entre le courant et la tension ~~aux bornes de la charge~~

$$\theta_c = \arccos 0,965 \Rightarrow \theta_c = 15,2^\circ$$

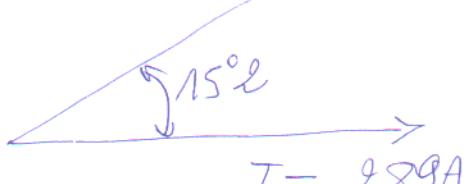
Il s'ensuit (fig.) que la tension aux bornes de la charge est en retard sur celle au poste par

$$(33,6^\circ - 15,2^\circ) = 18,4^\circ \quad (\text{entre } E_{\text{poste}} \text{ et } E_{\text{charge}})$$

$$E_{\text{poste}} = 12,47 \text{ kV}$$



$$E_{\text{charge}} = 10,03 \text{ kV}$$



représentations; courants, tensions et puissances sur le réseau (fig.)