

العمل التوجيهي رقم 04 خواص مرونة البلورات

التمرين الأول:

تعاني عينة بهيئة مكعب طول ضلعه 1cm من تشوه مرن بحيث أزيحت نقاطها بالمقادير التالية:
 $U_1 = (4x_1 + 3x_2 - 5x_3) \times 10^{-4} \text{ cm}$, $U_2 = (7x_1 - 13x_2 + 4x_3) \times 10^{-4} \text{ cm}$, $U_3 = (9x_1 - 2x_2 + 4x_3) \times 10^{-4} \text{ cm}$
حيث: (x_1, x_2, x_3) إحداثيات نقطة من نقاط العينة قبل التشوه.
أحسب تغير الزوايا بين أحرف المكعب وتغير حجمه عند التشوه.

التمرين الثاني:

تعاني بلورة مكعبة من إجهاد كيسي σ في الإتجاه [100].
1. أكتب ممتد الإجهاد وممتد التشوه.

2. ماهي معاملات المرونة التي يمكن تعيينها من نتائج قياسات قيم التشوه الطولي والإنضغاط الحجمي $\frac{\Delta V}{V}$ لهذه البلورة.

التمرين الثالث:

قضييب من خليط من الألمنيوم قطره $d=10 \text{ mm}$ وطوله 300 mm خاضع لقوة شد تساوي 5000 N، حيث أن معامل يونغ $E=70 \text{ GPa}$ ($1 \text{ GPa}=10^9 \text{ N/m}^2$) ومعامل بواسن $\nu=0.33$.
أحسب التشوه الطولي، الزيادة في الطول، النقصان في القطر والتغير في الحجم.

التمرين الرابع:

سلك طوله l ومقطعه $(S=ab)$ مصنوع من مادة صلبة تعتبر ممتائلة المناحي. تأثر هذا السلك وعلى إمتداد طوله بقوة F فازداد طوله بالمقدار Δl ونقصت أبعاده العرضية بحيث تتحقق النسبة: $\frac{\Delta a}{a} = \frac{\Delta b}{b}$.
1. أعط صيغة تربط معامل يونغ E ومعامل بواسن ν بمعاملات المرونة S_{ij} و C_{ij} .

2. باستعمال العبارة: $\frac{F}{S} = \lambda \frac{\Delta V}{V} + 2\mu \frac{\Delta l}{l}$ استخرج العلاقات الرابطة لمعاملات لاميه (μ و λ) مع معاملات المرونة S_{ij} و C_{ij} .

3. إذا تعرض السلك أعلاه لكبس هيدروستاتيكي ΔP فاحسب الإنضغاطية K بدلالة معاملات المرونة S_{ij} و C_{ij} وبدلالة (E و ν) وكذلك بدلالة (μ و λ).

4. تطبيق عددي: خذ الألمنيوم $C_{11} = 1.07 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$, $C_{12} = 0.61 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$
أحسب (ν, E) و (μ, λ) و K .