

## Contrôle

**Date : 07/02/2015**

**Durée : 1h30m**

### Exercice 01 (04 pts)

- Donner une expression régulière étendue permettant de reconnaître des entiers naturels:
  - Sans zéro non significatif à gauche,
  - Composés de nombre impair de chiffres pairs,
  - ou composés de nombre pair de chiffres impairs.
- Donner une expression régulière étendue permettant de reconnaître les adresses IP v4, (composé de 4 champs séparés par des points. Chaque champ appartient à l'intervalle [0,255] ) :
  - La première adresse c'est 0.0.0.0
  - Et l'adresse maximale c'est 255.255.255.255

### Exercice 02 (08 pts)

On s'intéresse à une grammaire G des instructions (très simplifiées) délivrées par un logiciel de calcul d'itinéraire, du style avancer 100m, au panneau Biskra tourner à gauche, avancer 20m, tourner à droite. On utilise pour ce faire les symboles GO (avancer Xm), TL (turn left), TR (turn right) et PAN (panneau).

On a  $G = \{VT, VN, \text{route}, P\}$  avec  $VT = \{GO, TL, TR, PAN\}$ ,  $VN = \{\text{route}, \text{inst}, \text{panneau}, \text{turn}\}$  et P contient les productions :

$\text{route} \rightarrow \text{inst} \mid \text{route inst}$

$\text{inst} \rightarrow GO \mid \text{panneau turn}$

$\text{turn} \rightarrow TL \mid TR$

$\text{panneau} \rightarrow \varepsilon \mid PAN$

- Cette grammaire n'est pas LL(1) : pourquoi ?
- Donner une grammaire G1 équivalente à G et qui vous semble LL(1).
- Donner la table d'analyse LL(1) de G1. Justifier en utilisant cette table que G1 est une grammaire LL(1).
- Analyser le mot « GO TR TL PAN TL » par un analyseur LL(1).
- Construire la table SLR de G. G est-elle SLR(1) ? Sinon Justifier rigoureusement en énumérant tous les conflits et en précisant leur types (shift/reduce ou reduce/reduce).

### Exercice 03 (08 pts)

#### Partie I

On souhaite introduire une nouvelle expression arithmétique à 3 alternances avec les propriétés suivantes:

$$expr\_t :<: expr\_inf :=: expr\_eg :>: expr\_sup$$

Si la valeur de  $expr\_t$  est strictement inférieure à 0 alors la valeur de l'expression est celle de  $expr\_inf$ , sinon si la valeur de  $expr\_t$  est égale à 0 alors la valeur de l'expression est celle de  $expr\_eg$ , sinon la valeur de l'expression est celle de  $expr\_sup$ .

Les opérateurs  $:<:$ ,  $:=:$  et  $:>:$  ont une associativité de droite à gauche comme les opérateurs  $?:$ , mais avec une priorité moindre.

#### Exemple :

$$3 - 4 :<: 5 :=: 6 :>: 7 = 5$$

$$4 - 4 :<: 5 :=: 6 :>: 7 = 6$$

$$4 - 3 :<: 5 :=: 6 :>: 7 = 7$$

- Modifier les fichiers Lex et Yacc pour accepter ces opérateurs et pour construire l'arbre correspondant.
- Donner un modèle de code pour cette nouvelle expression.

#### Partie II

- Proposer une fonction récursive (en MNL) permettant de calculer la suite de fibonacci définie de la manière suivante :

$$U_0 = 0 \quad U_1 = 1 \quad U_n = U_{n-1} + U_{n-2}$$

- Construire l'arbre correspondant.
- Ecrire le code MIPS pour cette fonction (selon le principe donné dans le cours).

#### Fichier Lex

```
.....
%}
ER_ENTIER  -?[0-9]+
ER_VARIABLE [a-zA-Z][0-9a-zA-Z]*
ER_SEPARATEUR [ \n\t]
%%
{ER_SEPARATEUR}+ {}
{ER_ENTIER} {yylval.entier = atoi(yytext);
return(TOKEN_ENTIER);}
{ER_VARIABLE} {
yylval.chaine = strcpy((char *)malloc(yyleng+1), yytext);
return(TOKEN_VARIABLE);}
[+\-] {yylval.caractere = yytext[0];return(TOKEN_PLUS_MOINS);}
[\*/\%] {yylval.caractere = yytext[0]; return(TOKEN_MULT_DIV);}
[\(\)] {return(yytext[0]);}
"++"|"--" {yylval.caractere = yytext[0];return(TOKEN_INC_DEC);}
```

```
[?:=] {return(yytext[0]);}  
<<EOF>> {return(0);}
```

MiniLangage (MNL)	MIPS
lire x	li \$2,val syscall sw \$2, décalage de la variable(\$30)
ECRIRE <i>expression</i>	<i>... code de l'expression</i> <i>résultat _\$8</i> move \$4, \$8 # avec la valeur de l'expression déjà mis dans \$8 li \$2, 1 syscall
ECRIRE <i>chaîne</i>	la \$4, adresse_de_la_chaine li \$2, 4 syscall
<b>SI</b> <i>expression</i> <b>ALORS</b> <i>alternance_vraie</i> <b>SINON</b> <i>alternance_fausse</i>	<i>code de l'expression – résultat _\$8</i> bne \$8, \$9, etiqv <i>code de l'alternance fausse</i> j etiqfin etiqv: <i>code de l'alternance vraie</i> ... etiqfin: nop
<b>TANTQUE</b> <i>comparaison</i> <b>FAIRE</b> <i>corps</i> <b>FINTQ</b>	<i>j etiqtest</i> <i>etiqcorps: code du corps</i> ... <i>etiqtest: ...code de l'expression</i> <i>résultat _\$8</i> <i>bne \$8, \$0, etiqcorps</i>

Syntaxe	Effet	Syntaxe	Effet
move r1, r2	r1 ← r2	lw r1, o (r2)	r1 → tas (r2 + o)
add r1, r2, o	r1 ← o + r2	sw r1, o (r2)	tas.(r2 + o) ← r1
sub r1, r2, o	r1 ← r2 - o	slt r1, r2, o	r1 ← r2 < o
mul r1, r2, o	r1 ← r2 × o	sle r1, r2, o	r1 ← r2 <= o
div r1, r2, o	r1 ← r2 ÷ o	seq r1, r2, o	r1 ← r2 = o
and r1, r2, o	r1 ← r2 and o	sne r1, r2, o	r1 ← r2 != o
or r1, r2, o	r1 ← r2 or o	j o	pc ← o
xor r1, r2, o	r1 ← r2 xor o	jal o	ra ← pc+1 et pc ← o
sll r1, r2, o	r1 ← r2 sl o	beq r, o, a	pc← a si r = o
srl r1, r2, o	r1 ← r2 sr o	bne r, o, a	pc← a si r <> o
li r1, n	r1 ← n	syscall	appel système
la r1, a	r1 ← a	nop	ne fait rien

Nom	N°	Effet
print_int	1	imprime l'entier contenu dans a0
print_string	4	imprime la chaîne en a0 jusqu'à '\000'
read_int	5	lit un entier et le place dans v0
sbrk	9	alloue a0 bytes dans le tas, retourne l'adresse du début dans v0.
exit	10	arrêt du programme en cours d'exécution

Fichier yacc

```
%{  
...  
EXPR_ARBRE a;  
%}  
%union { EXPR_ARBRE arbre; char *chaîne; int entier; char  
caractere; }  
%token <chaîne> TOKEN_VARIABLE  
%token <entier> TOKEN_ENTIER  
%token <caractere> TOKEN_PLUS_MOINS TOKEN_MULT_DIV  
TOKEN_INC_DEC  
%token TOKEN_FIN  
%type <arbre> EE E T F G V C  
%start EE  
%%  
EE : C {a = $1;};  
C : E '?' C ':' C{$$ = CreerTer($1, $3, $5);}  
| E {};  
E : E TOKEN_PLUS_MOINS T {$$ = CreerBin($2, $1, $3);}  
| T {};  
T : T TOKEN_MULT_DIV G {$$ = CreerBin($2, $1, $3);}  
| G {};  
F : '(' C ')' {$$ = $2;}  
| TOKEN_VARIABLE {$$ = CreerVariable($1);}  
| TOKEN_ENTIER {$$ = CreerConstante($1);};  
G : TOKEN_INC_DEC V {$$ = CreerUn($1, $2);}  
| F {};  
V : '(' TOKEN_VARIABLE ')' {$$ = CreerVariable($2);}  
| TOKEN_VARIABLE {$$ = CreerVariable($1);};  
%%
```

Corrigé type

Fait le : 22/01/2014

Durée : 1h30m

Exercice 01 (04 pts)

1.  $0[2\ 4\ 6\ 8]([0\ 2\ 4\ 6\ 8][0\ 2\ 4\ 6\ 8])^*|([1\ 3\ 5\ 7\ 9][1\ 3\ 5\ 7\ 9])([1\ 3\ 5\ 7\ 9][1\ 3\ 5\ 7\ 9])^*$  (02 pts).
2.  $(([0-1]?[0-9])?[0-9])(2[0-4][0-9]|25[0-5])\backslash.\{3\}([0-1]?[0-9])?[0-9](2[0-4][0-9]|25[0-5])$  (02 pts).

Exercice 02 (08 pts) :Soit G la grammaire:

route → inst | route inst  
inst → GO | panneau turn  
turn → TL | TR  
panneau → ε | PAN  
Cette grammaire n’est pas LL(1) parce qu’il y a une récursivité à gauche dans la règle. (0,5 pts)  
route → inst | route inst  
Donner une grammaire G1 équivalente à G et qui vous semble LL(1).

route → inst route’  
route’ → inst route’ | ε  
La grammaire G1 soit comme suit (1 pts):  
route → inst route’  
route’ → inst route’ | ε  
inst → GO | panneau turn  
turn → TL | TR  
panneau → ε | PAN

Construire la table d’analyse LL(1) pour G1(1,5 pts).

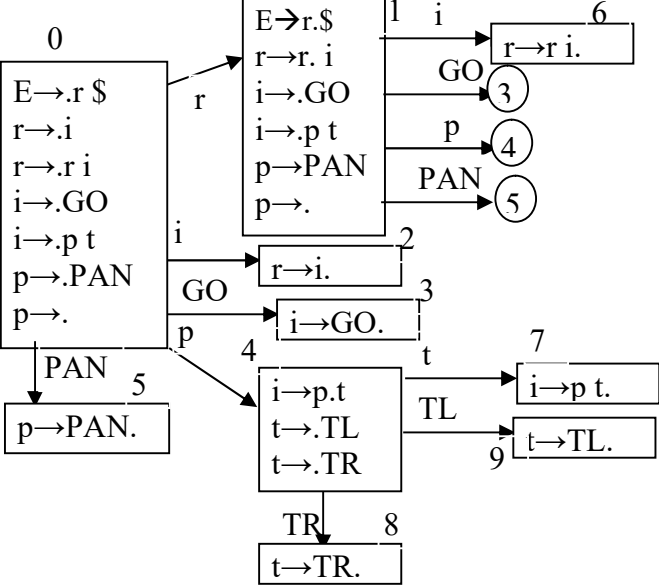
	Premiers	Suivants
Route	GO,PAN,TL,TR	\$
route’	GO,PAN,TL,TR, ε	\$
Inst	GO,PAN,TL,TR	GO,PAN,TL,TR,\$
Turn	TL,TR	GO,PAN,TL,TR,\$
Panneau	ε, PAN	TL,TR

	GO	PAN	TL	TR	\$
R	$r \rightarrow i\ r'$	$r \rightarrow i\ r'$	$r \rightarrow i\ r'$	$r \rightarrow i\ r'$	
r’	$r' \rightarrow i\ r'$	$r' \rightarrow i\ r'$	$r' \rightarrow i\ r'$	$r' \rightarrow i\ r'$	$r' \rightarrow \epsilon$
I	$i \rightarrow GO$	$i \rightarrow p\ t$	$i \rightarrow p\ t$	$i \rightarrow p\ t$	
T			$t \rightarrow TL$	$t \rightarrow TR$	
P		$p \rightarrow PAN$	$p \rightarrow \epsilon$	$p \rightarrow \epsilon$	

1. Analyse LL(1) du mot « GO TR TL PAN TL » (01 pts).

Pile	Chaine	Action
\$r	GO TR TL PAN TL \$	dépiler, emplier r’ i
\$r’i	GO TR TL PAN TL \$	dépiler, emplier GO
\$r’GO	GO TR TL PAN TL \$	dépiler, Avancer
\$r’	TR TL PAN TL \$	dépiler, emplier r’ i
\$r’i	TR TL PAN TL \$	dépiler, emplier t p
\$r’t p	TR TL PAN TL \$	dépiler, emplier ε
\$r’t	TR TL PAN TL \$	dépiler, emplier TR
\$r’TR	TR TL PAN TL \$	dépiler, Avancer
\$r’	TL PAN TL \$	dépiler, emplier r’ i
\$r’i	TL PAN TL \$	dépiler, emplier t p
\$r’t p	TL PAN TL \$	dépiler, emplier ε
\$r’t	TL PAN TL \$	dépiler, emplier TL
\$r’TL	TL PAN TL \$	dépiler, Avancer
\$r’	PAN TL \$	dépiler, emplier r’ i
\$r’ i	PAN TL \$	dépiler, emplier t p
\$r’t p	PAN TL \$	dépiler, emplier PAN
\$r’t PAN	PAN TL \$	dépiler, Avancer
\$r’t	TL \$	dépiler, emplier TL
\$r’TL	TL \$	dépiler, Avancer
\$r’	\$	dépiler, emplier ε
\$	\$	Accépter

Construction de l'automate LR pour G (2 pts).



	Premiers	Suivants
Route	GO,PAN,TL,TR	\$
Inst	GO,PAN,TL,TR	GO,PAN,TL,TR,\$
Turn	TL,TR	GO,PAN,TL,TR,\$
Panneau	ε, PAN	TL,TR

SLR(1) ? oui il n’y a aucun cas de conflit (0,5 pts)

SLR(1)	GO	PAN	TL	TR	\$	(01,5 pts)	r	i	t	p
0	d3	d5	r8	r8			1	2		4
1	d3	d5	r8	r8	ACC			6		4
2	r1	r1	r1	r1	r1					
3					r3					
4			9	8					7	
5			r7	r7						
6					r2					
7	r4	r4	r4	r4	r4					
8	r5	r5	r5	r5	r5					
9	r6	r6	r6	r6	r6					

Exercice 0 3 (08 pts)

Partie 01 :

Fichier Lex (2 pts)

```
.....
%}
ER_ENTIER -?[0-9]+
.....
%%
{ER_SEPARATEUR}+ {}
.....
":<:"{ yylval.chaine = strcpy((char *) malloc(yyleng+1),
yytext);return(TOKEN_OPINF);}
":=:"{ yylval.chaine = strcpy((char *) malloc(yyleng+1),
yytext);return(TOKEN_OPEG);}
":>:"{ yylval.chaine = strcpy((char *) malloc(yyleng+1),
yytext);return(TOKEN_OPSUP);}
```

Fichier yacc

```
%{
...
%token <chaine> TOKEN_VARIABLE TOKEN_OPINF TOKEN_OPEG
TOKEN_OPSUP
.....
%start EE
%%
EE : M {a = $1;};
M: C TOKEN_OPINF M TOKEN_OPEG M TOKEN_OPSUP{$$ =
CreerQuad($1, $3, $5,$7);}
|C{}
C : E '?' C ':' C{$$ = CreerTer($1, $3, $5);}
| E {};
```

Modèle de code (d’instructions) MIPS pour cet opérateur. (2 pts)

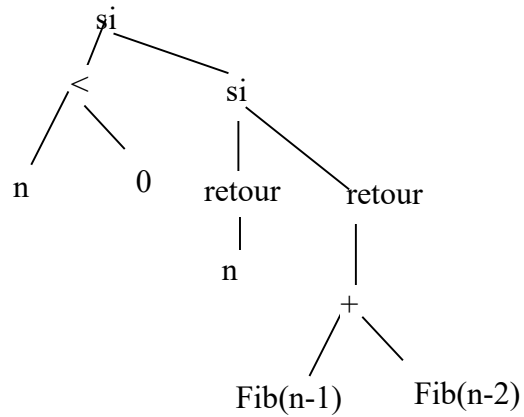
```
Code calculant l’expression C →$n
0 →$n+1
BLT $n,$n+1,et1
BEQ $n,$n+1,et2
Code calculant l’expression M3 →$n
J et3
et1 : Code calculant l’expression M2 →$n
J et3
et2 : Code calculant l’expression M1 →$n
et3: nop
```

## Partie 02 :

FONC FIB(n)

```
{  
  Si n<2  
    retour n ;  
Sinon  
  Retour FIB(n-1)+ FIB(n-2) ; (01 pts)  
}
```

**(01 pts)**



FIB: lw \$8,n	lw \$8, n	jr 31
li \$9,2	li \$9, 2	j et2
blt \$8,\$9, et1	SUB \$8,\$8,\$9	et1: lw \$8, n
sw \$31, -4 (\$sp)	sw \$8, -8 (\$sp)	jr 31
lw \$8, n	addi \$sp, \$sp, -8	et2 :nop ;
li \$9, 1	jal FIB	
SUB \$8,\$8,\$9	move \$8,\$9	
sw \$8, -8 (\$sp)	sw \$8, 8(\$sp)	
addi \$sp, \$sp, -8	sw \$31, -4 (\$sp)	
jal FIB	addi \$sp, \$sp, 8	
sw \$31, -4 (\$sp)	add \$8,\$8,\$9	

**Durée : 1h30m**

1. Etendre le lexeur et le parseur du cours. Les noms " MIN " et " MAX " seront traités comme des mots-clés. Attention ! Une forme comme :  
" a \* MAX(x, y)+b " s'analyser comme : " ((a \* MAX(x, y))+b ) ".
2. Etendre le générateur de code du cours.
3. Sur la base de votre proposition, traduire en assembleur MIPS le programme donné en exemple ci-dessus.
4. Construire l'arbre abstrait correspondant.

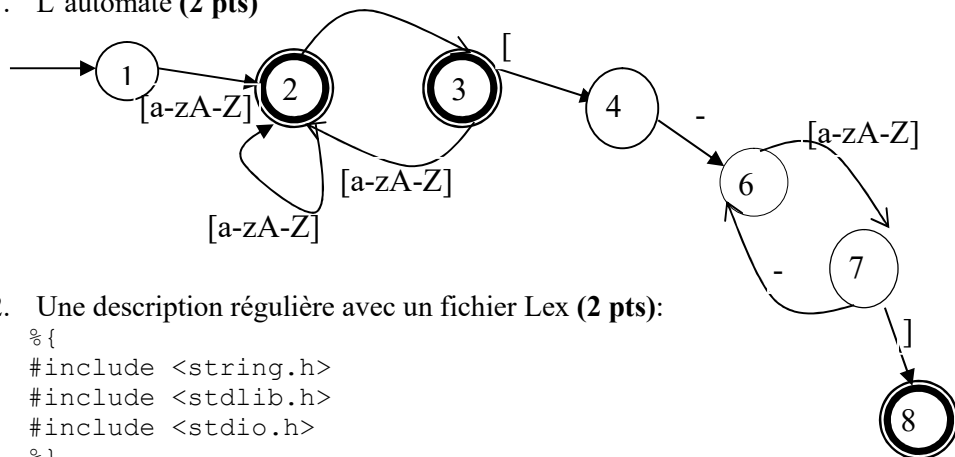
## Corrigé type du Rattrapage

Fait le : 24/02/2014

Durée : 1h30m

### Exercice 01 (04 pts) :

#### 1. L'automate (2 pts)



#### 2. Une description régulière avec un fichier Lex (2 pts):

```
%{
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
}%
Lettre [a-zA-Z]
Id {Lettre}{Lettre}*
%%
id(\ id)*(\[-{lettre}(< , > \-{lettre})*\]) ? {return (commentaire) ;}
%%
```

### Exercice 02 (08 pts) :

On considère la grammaire G suivante qui engendre les formules du langage LATEX:

$FL \rightarrow \varepsilon \mid FL P \mid P$

$P \rightarrow id \mid ' ' I$

$I \rightarrow ' \{ ' FL ' \} ' \mid id$

avec  $VT = \{ id, ' ' , ' \{ ' , ' \} ' \}$ , où id représente un caractère quelconque autre que ' ', ' { ' et ' } '.

1. Il y'a la récursivité à gauche dans la règle :  $FL \rightarrow \varepsilon \mid FL P \mid P$  (0.5 pts)

2. Une grammaire G' équivalente à G (1 pts)

$FL \rightarrow \varepsilon \mid P FL$

$P \rightarrow id \mid ' ' I$

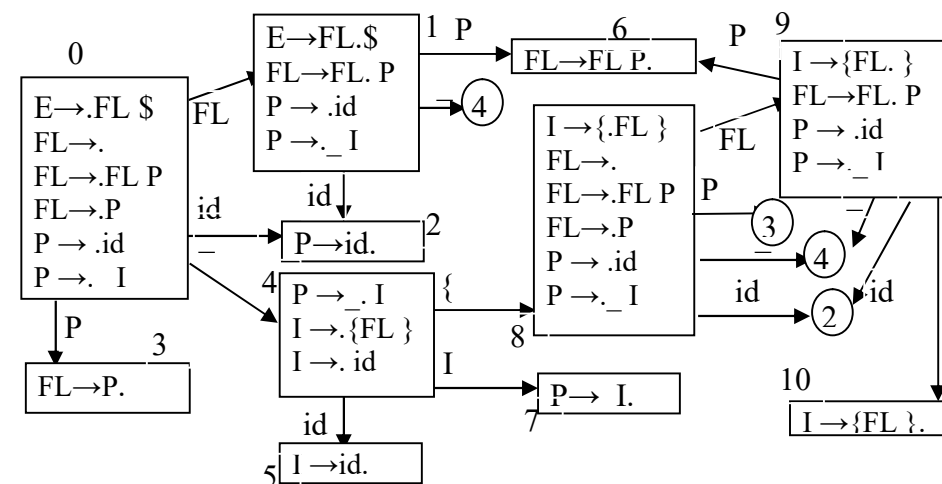
$I \rightarrow ' \{ ' FL ' \} ' \mid id$

1. Donner la table d'analyse LL(1) de G'. Justifier en utilisant cette table que G' est une grammaire LL(1) (1.5 pts).

	Premiers	Suivants
FL	$\varepsilon, id, \_$	$\$, \}$
P	$id, \_$	$id, \_, \$, \}$
I	$\{, id$	$id, \_, \$, \}$

	id	$\_$	$\{$	$\}$	$\$$
FL	$FL \rightarrow P FL$	$FL \rightarrow P FL$		$FL \rightarrow \varepsilon$	$FL \rightarrow \varepsilon$
P	$P \rightarrow id$	$P \rightarrow \_ I$			
I	$I \rightarrow id$		$I \rightarrow \{ FL \}$		

#### 2. Construire l'automate LR pour G. (2 pts)



#### 3. La grammaire G est-elle LR(0) ? Justifier.

	Premiers	Suivants
FL	$\varepsilon, id, \_$	$\$, \}$
P	$id, \_$	$id, \_, \$, \}$
I	$\{, id$	$id, \_, \$, \}$

SLR(1)	id		{	}	\$	(01 pts)	FL	P	I
0	d2	d4		r1	r1		1	3	
1		d4			acc			6	
2	r4	r4		r4	r4				
3				r3	r3				
4	d5		d8						7
5	r7	r7		r7	r7				
6				r2	r2				
7	r5	r5		r5	r5				
8	d2	d4		r1	r1		9	3	
9	d2	d4		d10				6	
10	r6	r6		r6	r6				

4. La grammaire G est-elle SLR(1) ? Justifier. (01pts)

LR(0)	id		{	}	\$	(01 pts)	FL	P	I
0	d2/r1	d4/r1	r1	r1	r1		1	3	
1	d4/Accepter							6	
2	r4	r4	r4	r4	r4				
3	r3	r3	r3	r3	r3				
4	d5		d8						7
5	r7	r7	r7	r7	r7				
6	r2	r2	r2	r2	r2				
7	r5	r5	r5	r5	r5				
8	d2/r1	d4/r1	r1	r1	r1		9	3	
9	d2	d4		d10				6	
10	r6	r6	r6	r6	r6				

### Exercice 02 (08 pts) :

On souhaite introduire dans les expressions arithmétiques de MIL-0 deux fonctions standard à deux arguments entiers, MIN(a, b) et MAX(a, b) , dont les valeurs sont le minimum (resp. le maximum) de leurs deux arguments.

**Exemple** : une nouvelle version du calcul du PGCD par différences

VAR a ; b ; r.

LIRE a ; LIRE b {supposés tous deux positifs};

SI a = b ALORS ECRIRE a

SINON

TANTQUE MIN(a,b) <> MAX(a-b, b-a) FAIRE

r := MAX(a-b , b-a) ;

SI a<b ALORS b := r SINON a := r FINSI

FINTQ ;

ECRIRE MIN(a, b)

FINSL.

On les modélisera comme deux nouvelles formes d'expressions arithmétiques, au même titre que les constantes, les variables et les expressions binaires.

1. Etendre le lexeur et le parseur du cours. Les noms " MIN " et " MAX " seront traités comme des mots-clés. Attention ! Une forme comme : " a \* MAX(x, y)+b " s'analyser comme : " ((a \* MAX(x, y))+b) ". (2 pts)

Lexeur : deux lexèmes de plus correspondant aux deux mots-clés spécifiés par l'énoncé :

%%

...

MIN return (LMin);

MAX return (LMax);

...

%%

Parseur : déclaration des deux Tokens :

%token LMin LMax

FACTEUR : '(' EXPAR ')' {\$\$ = \$2;}

| Cte {\$\$ = cons\_ar\_cte(\$1);}

| VAR {\$\$ = cons\_ar\_var(\$1);}

| LMin '(' EXPAR ',' EXPAR ')' {\$\$ = cons\_min (\$3, \$5);}

| LMax '(' EXPAR ',' EXPAR ')' {\$\$ = cons\_max (\$3, \$5);}

;

2. Etendre le générateur de code du cours (2 pts).

case min : {

Code Calculant arg1(e) → k

Code Calculant arg1(e) → k+1

blt \$8, \$9, etiqv

Move \$8,k+1

j etiqfin

etiqv: Move \$8 , k

etiqfin: nop

break;}

case max : {

Code Calculant arg1(e) → k

Code Calculant arg1(e) → k+1

bgt \$8, \$9, etiqv

Move \$8, k+1



```

j etiqfin
etiqv: Move $8, k
etiqfin: nop
break;
}

```

3. Sur la base de votre proposition, traduire en assembleur MIPS le programme donné en exemple ci-dessus **(2 pts)**.

Hypothèses sur les adresses des variables : a = 0(\$30), b = 4(\$30), r = 8(\$30)

```

j e101 #boucle
e106: lw $8, 0($30) #a
lw $9, 4($30) #b
sub $8, $8, $9 # $8 = a-b
lw $9, 4($30) #b
lw $10, 0($30) #a
sub $9, $9, $10 # $9 = b-a
blt $8, $9, e102
j e103 # sinon, $8 contient le max
e102: move $8, $9 # si oui, on transfère le max
e103: nop # $8 contient le max(a-b, b-a)
sw $8, 8($30) #r
lw $8, 0($30) #a
lw $9, 4($30) #b
blt $8, $9, e104
lw $8, 8($30) #r
sw $8, 4($30) #b
j e105
e104: lw $8, 8($30) #r
sw $8, 0($30) #a
e105: nop # fin de conditionnelle
e101: lw $8, 0($30) #a
lw $9, 4($30) #b
bgt $8, $9, e107 # test inverse du précédent, pour Min
j e108
e107: move $8, $9
e108: nop # $8 contient le min(a, b)
lw $9, 0($30) #a # même séquence de code que ci-dessus
lw $10, 4($30) #b # un registre plus haut
sub $9, $9, $10
lw $10, 4($30) #b
lw $11, 0($30) #a

```

```

sub $10, $10, $11
blt $9, $10, e109
j e110
e109: move $8, $9
e110: nop # $9 contient le max(a-b, b-a)
bne $8, $9, e106 # test de la boucle
Construire l'arbre abstrait correspondant (2 pts).

```