

### التمرين الأول:

- ليكن النموذج الرياضي التالي:

$$Max(Z) = 3x_1 + 2x_2 + 3x_3$$

$$2x_1 + x_2 + x_3 \leq 2$$

$$3x_1 + 4x_2 + 2x_3 \geq 8$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

1- أوجد الحل الأمثل لهذه المسألة باستخدام طريقة السبملاكس.

2- أوجد نموذج البرنامج النظير (المسألة المعكوسة) لهذه المسألة.

### الحل:

1- إيجاد الحل الأمثل لهذه المسألة باستخدام طريقة السبملاكس:

$Max(Z) = 3x_1 + 2x_2 + 3x_3$ $2x_1 + x_2 + x_3 \leq 2$ $3x_1 + 4x_2 + 2x_3 \geq 8$ $x_1, x_2, x_3 \geq 0$	$Max(Z) = 3x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 0A_1 + 0A_2 - MS_1$ $2x_1 + x_2 + x_3 + A_1 = 2$ $3x_1 + 4x_2 + 2x_3 - A_2 + S_1 = 8$ $x_1, x_2, x_3, A_1, A_2 \geq 0$
---	--

a	v	Q	3 x <sub>1</sub>	2 x <sub>2</sub>	3 x <sub>3</sub>	0 A <sub>1</sub>	0 A <sub>2</sub>	-M S <sub>1</sub>	
0	A <sub>1</sub>	2	2	1	1	1	0	0	2/1=2
-M	S <sub>1</sub>	8	3	4	2	0	-1	1	8/4=2
<b>Z = -8M</b>			-3M-3	-4M-2	-2M-3	0	M	0	

a	v	Q	3 x <sub>1</sub>	2 x <sub>2</sub>	3 x <sub>3</sub>	0 A <sub>1</sub>	0 A <sub>2</sub>	-M S <sub>1</sub>	
0	A <sub>1</sub>	0	5/4	0	1/2	1	1/4	-1/4	0/2 = 0
2	x <sub>2</sub>	2	3/4	1	2/4	0	-1/4	1/4	2/2/4 = 4
<b>Z = 4</b>			-3/2	0	-2	0	-1/2	1/2+M	

a	v	Q	3 x <sub>1</sub>	2 x <sub>2</sub>	3 x <sub>3</sub>	0 A <sub>1</sub>	0 A <sub>2</sub>	-M S <sub>1</sub>
3	x <sub>3</sub>	0	5/2	0	1	2	1/2	-1/2
2	x <sub>2</sub>	2	-1/2	1	0	-1	-1/2	1/2
<b>Z = 4</b>			7/2	0	0	4	1/2	-1/2+M

بما أن سطر التقييم كله موجب أو معدوم فإن الحل أمثل: المؤسسة تحقق ربح قدره 4 و.ن، بإنتاج 2 وحدة من x<sub>2</sub> ولا تنتج من

x<sub>3</sub> و x<sub>1</sub>

2- نموذج البرنامج النظير (المسألة المعكوسة) لهذه المسألة

$\begin{aligned} \text{Max}(Z) &= 3x_1 + 2x_2 + 3x_3 \\ 2x_1 + x_2 + x_3 &\leq 2 \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 &\geq 8 \\ x_1, x_2, x_3 &\geq 0 \end{aligned}$	$\begin{aligned} \text{Max}(Z) &= 3x_1 + 2x_2 + 3x_3 \\ 2x_1 + x_2 + x_3 &\leq 2 \\ -3x_1 - 4x_2 - 2x_3 &\leq -8 \\ x_1, x_2, x_3 &\geq 0 \end{aligned}$
--	--

ومنه تصبح المسألة المعكوسة كما يلي:

$$\text{Min}(C) = 2y_1 - 8y_2$$

$$2y_1 - 3y_2 \geq 3$$

$$y_1 - 4y_2 \geq 2$$

$$y_1 - 2y_2 \geq 3$$

$$y_1, y_2 \geq 0$$

## التمرين الثاني:

- ليكن النموذج الرياضي التالي:

$$\text{Min}(C) = 3x_1 + 2x_2$$

$$x_1 \geq 6$$

$$x_2 \leq 18$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 24$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

- أوجد الحل الأمثل لهذه المسألة باستخدام طريقة السيملاكس.

### الحل:

- إيجاد الحل الأمثل لهذه المسألة باستخدام طريقة السيملاكس:

$\text{Min}(C) = 3x_1 + 2x_2$ $x_1 \geq 6$ $x_2 \leq 18$ $3x_1 + 2x_2 \leq 24$ $x_1, x_2 \geq 0$	$\text{Min}(C) = 3x_1 + 2x_2 + 0A_1 + MS_1 + 0A_2 + 0A_3$ $x_1 - A_1 + S_1 = 6$ $x_2 + A_2 = 18$ $3x_1 + 2x_2 + A_3 = 24$ $x_1, x_2, A_1, S_1, A_2, A_3 \geq 0$
--	---

a	v	Q	3 x <sub>1</sub>	2 x <sub>2</sub>	0 A <sub>1</sub>	M S <sub>1</sub>	0 A <sub>2</sub>	0 A <sub>3</sub>	
M	S <sub>1</sub>	6	1	0	-1	1	0	0	6/1 = 1
0	A <sub>2</sub>	18	0	1	0	0	1	0	18/0 = h
0	A <sub>3</sub>	24	3	2	0	0	0	1	24/3 = 8
C = 6M			M-3	-2	-M	0	0	0	

<b>a</b>	<b>v</b>	<b>Q</b>	<b>3</b> <b>x<sub>1</sub></b>	<b>2</b> <b>x<sub>2</sub></b>	<b>0</b> <b>A<sub>1</sub></b>	<b>M</b> <b>S<sub>1</sub></b>	<b>0</b> <b>A<sub>2</sub></b>	<b>0</b> <b>A<sub>3</sub></b>
3	<b>x<sub>1</sub></b>	6	1	0	-1	1	0	0
0	<b>A<sub>2</sub></b>	18	0	1	0	0	1	0
0	<b>A<sub>3</sub></b>	6	0	2	3	-3	0	1
<b>C = 18</b>			0	-2	-3	3-M	0	0

بما أن سطر التقييم كله سالب أو معدوم فإن الحل أمثل: إذ المؤسسة تقوم بتخفيض تكاليفها إلى الحد الأقصى  $C = 18$  بإنتاج 6

وحدات من  $x_1$  ولا تنتج من  $x_2$

## التمرين الثالث:

- ليكن النموذج الرياضي التالي:

$$Max(Z) = 3x_1 + 2x_2 + 3x_3$$

$$2x_1 + x_2 + x_3 \leq 2$$

$$3x_1 + 4x_2 + 2x_3 \leq 8$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

- أوجد الحل الأمثل لهذه المسألة باستخدام طريقة السيملاكس.

### الحل:

- إيجاد الحل الأمثل لهذه المسألة باستخدام طريقة السيملاكس:

$Max(Z) = 3x_1 + 2x_2 + 3x_3$ $2x_1 + x_2 + x_3 \leq 2$ $3x_1 + 4x_2 + 2x_3 \leq 8$ $x_1, x_2, x_3 \geq 0$	$Max(Z) = 3x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 0A_1 + 0A_2$ $2x_1 + x_2 + x_3 + A_1 = 2$ $3x_1 + 4x_2 + 2x_3 + A_2 = 8$ $x_1, x_2, x_3, A_1, A_2 \geq 0$
---	---

a	v	Q	3 $x_1$	2 $x_2$	3 $x_3$	0 $A_1$	0 $A_2$	
0	$A_1$	2	2	1	1	1	0	2/2=1
0	$A_2$	8	3	4	2	0	-1	8/3=2.67
$Z = 0$			-3	-2	-3	0	0	

في حالة تساوى المتغيرة الداخلة فإننا نختار عشوائياً:

الحالة الأولى: نختار  $x_1$

a	v	Q	3 $x_1$	2 $x_2$	3 $x_3$	0 $A_1$	0 $A_2$	
3	$x_1$	1	1	1/2	1/2	1/2	0	2
0	$A_2$	5	3	5/2	1/2	-3/2	1	10
$Z = 3$			0	-1/2	-3/2	3/2	0	

<b>a</b>	<b>v</b>	<b>Q</b>	<b>3</b> <b>x<sub>1</sub></b>	<b>2</b> <b>x<sub>2</sub></b>	<b>3</b> <b>x<sub>3</sub></b>	<b>0</b> <b>A<sub>1</sub></b>	<b>0</b> <b>A<sub>2</sub></b>
0	X <sub>3</sub>	2	2	1	1	1	0
0	A <sub>2</sub>	4	-1	2	0	-2	1
<b>Z = 6</b>			3	1	0	3	0

بما أن سطر التقييم كله موجب أو معدوم فإن الحل أمثل: المؤسسة تحقق ربح قدره 4 و.ن، بإنتاج 2 وحدة من X<sub>3</sub> ولا تنتج من

X<sub>2</sub> و X<sub>1</sub>

الحالة الثانية: نختار الجدول الحل القاعدي: X<sub>3</sub>

<b>a</b>	<b>v</b>	<b>Q</b>	<b>3</b> <b>x<sub>1</sub></b>	<b>2</b> <b>x<sub>2</sub></b>	<b>3</b> <b>x<sub>3</sub></b>	<b>0</b> <b>A<sub>1</sub></b>	<b>0</b> <b>A<sub>2</sub></b>
0	X <sub>3</sub>	2	2	1	1	1	0
0	A <sub>2</sub>	4	-1	2	0	-2	1
<b>Z = 6</b>			3	1	0	3	0

نفس الحل الذي توصلنا إليه في الجدول الثالث