

$H(\omega)$: La fonction de transfert obtenue en considérant la tension aux bornes du condensateur comme tension de sortie V_S .

Pour $\omega_c = \frac{1}{RC}$ d'où $f_c = \frac{1}{2\pi RC}$

Pour un dipôle, on peut écrire la fonction de transfert sous la forme :

$$H(\omega) = G \exp(j\varphi)$$

Où : G est le gain du dipôle et φ sa phase.

$$G = \left| \frac{V_S}{V_e} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_c}\right)^2}} \text{ et } \varphi = \arctang\left(-\frac{\omega}{\omega_c}\right)$$

La fréquence de coupure est la fréquence pour laquelle on a une atténuation de -3 décibels

$$\left| \frac{V_S}{V_e} \right| = \frac{1}{\sqrt{2}} \equiv G_{dB} = 20 \log\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) = -3dB$$

Pour :

$$f = f_c \rightarrow G = -3dB \text{ et } \varphi = -45^\circ$$

Le gain en décibels :

$$G_{dB} = 20 \log|H(\omega)| = -10 \log\left(1 + \left(\frac{\omega}{\omega_c}\right)^2\right)$$

A.1.2. Diagramme de Bode

Un diagramme de Bode est un moyen de représenter le comportement fréquentiel d'un système électronique. Il permet une résolution graphique simplifiée, en particulier pour l'étude de la fonction de transfert d'un circuit. Il est utilisé afin de visualiser rapidement la marge de gain et la marge de phase, en plus la bande passante et la bande rejetée.

- **Tracé asymptotique**

Quand $\omega \rightarrow 0$: $G \rightarrow 0$ et $\varphi \rightarrow 0$

Quand $\omega \rightarrow \omega_c$: $G \rightarrow -3$ et $\varphi \rightarrow -45^\circ$

Quand $\omega \rightarrow \infty$: $G \rightarrow -20dB/decade$ et $\varphi \rightarrow -90^\circ$

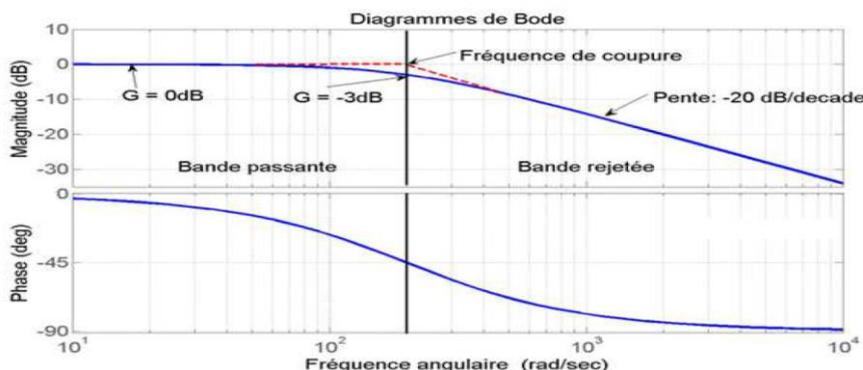


Figure 2 : Diagramme de Bode pour un filtre passe bas.

A.2. Filtre passe haut

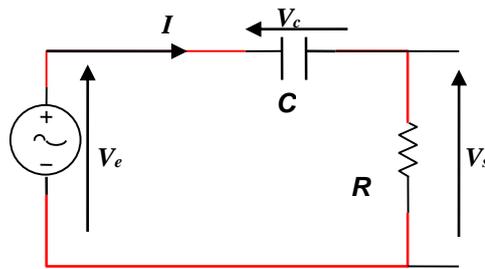


Figure 3 : Filtre CR

Dans un filtre passe haut la tension de sortie V_s est prélevée aux bornes de la résistance (figure 3). Un filtre passe-haut est un filtre qui laisse passer les hautes fréquences et atténue les basses fréquences, c'est-à-dire les fréquences inférieures à f_c .

A.2.1. Fonction de transfert

La fonction de transfert obtenue en considérant la tension aux bornes de la résistance comme tension de sortie.

$$H(\omega) = \frac{V_s(\omega)}{V_e(\omega)} = \frac{j\frac{\omega}{\omega_c}}{1+j\frac{\omega}{\omega_c}} \text{ (Démontrez cette fonction)}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

Pour un dipôle, on peut écrire la fonction de transfert sous la forme :

$$H(\omega) = G \exp(j\varphi)$$

Où G est le gain du dipôle et φ sa phase.

$$G = \left| \frac{V_s}{V_e} \right| = \frac{\frac{\omega}{\omega_c}}{\sqrt{1+\left(\frac{\omega}{\omega_c}\right)^2}} \text{ et } \varphi = \text{arctang} \left(\frac{\omega_c}{\omega} \right)$$

La fréquence de coupure est la fréquence pour laquelle on a une atténuation à -3 décibels.

$$\left| \frac{V_s}{V_e} \right| = \frac{1}{\sqrt{2}} \equiv -3dB$$

Pour :

$$f = f_c \text{ on a } \varphi = 45^\circ$$

Le gain en décibels :

$$G(dB) = 20 \log|H(\omega)| = -10 \log\left(1 + \left(\frac{\omega}{\omega_c}\right)^2\right)$$

A.2.2. Diagramme de Bode

Quand $\omega \rightarrow 0$: $G \rightarrow +20dB/decade$ et $\varphi \rightarrow 90^\circ$

Quand $\omega \rightarrow \omega_c$: $G \rightarrow -3dB$ et $\varphi \rightarrow 45^\circ$

Quand $\omega \rightarrow \infty$: $G \rightarrow 0$ et $\varphi \rightarrow 0^\circ$

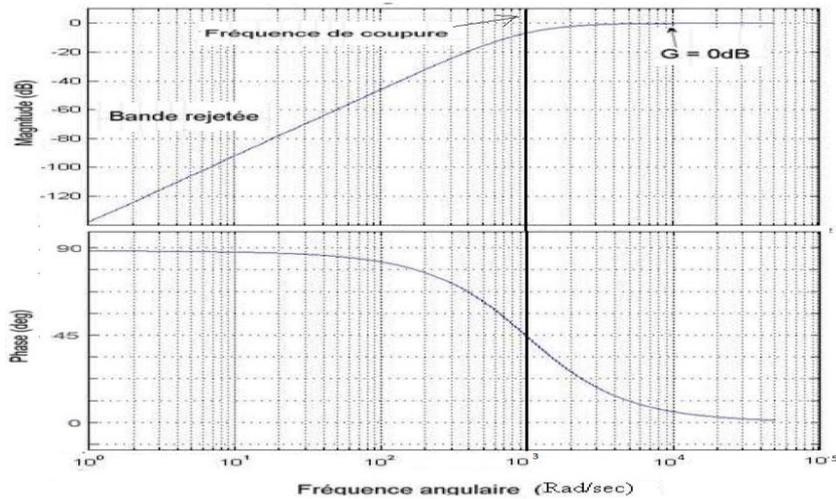
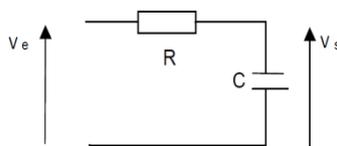


Figure 4: Diagramme de Bode pour un filtre passe haut.

A.3. Préparation théorique :

A.3.1. Circuit RC : Soit le montage suivant pour $R=4.7K\Omega$, $C=0.22 \mu F$ et V_e sinusoïdale d'amplitude 5V.



a) Calculer la fréquence de coupure.

.....

.....

.....

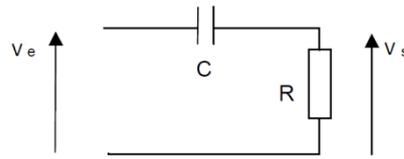
.....

b) Quel est le type de ce filtre.

.....

A.3.2. Circuit CR :

Refaire le même travail pour le montage suivant : ($R=2.2K\Omega$, $C=10nF$ et V_e sinusoïdale d'amplitude 5V)



a) Calculez la fréquence de coupure

.....

b) Quel est le type de ce filtre.

.....

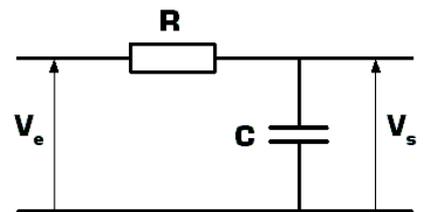
B. Partie pratique :

B.1 Réalisation du Filtre RC (passe-bas) :

Réaliser le montage suivant avec $R = 4.7 k\Omega$ et $C = 0.22 \mu F$.

Le circuit est alimenté avec une tension sinusoïdale.

$V_e = V_{max} \sin(2\pi ft)$ avec $V_{max} = 5 V$.



A l'aide d'un oscilloscope, relever la tension V_s aux bornes du condensateur et le déphasage ΔT entre cette dernière et V_e , pour les fréquences allant de 50Hz jusqu'à 10 kHz, selon le Tableau I :

$F(kHz)$	0.05	0.06	0.08	0.1	0.15	0.2	0.4	1	2	3	4	6	10
V_e	Crête à crête 10 v												
V_s													
ΔT													
Gdb													
$\varphi=360^\circ \Delta T/T$													

Remarques : La fréquence de coupure sera mesurée lorsque $V_s = \frac{1}{\sqrt{2}} V_{max} = 70\% \text{ de } V_{max}$.

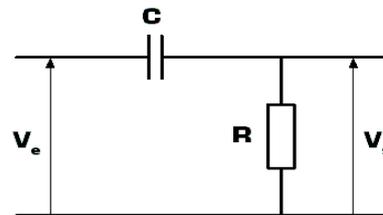
1. Représentez sur le graphe (annexe 01) le diagramme des amplitudes ?
2. Représentez sur le graphe (annexe 01) le diagramme des phases ?
3. Comparer la fréquence de coupure théorique et mesurée ?

.....

B.2 Filtre Passe Haut :

Réaliser le montage suivant avec $R = 2.2 \text{ k}\Omega$ et $C = 10\text{nF}$

Fixer l'entrée $V_e = V_{max} \sin(2\pi ft)$ pour $V_{max} = 5V$



A l'aide de l'oscilloscope, relever l'amplitude de V_s (aux bornes de R) et son déphasage ΔT par rapport à V_e , et refaire les mêmes mesures, pour différentes fréquences allant de 400Hz jusqu'à 30 KHz, selon le tableau ci-dessous :

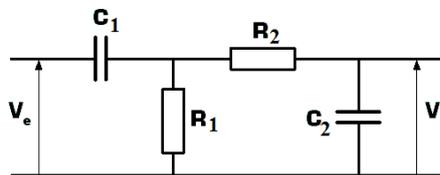
F(Khz)	0.4	0.6	1	3	5	6	7	7.2	7.3	8	10	20	30
V_e	Crête à crête 10 v												
V_s													
ΔT													
G_{db}													
$\varphi = 360^\circ \Delta T / T$													

1. Calculez le gain en tension $G_{dB} = 20 \log(V_s/V_e)$ et sa phase φ ?
2. Représentez sur le graphe (annexe 02) le diagramme des amplitudes ?
3. Représentez sur le graphe (annexe 02) le diagramme des phases ?
4. Comparer la fréquence de coupure théorique et mesurée ?

.....

B.3 Filtre Passe-bande :

Réaliser le montage suivant avec $R_1 = 2.2\text{k}\Omega$, $C_1 = 0.22 \mu\text{F}$, $R_2 = 4.7 \text{ k}\Omega$ et $C_2 = 10 \text{ nF}$.



- Variez la fréquence entre 50 Hz à 30 KHz
- Déduire les deux fréquences de coupure (f_1 et f_2) :
- Calculer la largeur de bande $\Delta f = f_2 - f_1$

.....

Remarques très importantes :

- Le port du tablier est obligatoire durant la séance du TP.
- Le compte rendu doit être remis à la fin de la séance du TP.
- Arranger le matériel du TP avant de quitter votre poste de travail.

