

المحاضرة 05: الارتباط الذاتي للأخطاء

1- **التعريف بالارتباط الذاتي للأخطاء:** تعاني النماذج من عدة مشاكل قياسية قد تؤدي إلى نتائج زائفة ويعتبر الارتباط الذاتي من أكثر المشاكل المنتشرة نتيجة سلوك السلاسل الزمنية للمتغيرات.

-يفترض النموذج بأن $cov(e_i, e_j) = 0$ ، أي أن الخطأ العشوائي i غير مرتبط مع الخطأ العشوائي j ، ومنه نستنتج ما يلي:

$$P=0 \text{ أو } cov(e_i, e_j)=0 \implies \text{عدم وجود ارتباط ذاتي}$$

-اما في حالة وجود الارتباط الذاتي فان:

$$cov(e_i, e_j) \neq 0 \text{ أو } P \neq 0 \text{ (في هذه الحالة قد يكون ارتباط موجب او سالب)}$$

وهذا ما يطلق عليه مشكلة الارتباط الذاتي.

2- **أسباب وجود الارتباط الذاتي للأخطاء:** توجد عدة أسباب لظهور الارتباط الذاتي للأخطاء، نذكر من بينها:

- حذف بعض المتغيرات التفسيرية ذات القيم المرتبطة ذاتيا.

- سوء توصيف النموذج.

- عدم دقة بيانات السلاسل الزمنية، أي الأخطاء المنهجية في قياس بعض متغيرات النموذج.

- طبيعة بيانات السلاسل الزمنية.

3- **أنواع الارتباط الذاتي للأخطاء:** تتمثل فيما يلي:

ا- **الارتباط الذاتي من الدرجة الأولى:** يكون وفق المعادلة التالية:

$$u_t = \rho u_{t-1} + e_t$$

ب- **الارتباط الذاتي من الدرجة الثانية:** يكون وفق المعادلة التالية:

$$u_t = \rho_1 u_{t-1} + \rho_2 u_{t-2} + e_t$$

ج- **الارتباط الذاتي من الدرجة n:** يكون وفق المعادلة التالية:

$$u_t = \rho_1 u_{t-1} + \rho_2 u_{t-2} + \rho_3 u_{t-3} + \dots + \rho_n u_{t-n} + e_t$$

4- طرق الكشف عن ظاهرة الارتباط الذاتي للأخطاء:

أولاً: اختبارات الارتباط الذاتي من الدرجة الأولى:

1- اختبار (DW): DURBIN-WATSON

فالهدف منه هو معرفة وجود ارتباط ذاتي من عدمه ولمعرفة ذلك يعتمد على 3 فرضيات لتحديد وجود الارتباط الذاتي من عدم وجوده:
ف1- ارتباط ذاتي موجب:

$$H_0: P=0$$

$$H_1: P>0$$

ف2- ارتباط ذاتي سالب:

$$H_0: P=0$$

$$H_1: P<0$$

ف3- وجود او عدم وجود الارتباط الذاتي:

$$H_0: P=0$$

$$H_1: P \neq 0$$

قيمة DW الوسطية هي 2 وتتنحصر قيمها من 0 الى 4 حيث:

- ✓ إذا كانت DW من 0 الى dl فان $P>0$
- ✓ إذا كانت DW من dl الى du فان الارتباط غير محدد
- ✓ إذا كانت DW من du الى 2 فان $P=0$
- ✓ إذا كانت DW من 2 الى 4-du فان $P=0$
- ✓ إذا كانت DW من 4-du الى 4-dl فان الارتباط غير محدد
- ✓ إذا كانت DW من 4-dl الى 4 فان $P<0$

dl: الحد الأدنى لانعدام الارتباط

du: الحد الأعلى لانعدام الارتباط الذاتي

شروط استخدام اختبار DURBIN-WATSON

هناك عدد من الشروط الواجب توفرها ليكون استخدام هذا الاختبار صحيحاً، وهي:
- الارتباط الذاتي من الدرجة الأولى فقط.

-لابد أن يحتوي النموذج على حد ثابت. فإذا كان النموذج لا يحتوي على حد ثابت، فيتعين إعادة تقديره بوجود هذا الحد، للتأكد من وجود أو عدم وجود الارتباط الذاتي للأخطاء.

-ان لا يظهر المتغير التابع بفترات إبطاء في جملة المتغيرات المستقلة.

-حجم العينة يجب ان يساوي او يفوق 15 مشاهدة.

2- اختبار Durbin h- لإبطاء المتغير التابع:

الهدف منه هو معرفة وجود ارتباط ذاتي من عدمه ولمعرفة ذلك يعتمد على فرضية واحدة فقط لتحديد وجود الارتباط الذاتي من عدم وجوده:

$$H_0: P=0$$

$$H_1: P \neq 0 \rightarrow |h| \text{ اكبر من او يساوي } 1.96$$

ثانيا: اختبارات الارتباط الذاتي من الدرجة الثانية فما اكثر:

1- اختبار LM:

$$LM = n R^2$$

ويعتمد على فرضية واحدة كذلك:

$$H_0: P=0 \rightarrow LM < \chi^2 k$$

$$H_1: P \neq 0 \rightarrow LM \geq \chi^2 k$$

2- اختبار Q-Stat:

$$Q-Stat = n(n+2) \frac{\sum AC^2}{n-k}$$

n: حجم العينة

AC: الارتباط الذاتي في الفترة k .

ويعتمد على فرضية واحدة كذلك:

$$H_0: P=0$$

$$H_1: P \neq 0 \rightarrow Q-Stat > \chi^2 h$$

5- طرق معالجة مشكلة الارتباط الذاتي: تتمثل فيما يلي:

- ✓ طريقة تأخير المتغير التابع بفترة واحدة.
- ✓ طريقة شبه الفروقات الأولى.
- ✓ طريقة إضافة المتغير الوهمي.