

سلسلة تمارين رقم -1-

التمرين الأول:

قام صانع أثاث بإدخال مجموعة من المنتجات في السوق، تتكون هذه المجموعة من خزائن وكراسي ومكاتب ومكاتب، يؤدي بيع هذه المنتجات إلى ربح قدره 1000 و.ن بالنسبة للخزانة الواحدة، 2000 و.ن للكرسي، 3000 و.ن للمكتبة، 4000 و.ن للمكتب، يحدد إنتاج هذه الوحدات بحوالي 400 على الأكثر شهريا، فإذا جمعنا إنتاج المكاتب وإنتاج المكاتب فإن هذا المجموع لا يفوق إنتاج الوحدتين الباقيتين بأكثر من 25 وحدة اسبوعيا. كما أن مجموع إنتاج الكراسي والمكاتب لا يمكن أن يفوق إنتاج الخزائن والمكاتب بأكثر من 150 وحدة في الثلاثي الواحد.

المطلوب: ضع النموذج الرياضي للمسألة والذي يؤدي إلى الربح الأمثل.

التمرين الثاني:

تدعيما لخطها الإنتاجي خصصت إحدى المؤسسات مبلغ 8000000 دج لشراء آلات حديثة، وبعد دراسة مختلف العروض وقع الاختيار على شراء ما لا يقل عن 15 آلة من بين مختلف أنواع الآلات الموضحة معطياتها في الجدول التالي:

نوع الآلة	تكلفة شراء الآلة الواحدة	مدة تشغيل الآلة الواحدة في اليوم (ساعة)	إنتاج الآلة الواحدة (وحدة/ ساعة)	عدد العمال اللازمين لكل آلة
النوع الأول	6000	8	10	1
النوع الثاني	8000	7	15	2
النوع الثالث	10000	6	30	3

ومن أجل تشغيل هذه الآلات تم تعيين 10% من عدد عمال المؤسسة والبالغ عددهم 1000 عامل من أجل العمل على هذه الآلات فإذا كان هدف المؤسسة الحصول على أقصى طاقة إنتاجية يومية.

المطلوب: ما هو النموذج الرياضي لهذه المسألة في هذه الحالة.

التمرين الثالث:

تسعى مؤسسة مشروبات غازية إلى إنتاج وتسويق منتوجين جديدين هما (B_1) ، (B_2) . حيث تستخدم لتشكيلهما أربع مواد أولية: K-L-M-N

- يتكون اللتر الواحد من المشروب (B₁) من: 0.5 لتر من L، 0.25 لتر من M، 0.25 لتر من N.
- يتكون اللتر الواحد من المشروب (B₂) من: 0.6 لتر من L، 0.4 لتر من K.
- سعر بيع المشروب الأول 2 و.ن للقارورة. (سعة القارورة الواحدة 1 لتر)
- سعر بيع المشروب الثاني 3 و.ن للقارورة. (سعة القارورة الواحدة 1 لتر)
- الكميات المتاحة من كل مادة وكذا تكلفة الوحدة من هذه المواد موضحة في الجدول الموالي:

المواد	L	M	N	K
الكميات (لتر)	25000	15000	35000	10000
تكلفة 1 لتر (و.ن)	1.00	0.80	0.60	1.60

المطلوب: أوجد عدد القارورات الواجب إنتاجه من أجل تعظيم أرباح المؤسسة.

التمرين الرابع:

تلقت إحدى المؤسسات طلبية لإنتاج 1000 كغ من خليط خاص من المواد الدهنية التالية M₁ , M₂ , M₃ تكاليف إنتاجها هي 05، 06، 07 وحدات نقدية على الترتيب، من بين الشروط التي يخضع لها قسم الإنتاج بهذه المؤسسة أنه لا يمكن استعمال أكثر من 300 كغ من المادة M₁ ويجب استخدام 150 كغ على الأقل من المادة M₂ ، وكذلك 200 كغ على الأقل من المادة M₃.

المطلوب: تحديد الكميات الواجب إنتاجها من المواد الثلاثة لتلبية هذه الطلبية.

التمرين الخامس:

أوجد منطقة الحلول الممكنة والحل الأمثل للنموذج التالي:

$$(Max) Z = 20X_1 + 25X_2$$

$$3X_1 + 6X_2 \leq 120$$

$$4X_1 + 2X_2 \leq 70$$

$$5X_1 + X_2 \geq 90$$

$$X_1, X_2 \geq 0$$

$$(Min) Z = 6X_1 + 4X_2$$

$$X_1 \geq 10$$

$$X_2 \geq 12$$

$$X_1, X_2 \geq 0$$