

سلسلة الأعمال الموجهة رقم 1 (المجموعات)

تمرين 1 : اكتب بالتفصيل (أي بإعطاء كل عناصر) المجموعات التالية:

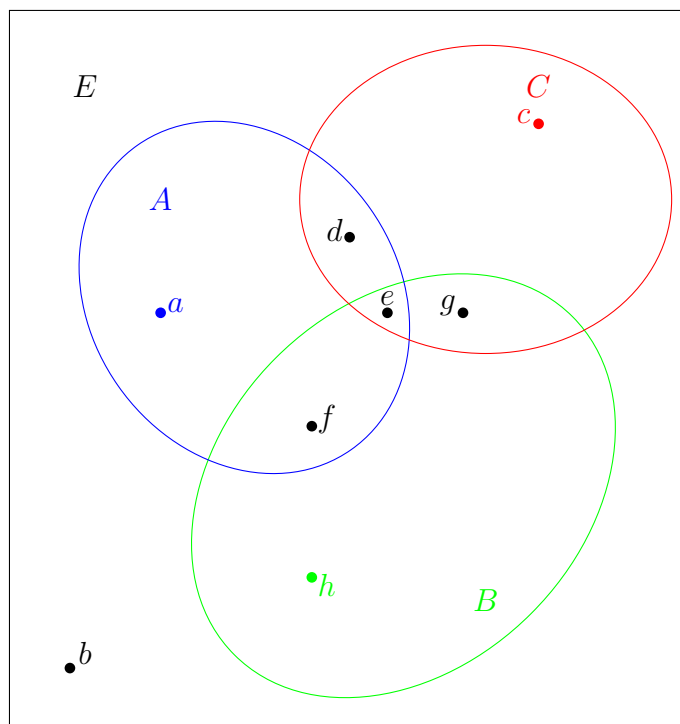
$$(1) A = \{2\pi \text{ و } \sqrt{2} \text{ بين صحيحين}\}.$$

$$(2) B = \{x \in \mathbb{Q}; \exists(n, p) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N}, x = \frac{p}{n} \text{ و } 1 \leq p \leq 2n \leq 7\}.$$

تمرين 2 : إذا كان لدينا $C \subset A \cup B$ فهل : لأن $C \subset A$ أو $C \subset B$ ؟

تمرين 3 : نأخذ في الاعتبار مخطط فين التالي ، الذي يحتوي على ثلاثة مجموعات جزئية A, B, C

من المجموعة E و العناصر a, b, c, d, e, f, g, h من E .



حدد ما إذا كانت العبارات التالية صحيحة أم خاطئة:

- 1) $g \in A \cap \bar{B}$
- 2) $g \in \bar{A} \cap \bar{B}$.
- 3) $g \in \bar{A} \cup \bar{B}$.
- 4) $f \in \bar{A}$.
- 5) $e \in \bar{A} \cap \bar{B} \cap \bar{C}$.
- 6) $\{h, b\} \subset \bar{A} \cap \bar{B}$.
- 7) $\{a, f\} \subset A \cup C$.

تمرين 4 : لنكن A, B, C ثلاث مجموعات حيث $A \cup B = B \cap C$.
أثبت أن $A \subset B \subset C$.

تمرين 5 : لنكن A, B, C ثلاث مجموعات جزئية من المجموعة E . من أجل $X \subset E$ ، نرمز بالرمز X^c إلى متممة X في E .

أثبت فوانين مورغان التالية:

1. $(A \cap B) \cup C = (A \cup C) \cap (B \cup C)$
2. $(A^c)^c = A$
3. $(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$
4. $(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$.

تمرين 6 : لنكن E مجموعة، A, B, C ثلاث عناصر من $\mathcal{P}(E)$. أثبت أن:

(1) إذا كان $A \cap B = A \cup B$ ، فإن $A = B$.

(2) إذا كان $A \cap B = A \cap C$ و $A \cup B = A \cup C$ ، فإن $B = C$. هل يكفي أحد الشرطين؟

تمرين 7 : اوجد مجموعة أجزاء المجموعة $E = \{a, b, c, d\}$.

تمرين 8 : لنكن E و F مجموعتين و لنكن A و C مجموعتين جزئيتين من E و B, D مجموعتين جزئيتين من F .

أثبت ذلك

$$(A \times B) \cap (C \times D) = (A \cap C) \times (B \cap D).$$

تمرين 9 : لنكن E مجموعة و A و B مجموعتين جزئيتين من E .
أثبت أن $A \Delta B = B$ (الفرق التناظري) إذا وفقط إذا كانت $A = \emptyset$.