

## السلسلة رقم 07 في مقياس الإقتصاد الجزئي 2

التمرين الأول: يبين الجدول التالي الكميات المختلفة التي تنتجها مؤسسة في سوق المنافسة التامة وتكاليف إنتاجها:

Q	1	2	3	4	5	6	7	8
CF	100	100	100	100	100	100	100	100
CV	80	140	180	200	235	310	420	560

فإذا عرفت أن سعر بيع الوحدة كان 75 دج عند جميع مستويات الإنتاج.

المطلوب:

- حساب التكلفة الحدية للإنتاج؟ وتحديد كمية الإنتاج التي تحقق للمؤسسة أقصى ربح ممكن؟.
  - حساب الربح الذي تحصل عليه المؤسسة عند توازنها؟ وما هو نوعه؟ (استعمل المدخل الكلي والمدخل الحدي).
- التمرين الثاني: ليكن لدينا الجدول التالي الذي يمثل التكلفة الكلية في الأجل القصير لمؤسسة كما يلي:

Q	0	100	200	300	400	500	600	700	750	800	900
CT	400	1000	1300	1500	1600	1700	1850	2100	2265	2500	3600

فإذا عرفت أن سعر بيع الوحدة كان 4 دج عند جميع مستويات الإنتاج.

المطلوب:

- حدد مستوى الإنتاج الذي تعظم عنده المؤسسة خسارته الكلية، لا تريح ولا تخسر، تعظم أرباحها الكلية؟.
  - احسب الإيراد الكلي والتكلفة الكلية ثم ارسم هذه البيانات على نفس المنحنى؟.
  - احسب الربح الكلي ثم ارسمه في منحنى منفصل؟.
  - حدد النقطة التي تكون فيها المؤسسة في حالة توازن قصير الأجل؟.
- التمرين الثالث: يعمل مشروع في ظل المنافسة التامة لدينا دالة العرض العام:  $P = 2/3 Q$  ودالة الطلب العام:

$$D = -3(P - 11)$$

المطلوب: - احسب سعر و كمية التوازن؟.

تتحمل هذه المؤسسة تكلفة كلية معطاة بالجدول التالي:

Q	1	2	3	4	5	6	7	8
CT	7	11	13	16	20	27	36	50

- ماهي شروط تعظيم الربح ؟ وما هي قيمته؟.

- ارسم الخطوط البيانية ، متى تتسحب المؤسسة من السوق؟.

التمرين الرابع: تتحمل مؤسسة تعمل في سوق المنافسة التامة تكلفة كلية:  $CT=Q^3-4Q^2+9Q$

المطلوب - : احسب التكلفة المتوسطة والحدية، أين يتقاطع المنحنيان ؟.

- تحدد سعر السلعة ،  $P=12$  ماهي شروط تعظيم الربح ؟ وما هي قيمته؟. متى تتسحب المؤسسة من السوق؟.

التمرين الخامس: إذا كانت دالة الطلب التي تواجه المحترق التام هي  $D=12-P$ :

و كان جدول التكاليف الكلية معطى كما يلي:

Q	0	1	2	3	4	5
SCT	10	17	18	21	30	48

المطلوب - : اوجد أفضل حجم للإنتاج في الأجل القصير باستخدام المدخل الكلي؟.

وضح الحل هندسياً؟.

وضح باستخدام المدخل الحدي عددياً وهندسياً أفضل إنتاج في الأجل القصير للمحترق؟.



حل السلسلة 7  
أحمد حبري

حل التمارين

حل التمرين الأول :

- حساب التكلفة الحدية للإنتاج :

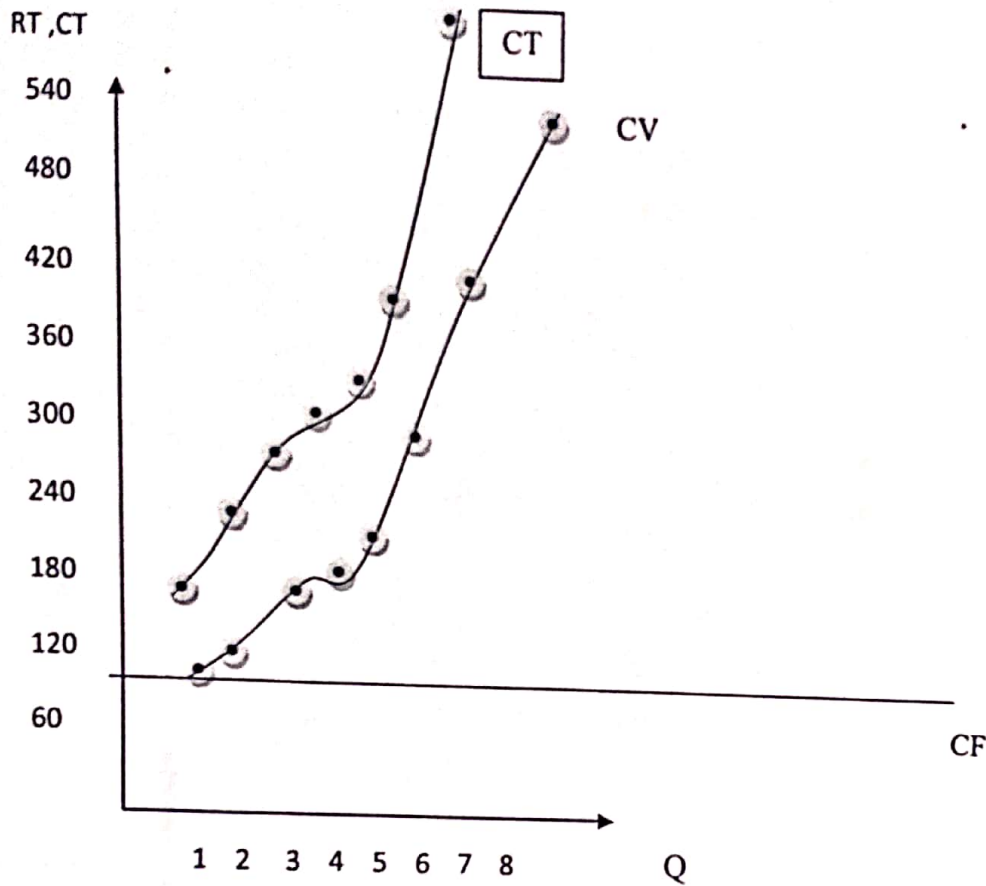
Q	1	2	3	4	5	6	7	8
التكلفة الثابتة CF	100	100	100	100	100	100	100	100
التكلفة المتغيرة CV	80	140	180	200	235	310	420	560
التكلفة الكلية CT	180	240	280	300	335	410	520	660
P	75	75	75	75	75	75	75	75
الإيراد الكلي RT	75	150	225	300	375	450	525	600
التكلفة المتغيرة المتوسطة ACV	80	70	60	50	47	51,66	60	70
التكلفة المتوسطة ACT	180	120	93,33	75	67	68,33	74,28	82,5
التكلفة الحدية MC	-	60	40	20	35	75	110	140
$\pi$	-105	-90	-55	0	40	40	5	-60

$$CT = CF + CV \quad RT = P \cdot q$$

$$ACV = \frac{CV}{Q}$$

$$ACT = \frac{CT}{Q}$$

$$MC = \frac{\partial CT}{\partial Q}$$



- كمية الإنتاج التي تعظم الربح حسب المدخل الكلي و المدخل الحدي هي  $Q = 6$  عندما يكون الربح أعظميا قيمته  $\pi = 40$  و هو عبارة عن ربح غير عادي و يمكن توضيح طريقة حسابه من الرسم عن طريق :

$$= RT \text{ المساحة عن } ABFG$$

$$= CT \text{ المساحة عن } DCFG$$

$$= RT - CT = ABFG - DCFG = \pi$$

و منه الربح غير عادي تمثله المساحة ABCD

حل التمرين الثاني:

- تحديد مستوى الإنتاج الذي تحقق المؤسسة فيه أقصى ربح، ربح عادي، خسارة.



Q	P	CT	RT	$\pi$	MC	MR
0	4	400	0	-400	-	+
100	4	1000	400	-600	6	4
200	4	1300	800	-700	3	4
300	4	1500	1200	-300	3	4
400	4	1600	1600	0	1	4
500	4	1700	2000	300	1	4
600	4	1850	2400	550	1,5	4
700	4	2100	2800	700	2,5	4
750	4	2265	3000	735	3,3	4
800	4	2500	3200	700	4,7	4
900	4	3000	3600	0	11	4

$$\pi = RT - CT$$

$$RT = P \cdot Q$$

نجد أقصى ربح لها :

$$Q = 750 \Rightarrow \pi = 735$$

أقصى خسارة لها :

$$Q = 200 \Rightarrow \pi = -700$$

لا ربح و لا خسارة لها :

$$Q = 400 \Rightarrow \pi = 0$$

$$Q = 900 \Rightarrow \pi = 0$$

3- تحديد النقطة التي تكون فيها المؤسسة في توازن (قصير الأجل).

لا يوجد توازن في حالة أقصى الأجل لأنه يجب  $Mc = MR$

حل التمرين الثالث:

حساب سعر و كمية التوازن :

$$Q_s = \frac{2}{3} P$$

$$Q_d = -3(P - 11)$$

$$Q_s = Q_d \Leftrightarrow \frac{2}{3} P = -3(P - 11) \Leftrightarrow \frac{2}{3} P = -3P + 33$$

$$Q_e = 6, \Leftrightarrow 11 \frac{P}{3} = 33 \Rightarrow P_e = 9$$

و يصبح السعر السائد في سوق المنافسة التامة هو  $P = 9$

Q	1	2	3	4	5	6	7	8
CT	7	11	13	16	20	27	36	50
P	9	9	9	9	9	9	9	9
RT	9	18	27	36	45	54	63	72
AcT	7	5,5	4,33	4	4	4,5	5,14	6,25
Mc	-	4	2	3	4	7	9	14
$\pi$ الربح	2	7	14	20	25	27	27	22

شرط

تعظيم الربح في سوق المنافسة التامة هو :  $MCP = P = 9$  و ذلك عند  $Q = 7$  عندما يكون الربح أعظمي و قيمته  $\pi = 27$  و هو ربح غير عادي .

تتسحب

المؤسسة التي تعمل في سوق المنافسة التامة من السوق و ذلك كما يلي :

$$\left( \begin{array}{l} \text{الدنيا (أ) - الفترة القصيرة} \\ \text{الدنيا (ب) - الفترة الطويلة} \end{array} \right)$$

في هذا التمرين أدنى قيمة لـ ACT هي

.4

و منه شرط الانسحاب من السوق هو  $P < 4$

حل التمرين الرابع :

حساب ACT و MC :

$$cT = Q^3 - 4Q^2 + 9Q$$

$$ACT = \frac{cT}{Q} = Q^2 - 4Q + 9$$

$$MC = \frac{ScT}{SQ} = 3Q^2 - 8Q + 9$$

أين يتقاطعان :

$$MC = AcT$$

$$\Leftrightarrow 3Q^2 - 8Q + 9$$

$$\Rightarrow Q = 2 \quad \Leftrightarrow 2Q^2 = 4Q$$

و منه أدنى قيمة لـ ACT هي :

ACT

$$= (2)^2 - 4(2) + 9 \Rightarrow ACT = 5$$

شروط تعظيم الربح :  $P = MC$

$$3Q^2 - 8Q + 9 = 12$$

$$\Leftrightarrow 3Q^2 - 8Q - 3 = 0$$



$$\Rightarrow \sqrt{\Delta} = 10$$

$$= (8-)^2 - 4(3)(-3) \Leftrightarrow \Delta = 100\Delta$$

$$Q_1 \text{ (مرفوض)} = \frac{8-10}{6} = -\frac{1}{3}$$

$$3Q_2 = \frac{8-10}{6} =$$

و منه الكمية التي تعظم الربح هي :

$$Q = 3$$

$\pi = RT - CT$  : قيمة الربح الأعظمي عندها

$$= 12(3) - [(3)^3 - 4(3)^2 + 9(3)] \pi$$

$$= 18\pi \quad \Rightarrow \quad = 36 - 18\pi$$

- تنسحب المؤسسة من السوق عندما يكون :  $P < ACT \Leftrightarrow P < 5$

حل التمرين الخامس :

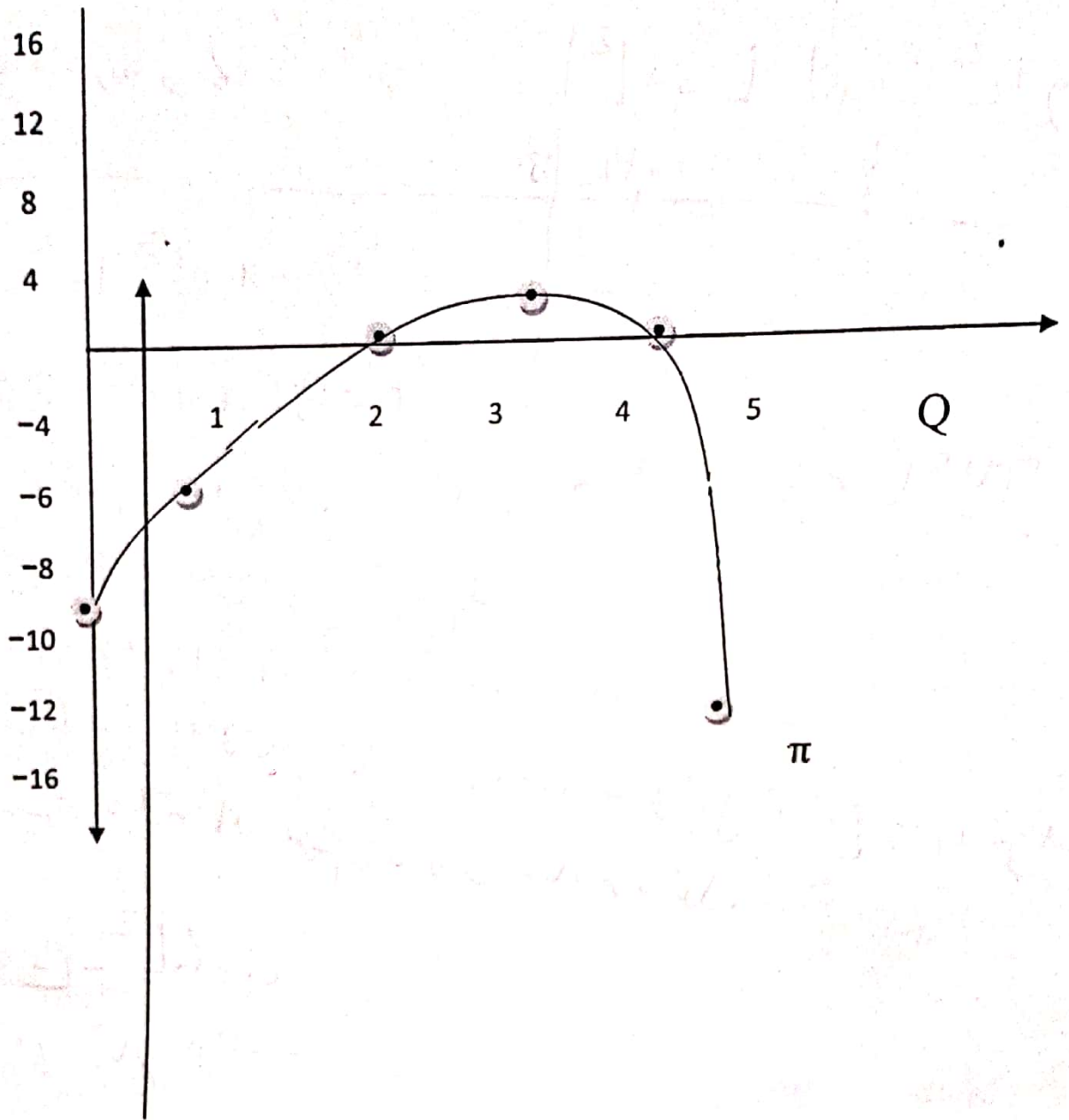
$$D = 12 - P$$

$$\Rightarrow P = 12 - Q$$

Q	SCT	MC	RT	MR	P-AR	AcT	$\pi$
0	10	-	0	-	12	-	-10
1	17	7	11	11	11	17	-6
2	18	1	20	9	10	9	2
3	21	3	27	7	9	7	6
4	30	9	32	5	8	7,5	2
5	48	18	35	3	7	9,6	-13

- أفضل إنتاج للمحتكر في الأجل القصير هو  $Q^* = 3,5$

و هو حل بياني حيث يتحقق شرط تعظيم الربح في الاحتكار و هو نقطة تقاطع MC مع MR.





السلسلة السادسة (تكاليف الإنتاج والإيرادات)

التمرين الأول: يمتلك منتج ثلاث تقنيات (تراكيب) لكل من العمل ورأس المال لإنتاج 1000 وحدة من منتج X.

	K	L	Q
1	100	200	1000
2	120	180	1000
3	80	212	1000

1- ما هي التقنية المفضلة لهذا المنتج إذا كانت أسعار كل من العمل ورأس المال 20 و 10 وحدات نقدية على التوالي.

2- ما هي التقنية المفضلة لهذا المنتج إذا كانت أسعار كل من العمل ورأس المال 30 و 20 وحدة نقدية على التوالي.

3- إذا كانت ميزانية إنفاق هذا المنتج تعادل 3320. ما هي التقنية المختارة أمام الأسعار 20 و 10 وحدات نقدية على التوالي.

التمرين الثاني: ليكن لدينا الجدول التالي والذي يمثل التكاليف الكلية عند كميات محددة من الإنتاج، مع العلم أن التكاليف الثابتة تقدر بـ 120 وحدة نقدية.

Q	0	1	2	3	4	5	6
CT	120	180	200	210	225	260	330

المطلوب: 1- احسب التكاليف المتغيرة، ثم مثل بيانيا كلا من التكلفة الكلية والثابتة والتكلفة المتغيرة على نفس مجموعة الإحداثيات. وشرح السبب الذي من أجله تأخذ هذه المنحنيات أشكالها.

2- أوجد التكلفة المتوسطة الثابتة، التكلفة المتوسطة المتغيرة، التكلفة المتوسطة الكلية والتكلفة الحدية. مثل بيانيا كل تلك التكاليف على نفس المنحني البياني.

التمرين الثالث: مؤسسة إنتاجية دالة تكلفتها الكلية على الشكل التالي:  $CT=2+15Q-6Q^2+Q^3$

المطلوب: 1- أوجد دوال التكلفة المتوسطة الكلية، التكلفة المتغيرة، التكلفة الحدية.

2- احسب حجم الإنتاج الذي تبلغ فيه كل من التكلفة الحدية والتكلفة المتوسطة المتغيرة نهايتهما الدنيا.

3- ما هي المرحلة التي يمر بها الإنتاج الكلي عند الأحجام:  $Q=2,3,4$

التمرين الرابع: خصص المنتج التجهيز K من أجل القيام بالعملية الإنتاجية، التكلفة الكلية للصناعة بهذا التجهيز معطاة بالشكل التالي:

$$SCT_K = 0.35Q^3 - 59.6Q^2 + 3420Q + 4000$$

أما التكلفة الكلية لنفس هذه الصناعة في الأجل الطويل فهي على الشكل التالي:  $LCT = 0.25Q^3 - 40Q^2 + 2500Q$



الاقتصاد الجزئي

# حل التسلسلة رقم (٥٦)

حل القربى 1:

يتم إنتاج ما ثلاث تركيبات لكل هذا و K لا إنتاج

	K	L	Q
1	100	200	1000
2	120	180	1000
3	80	212	1000

1- التقنية المفضلة لهذا المنتج إذا كانت  $P_L = 20, P_K = 30$  و  $Q = 1000$  وحدة من المنتج

(1)  $CT = P_L L + P_K K \Rightarrow CT = 20(200) + 30(100) = 4000 + 3000 = 7000$  ونا

(2)  $CT = 20(180) + 30(120) = 3600 + 3600 = 7200$  ونا

(3)  $CT = 20(212) + 30(80) = 4240 + 2400 = 6640$  ونا

وهذه التقنية المفضلة هي التقنية الثانية أي  $L = 180$  و  $K = 120$  والتي تحقق أقل تكلفة للوصول إلى إنتاج قدره  $Q = 1000$  وحدة.

حل القربى 2:

2- التقنية المفضلة لهذا المنتج

علاوة  $P_L = 20, P_K = 30$

(1)  $CT = 20(200) + 30(100) = 7000$

(2)  $CT = 20(180) + 30(120) = 7200$

(3)  $CT = 20(212) + 30(80) = 6640$

أذن التقنية المتأخر هي التقنية الثانية ذلك لأنها تحمل المنتج أدنى التكاليف

3- إذا كانت ميزانية انفاقة هذا المنتج  $CT = 3320$

التقنية المتأخرة هي الحل  $P_L = 20, P_K = 10$

لا يمكن لتكلفة قدرها 3320 وحدة نقدية أن تشتري  $L$  و  $K$  في ظل السعر السائدة والوصول إلى  $Q = 1000$  إذ لا يمكن شراء مزيد من الميزانية المخصصة لإنتاج

لدينا التكاليف الثابتة و  $CF = 120$  و التكاليف المتغيرة تمتد في الجدول أدناه

1- حساب التكاليف المتغيرة CV

Q	0	1	2	3	4	5	6
T	120	180	200	210	220	260	330
F	120	120	120	120	120	120	120
V	0	60	80	90	105	140	210
CF	/	120	60	40	30	24	20
CV	/	60	40	30	26	28	35
CT	/	180	100	70	56	52	55
IC	/	60	20	10	15	35	70

$CV = CT - CF$

$ACF = \frac{CF}{Q}$

$ACV = \frac{CV}{Q}$

$ACT = \frac{CT}{Q}$

$IC = \frac{\Delta CT}{\Delta Q}$

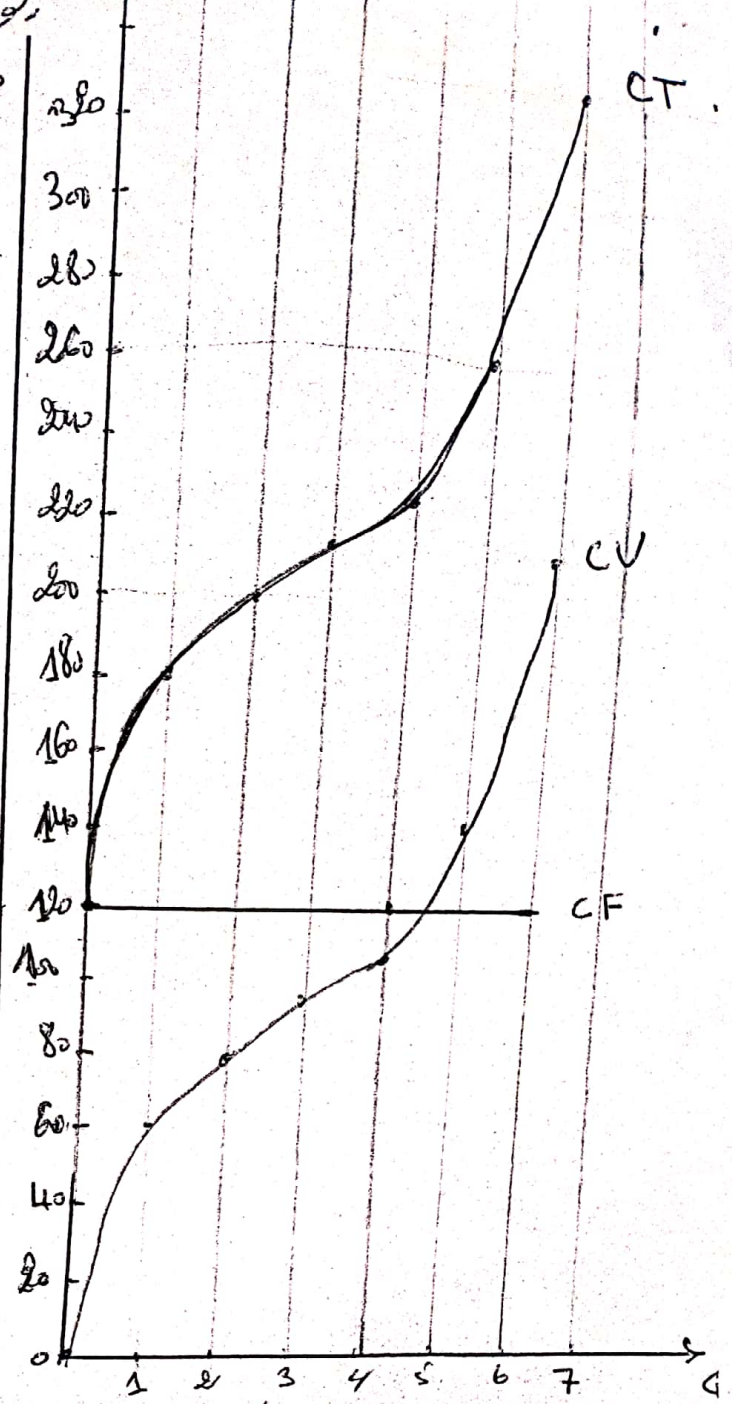
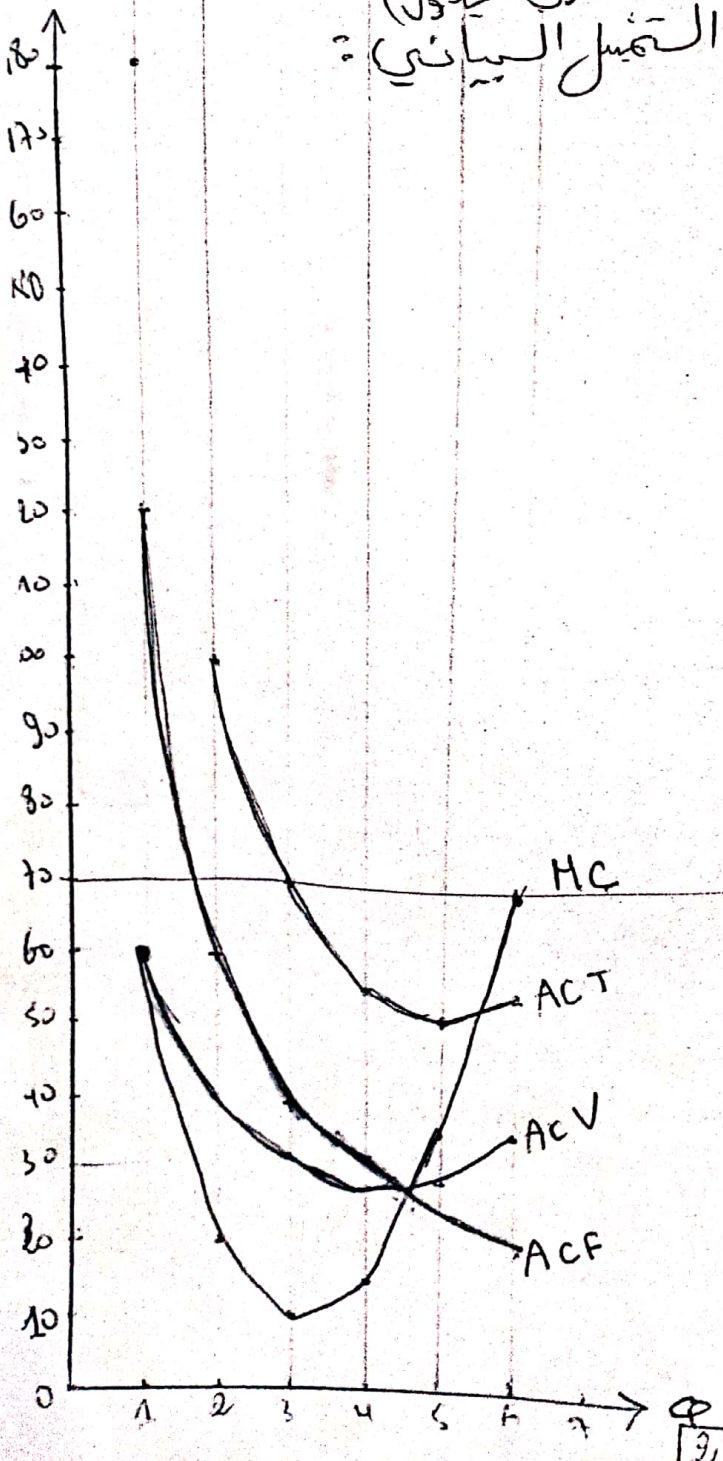


3- CT: منحني التكلفة الكلية أيضا يتغير  
بتغير الانتاج لذلك عندما يكون  $Q=0$  فان  
 $CT \neq 0$  ولكن  $CF = CT$  لان

$$CT = CF + CV$$

في الجار التكلفة المتوسطة الناتجة ACF  
و التكلفة المتوسطة المتغيرة ACV  
و التكلفة الكلية ACT

و الحصة  
و (في الجدول)  
التحميل البياني:



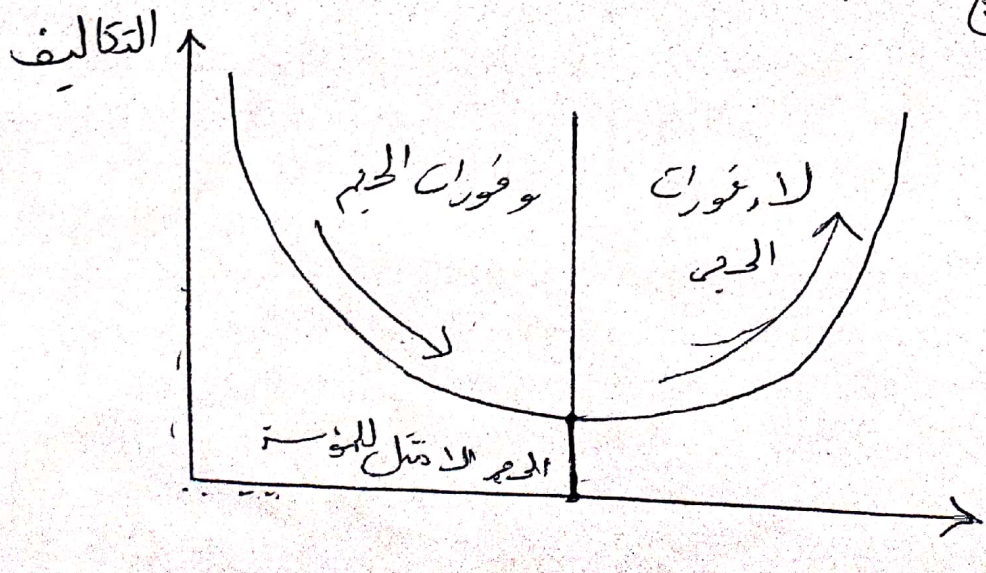
السبب الذي قد تأخذ المنحنيات  
السايقه اشكالها  
1- CF: منحني التكلفة الثابتة يكون  
دائرا فقياسه مستقيما يعني انه قيمة CF  
ثابتة ولهذا لانه لا علاقة له بارتفاع  
الانتاج لهذا مهما تغير الانتاج فان CF  
تبقى ثابتة.  
2- CV: منحني التكلفة المتغيرة يتبدد  
نقطة الصفر ثم يتزايد أي انه يتغير  
بتغير حجم الانتاج.



هي الحالة التي تصف انخفاض تكلفة الإنتاج للوحدة الواحدة من المنتج بزيادة هي الإنتاج و المؤسسة ويهدو سب هذه الحالة الى ان المؤسسة عند ازيد إنتاج فهي بذلك توفّر تكاليفها الثابتة على كمية أكبر من المنتج، فمثلا يمكنها استئجار اراضي زراعية جديدة بنفس الآلات والمعدات الموجودة دون الحاجة لتسريع معدات إضافية. كما أن التوسع في الإنتاج يؤدي إلى خفض بعض التكاليف المتغيرة، حيث أن شراء كميات أكبر من عناصر الإنتاج المتغيرة يمكن المؤسسة من الحصول عليها بأسعار تفضيلية، فكلما زادت الكميات زادت نسبة الخصم في الأسعار هذه الحالة من الوفورات نتيجة زيادة حجم المؤسسة تتركز فكرة ان الوحدات أو المؤسسات الإنتاجية الكبيرة تعتبر أكثر كفاءة من الوحدات أو المؤسسات الصغيرة.

Diseconomies of Size

هي الحالة التي تصف ارتفاع تكلفة الإنتاج للوحدة نتيجة ارتفاع كمية الإنتاج أو زيادة حجم المؤسسة. هذه الحالة تنشأ من عدم كفاءة ادارته المؤسسات الكبيرة الحجم مقارنة بزيادة المؤسسات الصغيرة الحجم، فالمؤسسات الكبيرة الحجم تحتاج لعناصر ادارية أكبر عددًا مما يملكها سلبًا على كفاءة هذه المؤسسات، كما أنه بزيادة حجم المؤسسة يصبح من الصعب حيث تصبح ظروف المنافسة التامة غير موجودة مما يعيق ان هذه المؤسسة الكبيرة قادرة على تحديد سعر عناصر الإنتاج وهي نفس الوحد غير قادرة على بيع ناتجها بأسعار السوق الحالية مثال ذلك بيع الخبز





$Q_1 = 30,66$  = 1000

$Q_2 = 100$

$LAC = SAC$  وعليه

$SAC = 0,35Q^2 - 9,6Q + 3420 + 4000$

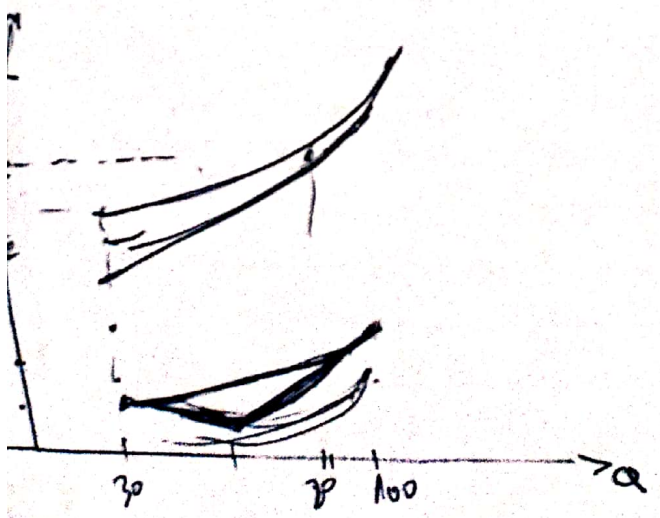
$LAC = 0,21Q^2 - 40Q + 2100$

$SAC \neq LAC$  عند  $Q = 30,66$

$SAC = LAC$  عند  $Q = 100$

$Q = 100$  عند  
رأس المنحنيات =

Q	30,66	80	100
CT	62926,12	7360	100000
LT	46261,44	7200	100000
MC	751,85	900	2000
AC	751,85	604	1000
AC	1508,6	900	10000
AC	2517,1	942	10000

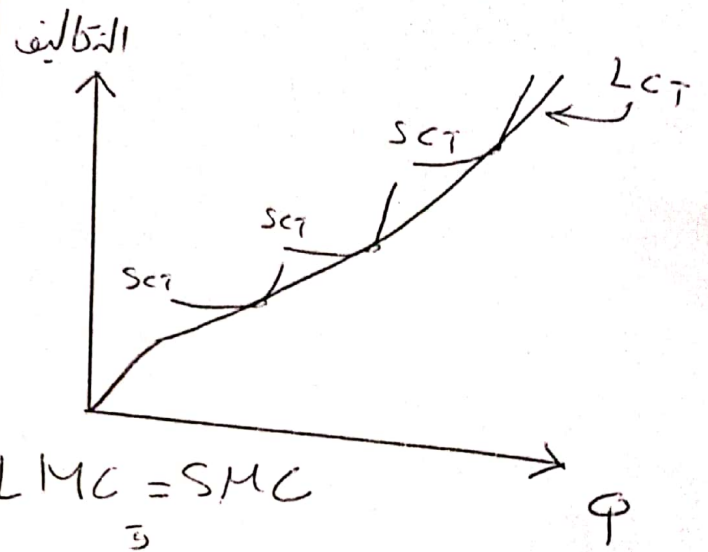


عمل التمرين 04

$SCT_K = 0,35Q^3 - 5,6Q^2 + 3420Q + 4000$

$LCT = 0,25Q^3 - 40Q^2 + 2100Q$

1. حساب مقدار  $Q$  عند تكون التكلفة الكلية في المبدئي متساوية وتوجد حيثان المقدار بعد الانطلاق من التكلفة المتوسطة، التكلفة الحصة.



$LMC = SMC$

$LAC = SAC$

$LMC = \frac{\partial LCT}{\partial Q} = 0,75Q^2 - 80Q + 2100$

$SMC = \frac{\partial SCT}{\partial Q} = 1,05Q^2 - 1192Q + 3420$

$LMC = SMC$   
 $0,75Q^2 - 80Q + 2100 = 1,05Q^2 - 1192Q + 3420$   
 $\Rightarrow 0,3Q^2 - 39,2Q + 920 = 0$

$\Delta = 1536,64 - 1104 = 432,64$

$\sqrt{\Delta} = 20,8$