

## Contrôle

**Date : 10/01/2018**

**Durée : 1h30m**

### Exercice 01 (04 pts) :

Soit l'alphabet  $A = \{a, b\}$ , définir les expressions régulières pour les langages:

1. Tous les mots non vides contenant un nombre impair de  $b$ .
2. Tous les mots non vides contenant un nombre pair de  $a$ .
3. Tous les mots non vides ne contenant pas deux  $a$  consécutifs.
4. Tous les mots ne contenant pas plus que deux  $a$  consécutifs.

### Exercice 02 (04 pts)

Les commentaires de documentation en Java, sont encadrés par les motifs `/**` et `*/`, ils peuvent se terminer par une liste de motifs spéciaux, appelés tags. Le nom d'un tag commence par le caractère arobase (`@`) et figure nécessairement en début de ligne (en ignorant les espaces et les `*`). Si des mots commençant par `@` figurent ailleurs qu'en début de ligne, ils ne seront pas considérés comme des tags. Chaque tag a un texte associé (éventuellement sur plusieurs lignes) qui se termine au tag suivant ou au motif final `*/`.

Exemple :

```
/**
```

```
* Returns the character at the specified index.
```

```
*
```

```
* @param index the index of the desired character.
```

```
* @return the desired character.
```

```
* @exception StringIndexOutOfBoundsException
```

```
*         if the index is not in the range <code>0</code>
```

```
*         to <code>length()-1</code>.
```

```
*/
```

Ecrire un analyseur lexical, en lex, qui **affiche dans un fichier** nommé *docfile* les tags `@param`, `@return` et `@exception` des commentaires de documentation figurant dans le fichier java, avec leur texte associé.

### Exercice 03 (12 pts)

**Partie 1:** On considère la grammaire  $G$  définie par :

$$S \rightarrow S \vee S \mid S \wedge S \mid \neg S \mid (S) \mid b$$

1. Cette grammaire n'est pas LL(1) : pourquoi ?
2. Donner une grammaire G1 équivalente à G et qui vous semble LL(1).
3. Simuler le fonctionnement de l'analyseur LL(1) de cette grammaire sur le mot :  
 $\neg (b \vee b) \wedge b$ .

**Partie 2:** Soit la grammaire G suivante, écrite dans le format reconnu par yacc:

```
%token b
%%
S → S'V'S
   /S'∧'S
   /b
   ;
%%
```

Le token b représente une variable booléenne.

1. Construisez l'automate LR de cette grammaire
2. Il est évident que cette n'est pas de type LR(0), Quelle sorte de conflits apparaissent ?
3. Proposez une solution pour résoudre ces conflits. Indiquer les modifications à apporter dans le fichier yacc.

## Corrigé type

**Fait le : 10/01/2018**

**Durée : 1h30m**

### Exercice 01 (04 pts)

Soit l'alphabet  $A = \{a,b\}$ , définir les expressions régulières pour les langages :

1. Tous les mots non vides contenant un nombre impair de  $b$  ;  $a^*b(a^*ba^*b)^*a^*$
2. Tous les mots non vides contenant un nombre pair de  $a$  ;  $(b^*ab^*a)(b^*ab^*a)^*b^*bb^*$
3. Tous les mots ne contenant pas deux  $a$  consécutifs :  $(ab|b)^*(a|b)$
4. Tous les mots ne contenant pas plus que deux  $a$  consécutifs ;  $(ab|b)^*(a|b)(ab|b)^*a|\epsilon$

### Exercice 02 (04 pts)

```
%{
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
FILE *yyin, *yyout ;
%}
%start COM TAG
Tags ||
%%
<INITIAL>"/**" {BEGIN(COM);}

<COM> ^(\*|' ')*« @param »{ BEGIN(TAG)}; fprintf(yyout, « %s », « @param »);}
<COM> ^(\*|' ')* « @return »{ BEGIN(TAG)}; fprintf(yyout, « %s », « @return »);}
<COM> ^(\*|' ')* « @exception »{ BEGIN(TAG)}; fprintf(yyout, « %s », « @exception »);}
<COM> "*/" {BEGIN(INITIAL)}
<COM> . {}

<TAG> ^(\*|' ')*« @param »{fprintf(yyout, « %s », « \n @param »);}
<TAG> ^(\*|' ')* « @return »{ fprintf(yyout, « %s », « \n @return »);}
<TAG> ^(\*|' ')* « @exception »{fprintf(yyout,« %s », « \n @exception »);}
<TAG> "*/" {BEGIN(INITIAL)}
<TAG> (.|'\n') { fprintf(yyout, « %c », yytext[0]);}

%%
int yywrap(){ return 1; }

int main(int argc, char **argv){

    yyin = fopen(argv[1], "r");
    yyout = fopen("docfile", "w");
    yylex();
    fclose(yyin) ;
    fclose(yyout) ;

}
```

### Exercice 03 (12 pts)

**Partie 1 :** On considère la grammaire  $G$  définie par :

$S \rightarrow S \vee S | S \wedge S | \neg S | (S) | b$

1. Cette grammaire ambiguë puisqu'elle ne respecte pas la priorité et l'associativité des opérateurs booléens **(0.5pt)**.
2. La grammaire G1 équivalente à G et qui vous semble LL(1).  
Il faut d'abord enlever l'ambiguïté de la grammaire **(01.5 pt)**.

$X \rightarrow X \vee Y \mid Y$

$Y \rightarrow Y \wedge Z \mid Z$

$Z \rightarrow \neg T \mid T$

$T \rightarrow (X) \mid b$

Il faut donc éliminer la récursivité à gauche **(01.5 pt)**.

$X \rightarrow YX'$

$X' \rightarrow \vee YX' \mid \varepsilon$

$Y \rightarrow ZY'$

$Y' \rightarrow \wedge ZY' \mid \varepsilon$

$Z \rightarrow \neg T \mid T$

$T \rightarrow (X) \mid b$

3. Construction de la table d'analyse LL(1) :

| (01.5 pt) | Premiers              | Suivants              |
|-----------|-----------------------|-----------------------|
| $X$       | $\neg, (, b$          | $\$, )$               |
| $X'$      | $\vee, \varepsilon$   | $\$, )$               |
| $Y$       | $\neg, (, b$          | $\$, ), \vee$         |
| $Y'$      | $\wedge, \varepsilon$ | $\$, ), \vee$         |
| $Z$       | $\neg, (, b$          | $\$, ), \vee, \wedge$ |
| $T$       | $(, b$                | $\$, ), \vee, \wedge$ |

| (01.5pts). | b     | $\neg$   | $\vee$          | $\wedge$          | (     | )             | \$            |
|------------|-------|----------|-----------------|-------------------|-------|---------------|---------------|
| $X$        | $YX'$ | $YX'$    |                 |                   | $YX'$ |               |               |
| $X'$       |       |          | $\vee$<br>$YX'$ |                   |       | $\varepsilon$ | $\varepsilon$ |
| $Y$        | $ZY'$ | $ZY'$    |                 |                   | $ZY'$ |               |               |
| $Y'$       |       |          | $\varepsilon$   | $\wedge$<br>$ZY'$ |       | $\varepsilon$ | $\varepsilon$ |
| $Z$        | $T$   | $\neg T$ |                 |                   | $T$   |               |               |

4. Simulation du fonctionnement de l'analyseur LL(1) sur le mot **(1.5 pt)**. :  $\neg (b \vee b) \wedge b$

| Chaine                        | Pile              | Action                         |
|-------------------------------|-------------------|--------------------------------|
| $\neg (b \vee b) \wedge b \$$ | $\$X$             | Dépiler, Empiler $X'Y$         |
| $\neg (b \vee b) \wedge b \$$ | $\$X'Y$           | Dépiler, Empiler $Y'Z$         |
| $\neg (b \vee b) \wedge b \$$ | $\$X'Y'Z$         | Dépiler, Empiler $T \neg$      |
| $\neg (b \vee b) \wedge b \$$ | $\$X'Y' T \neg$   | Dépiler, Avancer               |
| $(b \vee b) \wedge b \$$      | $\$X'Y' T$        | Dépiler, Empiler $)X($         |
| $(b \vee b) \wedge b \$$      | $\$X'Y')X($       | Dépiler, Avancer               |
| $b \vee b) \wedge b \$$       | $\$X'Y')X$        | Dépiler, Empiler $X'Y$         |
| $b \vee b) \wedge b \$$       | $\$X'Y')X'Y$      | Dépiler, Empiler $Y'Z$         |
| $b \vee b) \wedge b \$$       | $\$X'Y')X'Y'Z$    | Dépiler, Empiler $T$           |
| $b \vee b) \wedge b \$$       | $\$X'Y')X'Y'T$    | Dépiler, Empiler $b$           |
| $b \vee b) \wedge b \$$       | $\$X'Y')X'Y'b$    | Dépiler, Avancer               |
| $\vee b) \wedge b \$$         | $\$X'Y')X'Y'$     | Dépiler, Empiler $\varepsilon$ |
| $\vee b) \wedge b \$$         | $\$X'Y')X'$       | Dépiler, Empiler $X'Y \vee$    |
| $\vee b) \wedge b \$$         | $\$X'Y')X'Y \vee$ | Dépiler, Avancer               |
| $b) \wedge b \$$              | $\$X'Y')X'Y$      | Dépiler, Empiler $Y'Z$         |
| $b) \wedge b \$$              | $\$X'Y')X'Y'Z$    | Dépiler, Empiler $T$           |
| $b) \wedge b \$$              | $\$X'Y')X'Y'T$    | Dépiler, Empiler $b$           |
| $b) \wedge b \$$              | $\$X'Y')X'Y'b$    | Dépiler, Avancer               |
| $) \wedge b \$$               | $\$X'Y')X'Y'$     | Dépiler, Empiler $\varepsilon$ |
| $) \wedge b \$$               | $\$X'Y')X'$       | Dépiler, Empiler $\varepsilon$ |
| $) \wedge b \$$               | $\$X'Y')$         | Dépiler, Avancer               |

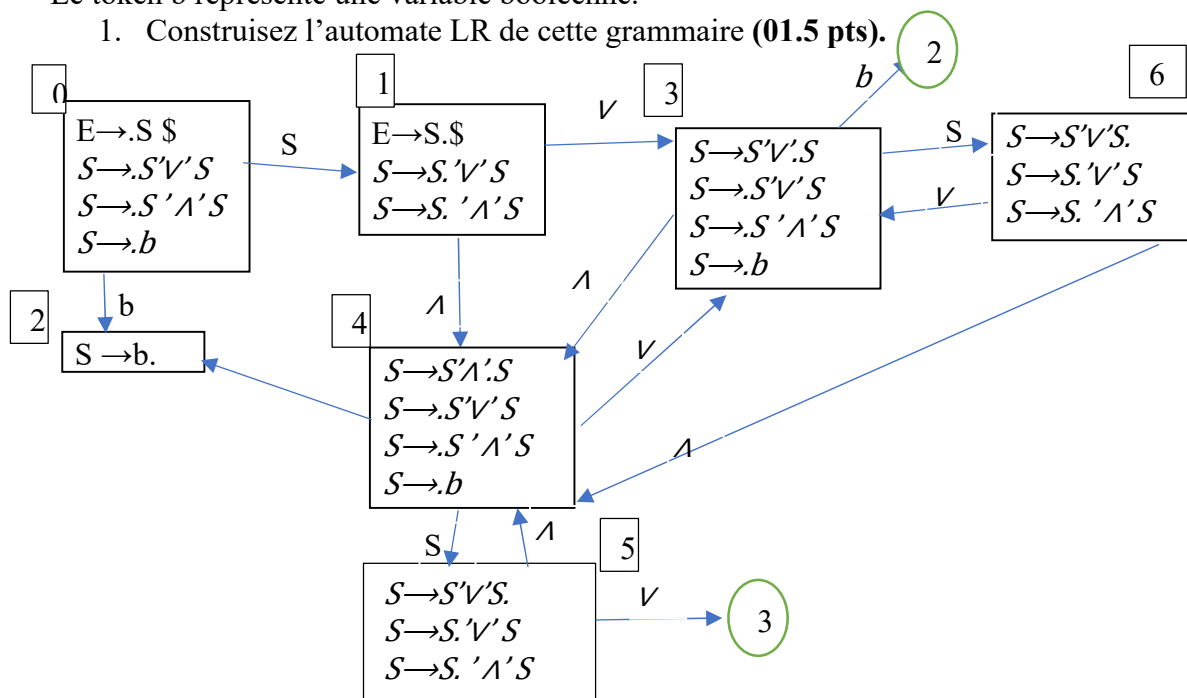
|               |                   |                               |
|---------------|-------------------|-------------------------------|
| $\Lambda b\$$ | $\$X'Y'$          | Dépiler, Empiler $Y'Z\Lambda$ |
| $\Lambda b\$$ | $\$X'Y' Z\Lambda$ | Dépiler, Avancer              |
| $b\$$         | $\$X'Y' Z$        | Dépiler, Empiler T            |
| $b\$$         | $\$X'Y' T$        | Dépiler, Empiler b            |
| $b\$$         | $\$X'Y' b$        | Dépiler, Avancer              |
| $\$$          | $\$X'Y'$          | Dépiler, Empiler $\epsilon$   |
| $\$$          | $\$X'$            | Dépiler, Empiler $\epsilon$   |
| $\$$          | $\$$              | Accépter                      |

**Partie 2:** Soit la grammaire G suivante, écrite dans le format reconnu par yacc:

- 0)  $E \rightarrow .S \$$
- 1)  $S \rightarrow .S'V'S$
- 2)  $S \rightarrow .S'\Lambda'S$
- 3)  $S \rightarrow .b$

Le token b représente une variable booléenne.

1. Construisez l'automate LR de cette grammaire (01.5 pts).



2. Quelle sorte de conflits apparaissent (01.5 pts).

|   | b   | V       | $\Lambda$ | \$  | S |
|---|-----|---------|-----------|-----|---|
| 0 | d2  |         |           |     | 1 |
| 1 | Acc | Acc/ d3 | Acc/d4    | Acc |   |
| 2 | r3  | r3      | r3        | r3  |   |
| 3 | d2  | D3      | D4        |     | 6 |
| 4 | D2  | D3      | D4        |     | 5 |
| 5 | R1  | R1/d3   | R1/d4     | R1  |   |
| 6 | R2  | R2/d3   | R2/d4     | R2  |   |

3. Proposez une solution pour résoudre ces conflits. Indiquer les modifications à apporter dans le fichier yacc (1 pt)..

```

%token b
%left 'V'
%left 'Λ'
%%
L → S' \n'
S → S'V'S

```

$/S'\Lambda'S$   
 $/b$   
;  
%%

---

## Rattrapage

---

**Date : 19/06/2018**

**Durée : 1h30m**

---

**Exercice 01 (04 pts) :** Soit l'alphabet  $A = \{a,b\}$ , définir les expressions régulières pour les langages:

1. L'ensemble des mots non vides contenant au plus une fois la chaîne  $ab$ .
2. Tous les mots ne contenant pas plus que deux  $b$  consécutifs.
3. Tous les mots non vides ne contenant pas trois  $b$  consécutifs.
4. Ensemble des mots contenant la chaîne  $aab$ .

**Exercice 02 (04 pts) :**

Dans le langage html, une balise pour une image à la forme suivante :

```
<IMG SRC="images/image.gif" ALIGN=center ALT="Texte remplaçant l'image" TITLE="Mon image" WIDTH=150 HEIGHT=70>
```

Les mots-clés désignant des attributs (SRC, TITLE, ...) peuvent être écrits en minuscules. Les attributs ne sont pas forcément donnés dans cet ordre.

Ecrire un analyseur lexical, dans le format reconnu par lex, qui prend en entrée un document HTML et effectue les traitements suivants :

1. Supprime toutes les images du document
2. Compte le nombre d'images au format gif.

Attention : le document peut contenir d'autres balises délimitées par les signes  $<$  et  $>$ .

**Exercice 03 (06 pts) :** Soit la grammaire  $G$  d'axiome  $S$  dont les règles de production sont :

$S \rightarrow ABC/DAD$

$A \rightarrow Aa/\varepsilon$

$B \rightarrow Bb/\varepsilon$

$C \rightarrow Ce/\varepsilon$

$D \rightarrow Dd/f$

1. Il est évident que cette  $G$  n'est pas  $LL(1)$  : pourquoi (en détail)? Transformez-la en Grammaire  $G_1$  de type  $LL(1)$ .
2. Construire la table d'analyse  $LL(1)$  pour  $G_1$ .
3. Analyser la chaîne «  $abedf\$$  » par un analyseur  $LL(1)$

**Exercice 04 (06 pts) :** Considérons la grammaire suivante :

%%

$S : A B$

;

$B : 'b' A B$

|  $/* \text{epsilon} */$

;

$A : '(' S ')'$

|  $'a'$

;

%%

1. Construire l'automate des  $LR(0)$ -items, en indiquant pour chaque état la liste complète de ses items.
2. Calculer pour chaque symbole non terminal de cette grammaire les ensembles Premier et Suivant correspondants.
3. La grammaire est-elle  $LR(0)$ ,  $SLR(1)$  ? Justifiez vos réponses.

## Corrigé type de rattrapage

Date : 19/06/2018

Durée : 1h30m

**Exercice 01 (04 pts) :** Soit l'alphabet  $A = \{a, b\}$ , définir les expressions régulières pour les langages:

1. L'ensemble des mots non vides contenant au plus une fois la chaîne  $ab$ .
2. Tous les mots ne contenant pas plus que deux  $b$  consécutifs :  $a^*(b|\varepsilon)a(b|\varepsilon)a^*|b|bb$
3. Tous les mots non vides ne contenant pas trois  $b$  consécutifs:  $a^*(ba^*b|a)a(b|a)a^*$
4. Ensemble des mots contenant la chaîne  $aab$  :  $(ab)^*$

**Exercice 02 (04 pts) :**

Dans le langage html, une balise pour une image à la forme suivante :

`<IMG SRC="images/image.gif" ALIGN=center ALT="Texte remplaçant l'image" TITLE="Mon image" WIDTH=150 HEIGHT=70>`

Les mot-clés désignant des attributs (SRC, TITLE, ...) peuvent être écrits en minuscules. Les attributs ne sont pas forcément donnés dans cet ordre.

Ecrire un analyseur lexical, dans le format reconnu par lex, qui prend en entrée un document HTML et effectue les traitements suivants :

1. Supprime toutes les images du document
2. Compte le nombre d'images au format gif.

Attention : le document peut contenir d'autres balises délimitées par les signes `<` et `>`.

**Exercice 03 (06 pts) :** Soit la grammaire  $G$  d'axiome  $S$  dont les règles de production sont :

$S \rightarrow ABC|DAD$

$A \rightarrow Aa|\varepsilon$

$B \rightarrow Bb|\varepsilon$

$C \rightarrow Ce|\varepsilon$

$D \rightarrow Dd|f$

1. Il est évident que cette  $G$  n'est pas LL(1) : pourquoi (en détail)?  
 Récursivité à gauche dans les règles : **(0.5 pts)**

$A \rightarrow Aa|\varepsilon$

$B \rightarrow Bb|\varepsilon$

$C \rightarrow Ce|\varepsilon$

$D \rightarrow Dd|f$

2. Transformez-la en Grammaire  $G1$  de type LL(1) : **(01.5 pts)**

$S \rightarrow ABC|DAD$

$A \rightarrow aA|\varepsilon$

$B \rightarrow bB|\varepsilon$

$C \rightarrow eC|\varepsilon$

$D \rightarrow fD'$

$D' \rightarrow dD'|\varepsilon$

3. Construire la table d'analyse LL(1) pour  $G1$

| <b>(1.5 pts)</b> | Premiers                  | Suivants    |
|------------------|---------------------------|-------------|
| S                | a, b, e, f, $\varepsilon$ | \$          |
| A                | a, $\varepsilon$          | \$, b, e, f |
| B                | b, $\varepsilon$          | \$, e,      |
| C                | e, $\varepsilon$          | \$          |



|    |               |        |
|----|---------------|--------|
| D  | F             | \$,a,f |
| D' | d, $\epsilon$ | \$,a,f |

|                  |            |            |            |            |            |            |
|------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| <b>(1.5 pts)</b> | a          | b          | D          | E          | F          | \$         |
| S                | <i>ABC</i> | <i>ABC</i> | <i>ABC</i> | <i>ABC</i> | <i>DAD</i> | <i>ABC</i> |
| A                | <i>aA</i>  | $\epsilon$ |            | $\epsilon$ | $\epsilon$ | $\epsilon$ |
| B                |            | <i>bB</i>  |            | $\epsilon$ |            | $\epsilon$ |
| C                |            |            |            | <i>eC</i>  |            | $\epsilon$ |
| D                |            |            |            |            | <i>fD'</i> |            |
| D'               | $\epsilon$ |            | <i>dD'</i> |            | $\epsilon$ | $\epsilon$ |

4. Analyser la chaîne « *abedf\$* » par un analyseur LL(1) : La chaîne n'appartient pas au langage **(1.5 pts)**

**Exercice 04 (06 pts) :** Considérons la grammaire suivante :

```
%%
S : A B
;
B : 'b' A B
| /* epsilon */
;
A : '(' S ')'
| 'a'
;
%%
```

1. Construire l'automate des LR(0)-items, en indiquant pour chaque état la liste complète de ses items.
2. Calculer pour chaque symbole non terminal de cette grammaire les ensembles Premier et Suivant correspondants.
3. La grammaire est-elle LR(0), SLR(1) ? Justifiez vos réponses.

## Corrigé type du Rattrapage

Fait le : 04/03/2014

Durée : 1h30m

### Exercice 01 (06 pts) :

1.  $([a-zA-Z0-9]\backslash\_)+@([a-zA-Z0-9]\backslash\_)+$
2.  $(0|1)^*0(0|1)^*0(0|1)^*$
3.  $1(0|\epsilon)1^*(0|\epsilon)1^*(0|\epsilon)1^*|01^*(0|\epsilon)1^*(0|\epsilon)1^*$
4.  $a^*(b^*((aa)a^*)^*)(a|\epsilon)$

### Exercice 03 (04 pts) :

- 1) Ecrire un programme en lex qui supprime une suite d'espaces et les remplace par un seul espace.

```
( ) * printf(" ");  
%%  
int main(int argc, char *argv[])  
{ yyin = fopen(argv[1], "r");  
  yylex();  
  fclose(yyin); }
```

- 2) Ecrire un programme en Flex qui compte le nombre de caractères, de mots et de lignes d'un texte % { int nbm = 0, nbl = 0, nbc = 0;

```
%}  
mot [a-zA-Z]+  
%%  
{mot} nbm++; nbc+=yyleng ;  
\n nbl++; nbc++ ;  
.  
nbc++ ;  
%%  
main()  
{ yylex();
```

```
printf("Il y a %d voyelles, %d consonnes et %d ponctuations.\n",nbm, nbc, nbl); }
```

### Exercice 02 (10 pts) :

Soit G la grammaire suivante :

$A \rightarrow da|acB$

$B \rightarrow abB|daA|Af$

G est-elle LL(1) ? justifier votre réponse. Non, il existe une factorisation indirecte dans la règle :

$B \rightarrow abB|daA|Af$  dont Premiers (A)  $\cap$  Premiers (B)  $\neq \emptyset$  **0.5pt**

Sinon la transformer pour qu'elle le soit (grammaire G').

$A \rightarrow da|acB$

$B \rightarrow abB|daA|(da|acB)f$

$B \rightarrow abB|daA|daf|acBf$

$B \rightarrow abB|acBf|daA|daf$

$B \rightarrow a(bB|cBf)|da(A|f)$

$B \rightarrow aB'|daB''$

$B' \rightarrow (bB|cBf)$

$B'' \rightarrow (A|f)$

**G' 1.5pts :**

$A \rightarrow da|acB$

$B \rightarrow aB'|daB''$

$B' \rightarrow bB|cBf$

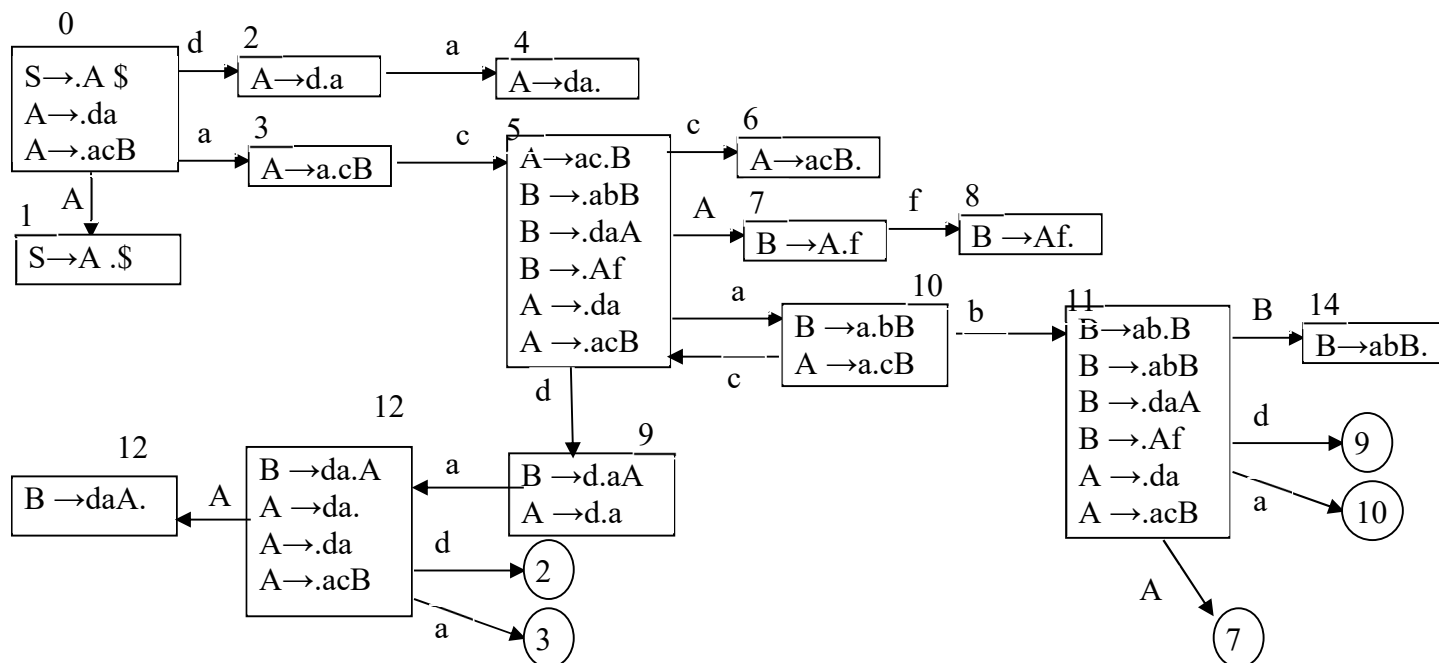
$B' \rightarrow A|f$

1. Construire la table d'analyse LL(1).

| 01pt | Premiers | Suivants |
|------|----------|----------|
| A    | d,a      | \$,f     |
| B    | d,a      | \$,f     |
| B'   | b,c      | \$,f     |
| B''  | d,a,f    | \$,f     |

| 2pts | a   | b  | c   | d     | f | \$ |
|------|-----|----|-----|-------|---|----|
| A    | acB |    |     | da    |   |    |
| B    | aB' |    |     | daB'' |   |    |
| B'   |     | bB | cBf |       |   |    |
| B''  | A   |    |     | A     | f |    |

2. Construire l'automate LR pour G. (02.5 pts)



3. La grammaire G est-elle LR(0) ? Justifier.

| SLR(1) | a   | b   | c  | d  | f  | \$  | (02.5 pts) | A  | B  |
|--------|-----|-----|----|----|----|-----|------------|----|----|
| 0      | d3  |     |    | d2 |    |     |            | 1  |    |
| 1      |     |     |    |    |    | Acc |            |    |    |
| 2      | d4  |     |    |    |    |     |            |    |    |
| 3      |     |     | d5 |    |    |     |            |    |    |
| 4      |     |     |    |    | r1 | r1  |            |    |    |
| 5      | d10 |     |    |    |    |     |            | 6  | 7  |
| 6      |     |     |    |    | r2 | r2  |            |    |    |
| 7      |     |     |    |    | d8 |     |            |    |    |
| 8      |     |     |    |    | r5 | r5  |            |    |    |
| 9      | d12 |     |    |    |    |     |            |    |    |
| 10     |     | d11 | d5 |    |    |     |            |    |    |
| 11     | d10 |     |    | d9 |    |     |            | 7  | 14 |
| 12     | d3  |     |    | d2 | r1 | r1  |            | 13 |    |
| 13     |     |     |    |    | r4 | r4  |            |    |    |
| 14     |     |     |    |    | r3 | r3  |            |    |    |

|   | Premiers | Suivants |
|---|----------|----------|
| A | a,d      | \$,f     |
| B | a,d      | \$,f     |