



التمرين الأول:

ليكن لدينا النموذج التالي:

$$\begin{aligned} \text{Max } \{z\} &= 30 X_1 + 20 X_2 \\ 6X_1 + 6X_2 &\leq 420 \\ 3X_1 + 6X_2 &\leq 300 \\ 4X_1 + 2X_2 &\leq 240 \\ X_1, X_2 &\geq 0 \end{aligned}$$

- ضع نموذج البرنامج النظير و اوجد حله بطريقتين.

التمرين الثاني:

استخدم البرنامج النظير لحل المسألة التالية:

$$\begin{aligned} \text{Min } \{c\} &= 3 X_1 + X_2 + X_3 \\ X_1 + 2X_2 &\geq 8 \\ 3X_1 - 2X_2 - X_3 &\geq 6 \\ -X_1 - X_2 + 4 X_3 &\geq 2 \\ X_1, X_2, X_3 &\geq 0 \end{aligned}$$

التمرين الثالث:

يعطى لك البرنامج الرياضي التالي:

$$\begin{aligned} \text{Max } \{z\} &= 10 X_1 + 9 X_2 \\ 7/10X_1 + X_2 &\leq 630 \\ 1/2X_1 + 5/26X_2 &\leq 600 \\ X_1 + 2/3X_2 &\leq 708 \\ 1/10X_1 + 1/4X_2 &\leq 135 \\ X_1, X_2 &\geq 0 \end{aligned}$$

إذا كان الجدول النهائي للحل معطى كما يلي :

A	V	Q	X1	X2	A1	A2	A3	A4
9	X ₂	252	0	1	30/116	0	-21/16	0
0	A ₂	120	0	0	-15/16	1	5/32	0
10	X ₁	540	1	0	-10/16	0	30/16	0
0	A ₄	18	0	0	-11/32	0	9/64	1
Z= 7668			0	0	70/16	0	111/16	0

- اشرح الجدول.

- استنتج البرنامج النظير، وقدم حله انطلاقاً من معطيات هذا الجدول.

التمرين الرابع:

ليكن لدينا نموذج البرمجة الخطية التالي:

$$\begin{aligned} \text{Max } Z &= 3X_1 + 2X_2 + 5X_3 \\ X_1 + 2X_2 + X_3 &\leq 340 \\ X_1 + 2X_3 &\leq 460 \\ 3X_1 + 4X_2 &\leq 420 \\ X_1, X_2, X_3 &\geq 0 \end{aligned}$$

تعظيم الأرباح
قيد المادة الأولى
قيد المادة الثانية
قيد ساعات العمل
قيد عدم السلبية

المطلوب:

أدرس ماذا يحدث في الحالات التالية:

1. لو يرتفع الربح في الوحدة من المنتج الأول إلى أكثر من 7 وحدات نقدية؟.

2. إذا ارتفع الربح في الوحدة من المنتج الثاني إلى 10 وحدات نقدية؟
3. عند تخفيض ساعات العمل إلى 300 ساعة فقط؟

التمرين الخامس :

$$[MAX] Z = 8X_1 + 6X_2$$

$$4X_1 + 2X_2 \leq 60$$

$$2X_1 + 4X_2 \leq 48$$

$$X_1, X_2 \geq 0$$

والحل الأمثل لهذه المسألة هو كالتالي :

C _j	V	Q _j	8	6	0	0
			X ₁	X ₂	e ₁	e ₂
8	X ₁	12	1	0	1/3	-1/6
6	X ₂	6	0	1	-1/6	1/3
Z = 132			0	0	5/3	2/3

- المطلوب:

- 1- ضع نموذج المسألة المعكوسة. بين حل هذه المسألة انطلاقاً من الجدول الذي أمامك.
2- بين حدود تغير مختلف الموارد بحيث لا يتغير الحل الأمثل.

التمرين السادس:

- 1- تلقت إحدى المؤسسات طلبية تتضمن إنتاج 3000 زوج من ثلاث أنواع من الأحذية (أحذية رجال P₁، أحذية أطفال P₂ أحذية نساء P₃) تحنوي بنود هذه الطلبية 1000 زوج من أحذية الرجال، وما لا يقل عن 1500 زوج من أحذية الأطفال.
2- والجدول التالي يبين أهم المعطيات.

الوقت المتاح	أحذية نساء	أحذية أطفال	أحذية رجال	
5000 ^h	3 ^h	2 ^h	1 ^h	الورشة الأولى
3500 ^h	1 ^h	1 ^h	2 ^h	الورشة الثانية
-	300	250	100	الربح الصافي

- المطلوب:

- أوجد الحل الأمثل لهذه المسألة باستخدام الطريقة المبسطة (Simplexe).
- أدرس حدود تغير الأرباح بالنسبة للمنتجات الثلاثة لكي يبقى الحل دون تغيير؟
- هل يمكن تخفيض حجم ساعات عمل الورشات الى النصف.