



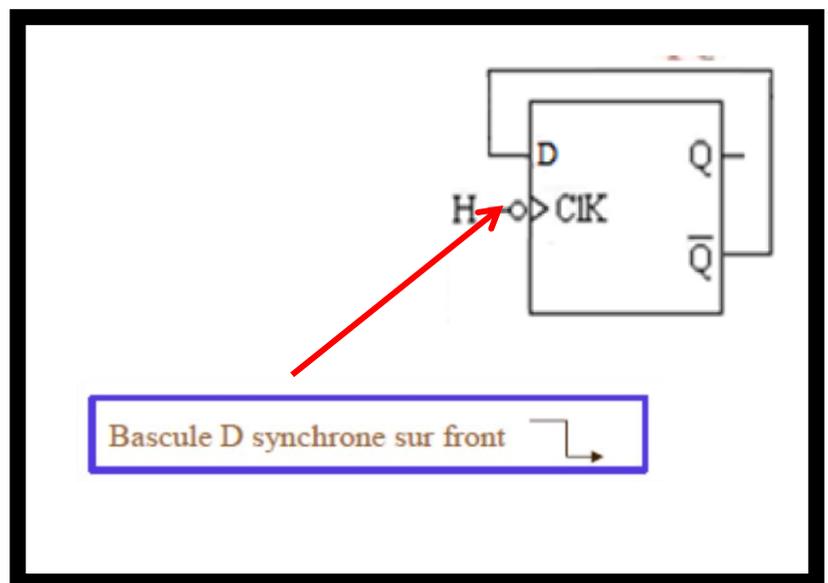
Correction _ TD N°5

SYSTEMES SEQUENTIELS : LES BASCULES

Correction exercice n° 1

1. le chronogramme obtenu de H et Q de la figure suivante :

La sortie Q prend l'information présente en D au moment de l'apparition d'un front descendant sur l'entrée H (H passe de 1 à 0) et seulement à cet instant. Le reste du temps Q garde l'information en mémoire jusqu'au prochain front descendant sur H.



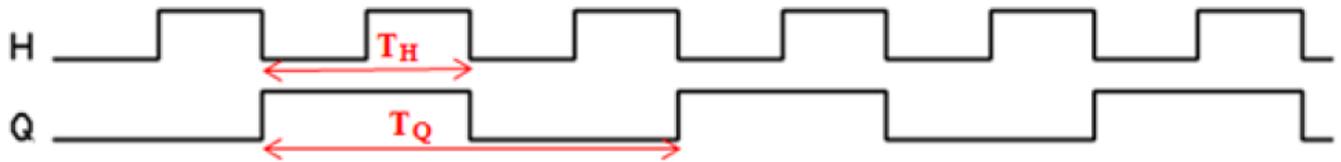
On a : $Q_{n+1} = D_n = \bar{Q}_n$

On suppose au départ que $Q = 0$ et $D = 1$

Au 1^{er} front descendant de H, Q passe à 1 et D à 0.

Au 2^{ème} front descendant de H, Q passe à 0 et D à 1.

Ansi de suite , on a un basculement à chaque front descendant de H .



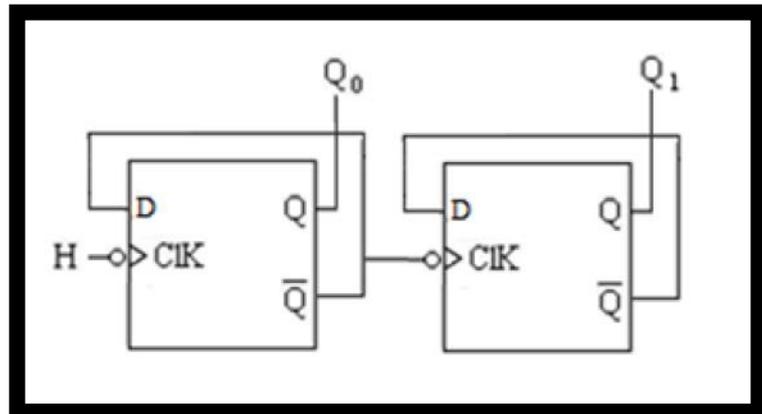
2. la fréquence $f(Q)$ de Q par rapport à la fréquence $f(H)$ de H.

Soit T_H la période de H et T_Q la période de Q : $T_Q = 2T_H$

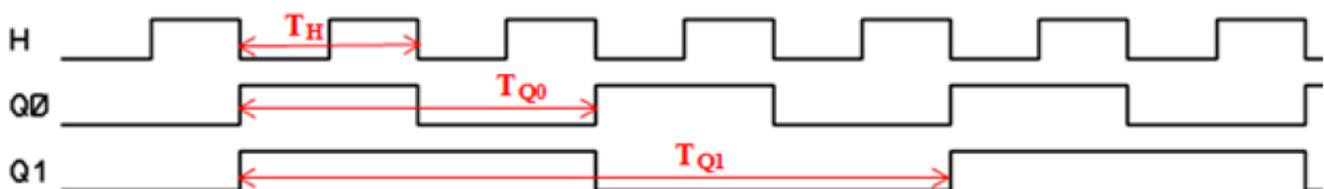
La fréquence de Q : $f_Q = \frac{1}{T_Q}$ et la fréquence de H : $f_H = \frac{1}{T_H}$

$$f_Q = \frac{1}{T_Q} = \frac{1}{2T_H} \Rightarrow f_Q = \frac{f_H}{2}$$

3. les chronogrammes de H, Q_0 et Q_1 pour la figure suivante :



- ✓ Pour Q_0 , on a un basculement à chaque front descendant de H.
- ✓ Pour Q_1 , on a un basculement à chaque front descendant de Q_0 .





4. la fréquence $f(Q_1)$ de Q_1 par rapport à la fréquence $f(H)$ de H.

$$T_{Q_1} = 2T_{Q_0} = 4T_H \Rightarrow \frac{1}{T_{Q_1}} = \frac{1}{2T_{Q_0}} = \frac{1}{4T_H} \Rightarrow f_{Q_1} = \frac{1}{4}f_H$$

Correction exercice 2

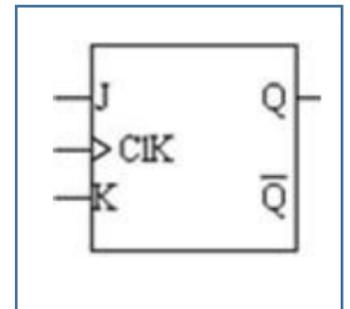
La bascule JK est considérée comme la version synchrone de la bascules RS. C'est une mémoire possédant deux entrées J et K et une sortie Q. Etant synchrone, elle possède également une entrée spécifique d'horloge CLK.

Le fonctionnement est synchrone à une entrée d'horloge H, c'est-à-dire que la valeur de sortie ne peut changer qu'au moment d'un front d'horloge, montant ou descendant selon les modèles.

En fonction de la valeur appliquée sur les entrées J et K , La bascule "JK" dispose de quatre fonctions :

- 1- Mémorisation
- 2- Mise à 0
- 3- Mise à 1
- 4- Basculement

- Si H n'est pas sur un front actif, les sorties ne changent pas d'état
- Si on applique un front montant sur H alors que $J \neq K$, la sortie Q prend la valeur de l'entrée J :
$$\begin{cases} \text{Si } J = 0 \Rightarrow \text{mise à } 0 \\ \text{Si } J = 1 \Rightarrow \text{mise à } 1 \end{cases}$$



- Si on applique un front montant sur H alors que $J=K=0$, les sorties de la bascule ne changent pas d'état, c'est la **mémorisation**

..

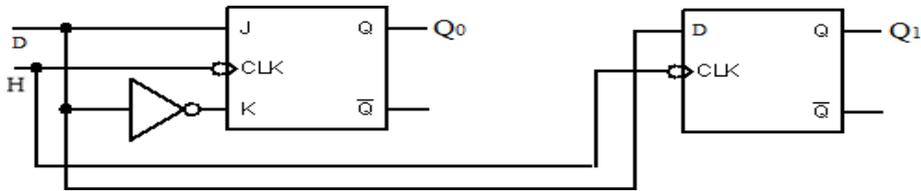
- Si on applique un front montant sur H alors que $J=K=1$, les sorties changent systématiquement d'état, c'est le **basculement**



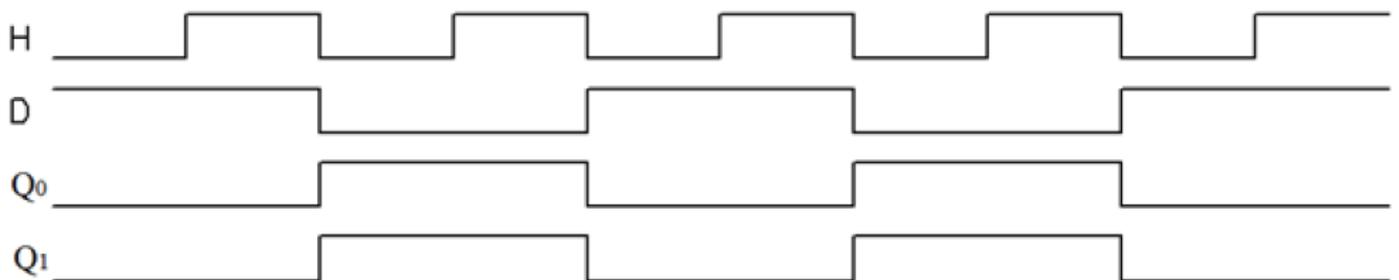
Table de vérité

J	K	Q_n
0	0	Q_{n-1}
0	1	0
1	0	1
1	1	$\overline{Q_{n-1}}$

1.



- ✓ Pour la bascule JK , J différent de K, la sortie Q recopie l'entrée J à chaque front descendant de H.
- ✓ Pour la bascule D , à chaque front descendant de H on a : $Q_1 = D$.





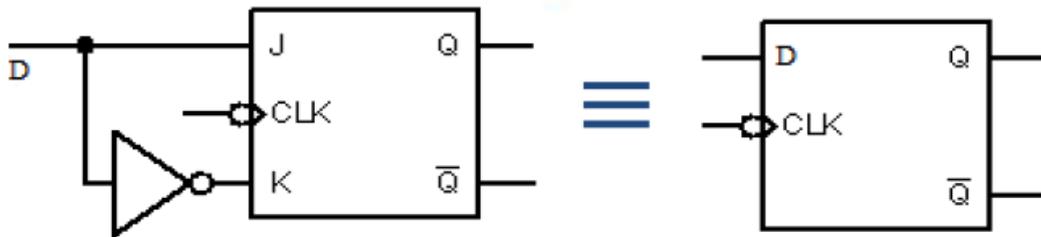
2. une bascule D à partir d'une bascule JK

D	Q
0	0
1	1

J	K	Q
0	0	Q_0
0	1	0
1	0	1
1	1	$\overline{Q_0}$

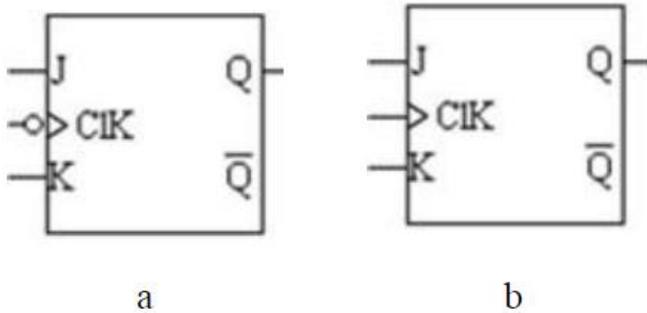
Bascule D

A partir de la table de vérité de la bascule JK, on peut synthétiser une bascule D à partir d'une bascule JK en preant : $D = J$ et $K = \bar{j}$



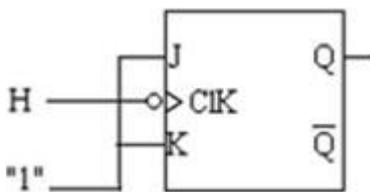


Correction exercice 3

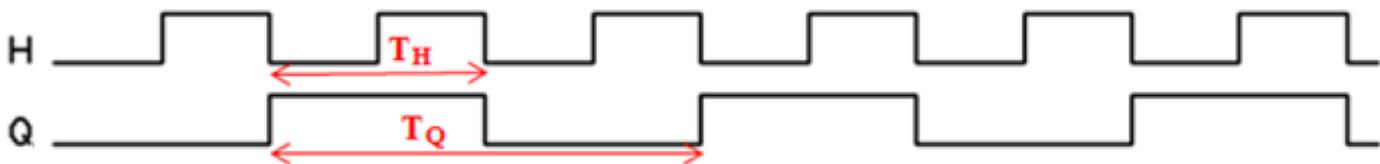


1. Pour la bascule **a**, l'entrée d'horloge est active sur le front descendant (petit cercle sur l'entrée d'horloge) et pour la bascule **b**, l'entrée d'horloge est active sur le front montant (pas de petit cercle).

2.



$J = K = 1 \Rightarrow Q_{n+1} = \bar{Q}_n \Leftrightarrow$ On a basculement à chaque front descendant de l'entrée d'horloge



3. la fréquence $f(Q)$ de Q par rapport à la fréquence $f(H)$ de H

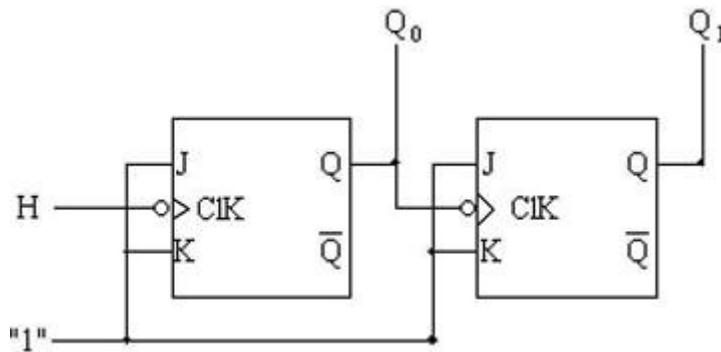
T_H La période de H et T_Q la période de Q : $T_Q = 2T_H$

la fréquence Q : $f_Q = \frac{1}{T_Q}$ et la fréquence de H : $f_H = \frac{1}{T_H}$

$$f_Q = \frac{1}{T_Q} = \frac{1}{2T_H}, f_Q = \frac{f_H}{2}$$

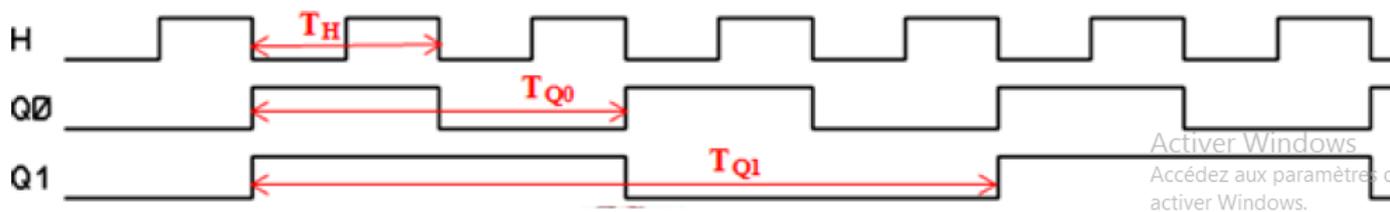


4.



Pour Q_0 , on a basculement ($J = K = 1 \Rightarrow Q_{n+1} = \bar{Q}_n$) à chaque front descendant de H .

Pour Q_1 , on a basculement à chaque front descendant de Q_0



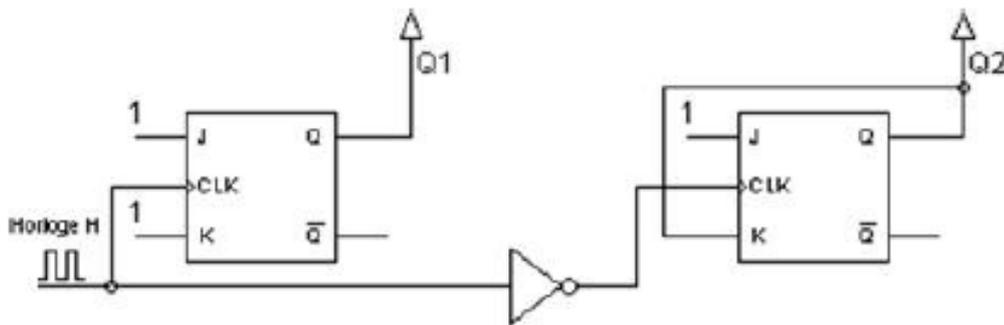
Remarque : pour le signal de Q_1 commence quand le signal de Q_0 descend avec décalage de T_H .

5. $T_{Q1} = 2T_{Q0} = 4T_H \Rightarrow 1 / T_{Q1} = 1 / 2T_{Q0} = 1 / 4T_H$

$f_{Q1} = f_H / 4$

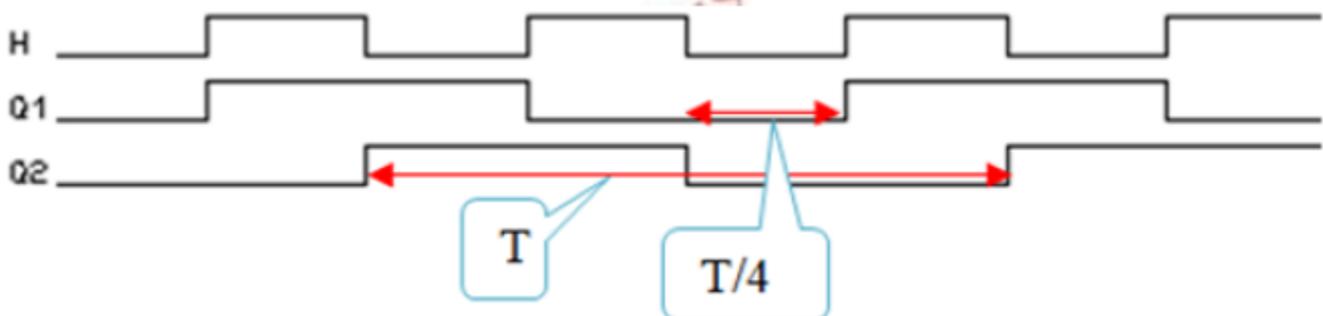


Correction exercice 4



1. les chronogrammes de Q_1 et Q_2 pour un signal d'horloge H (Q_1 et Q_2 sont nuls à $t=0$)

- ✓ Pour Q_1 , on a basculement ($J = K = 1 \Rightarrow Q_{n+1} = \bar{Q}_n$) à chaque front montant de H.
- ✓ Pour $Q_2 = 0$, ($J = 1, K = 0 \Rightarrow Q_{n+1} = 1$) $\Rightarrow Q_2$ passe à 1 au front descendant de H (Première bascule).
- ✓ Pour $Q_2 = 1$, ($J = K = 1 \Rightarrow Q_{n+1} = \bar{Q}_n$), on a basculement au front descendant de H (Première bascule)





2. Les fréquences de Q_1 et Q_2

✓ T_H La période de H et T_{Q_1} la période de Q_1 : $T_{Q_1} = 2T_H$

la fréquence de Q_1 : $f_1 = \frac{1}{T_{Q_1}}$ et la fréquence de H : $f_T = \frac{1}{T_H}$

$$f_1 = \frac{f_H}{2}$$

✓ T_{Q_2} la période de Q_2 : $T_{Q_2} = 2T_H$

la fréquence de Q_2 : $f_2 = \frac{1}{T_{Q_2}}$, $f_2 = \frac{f_H}{2}$

Donc $T_{Q_1} = T_{Q_2} = T = 2T_H$, $f_1 = f_2 = f = \frac{f_H}{2}$

3. Le déphasage entre Q_1 et Q_2

$$t = \frac{T_H}{2} = \frac{T}{4}$$